

## Modelos avançados de redes convolucionais

### 1. ImageNet e modelos pré-treinados para categorizar imagens.

ImageNet [<https://www.image-net.org/index.php>] é um banco de imagens enorme projetado para ser usado em pesquisa de algoritmos de reconhecimento visual de objetos. Mais de 14 milhões imagens foram anotadas à mão pelo projeto para indicar quais objetos estão representados. ImageNet contém mais de 20.000 categorias.

aula

Entre 2010 e 2017, o projeto ImageNet promoveu uma competição anual de software, the ImageNet Large Scale Visual Recognition Challenge (ILSVRC, [<https://www.image-net.org/challenges/LSVRC/>]), onde programas competiam para classificar corretamente e detectar objetos em imagens. Esta competição usava uma lista simplificada de 1000 categorias não-sobrepostas [[Wiki-ImageNet](#)].

Esta competição usou aproximadamente 1,2 milhão de imagens de treino, 50 mil imagens de validação, e 150 mil imagens de teste, todas em alta resolução. O objetivo era classificar cada imagem em uma das 1000 categorias. A competição usou a taxa de erro “top-5”, a porcentagem de imagens onde o rótulo correto não é um dos 5 rótulos mais prováveis fornecidos pelo modelo. A figura 1 mostra a evolução das taxas de erro “top-5” e o número de camadas do modelo ao longo dos anos. Note que o erro foi diminuindo cada vez mais e o número de camadas foi aumentando. A figura 2 mostra as taxas de erro “top-1” de diferentes redes. A figura X mostra que, a partir de 2015 com ResNet, CNN passou a errar menos que um ser humano (a taxa de erro top-5 de um ser humano é aproximadamente 5%).

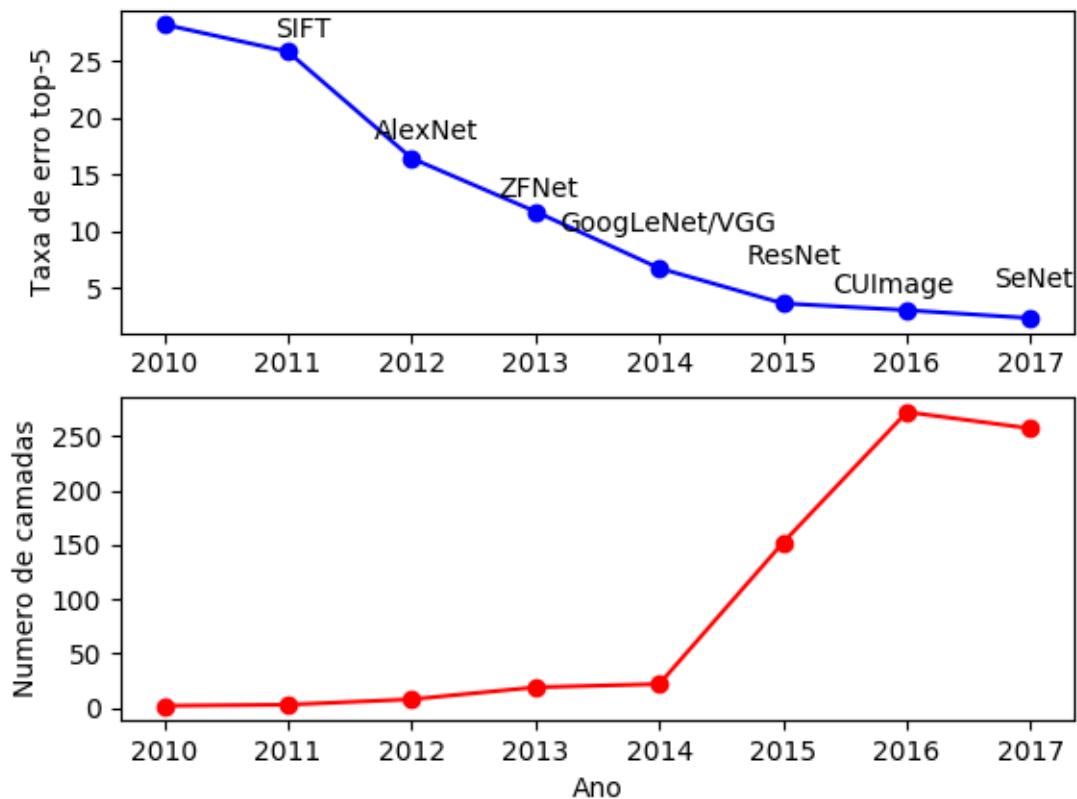


Figura 1: As taxas de erro “top-5” de ImageNet-ILSVRC foram caindo e número de camadas convolucionais da rede foi aumentando ao longo dos anos.

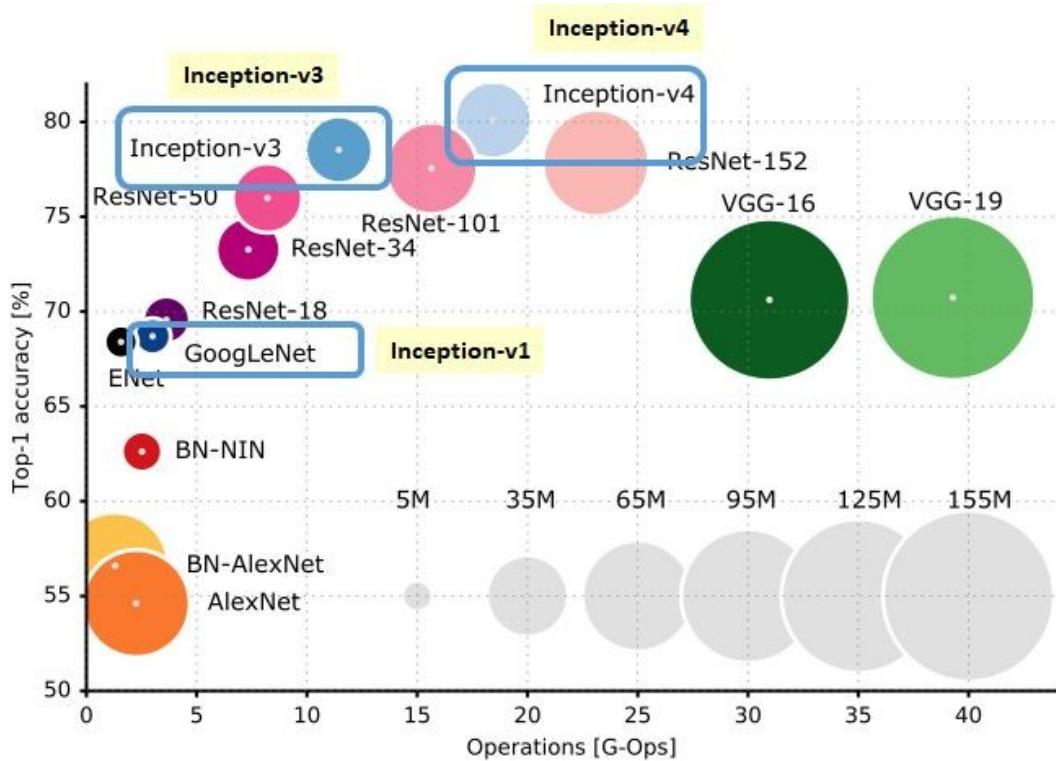


Figura 2: Taxas de erro “top-1” da competição ImageNet.

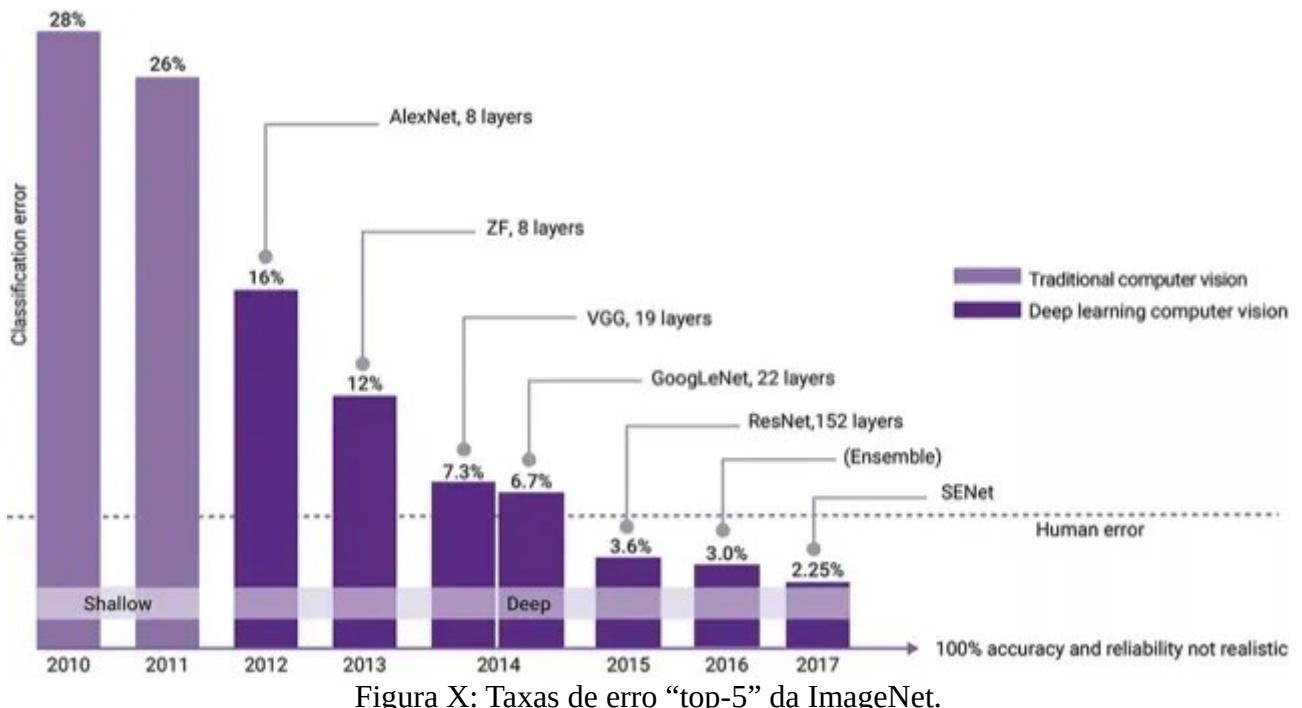


Figura X: Taxas de erro “top-5” da ImageNet.

Treinar uma rede convolucional usando ImageNet é uma tarefa que exige alto poder computacional e paciência. Porém, Keras fornece vários modelos de redes para ImageNet já treinados, prontos para serem usados. Copio na tabela abaixo alguns modelos que Keras oferece (veja <https://keras.io/api/applications/> para a lista completa).

Model	Size	Top-1 Accuracy	Top-5 Accuracy	Parameters	Depth
Xception	88 MB	0.790	0.945	22,910,480	126
VGG16	528 MB	0.713	0.901	138,357,544	23
VGG19	549 MB	0.713	0.900	143,667,240	26
ResNet50	98 MB	0.749	0.921	25,636,712	-
InceptionV3	92 MB	0.779	0.937	23,851,784	159
InceptionResNetV2	215 MB	0.803	0.953	55,873,736	572
MobileNet	16 MB	0.704	0.895	4,253,864	88
MobileNetV2	14 MB	0.713	0.901	3,538,984	88
DenseNet121	33 MB	0.750	0.923	8,062,504	121
DenseNet169	57 MB	0.762	0.932	14,307,880	169
DenseNet201	80 MB	0.773	0.936	20,242,984	201
NASNetMobile	23 MB	0.744	0.919	5,326,716	-
<b>NASNetLarge</b>	<b>343 MB</b>	<b>0.825</b>	<b>0.960</b>	<b>88,949,818</b>	<b>-</b>
EfficientNetB0	29 MB	-	-	5,330,571	-
<b>EfficientNetB5</b>	<b>118 MB</b>	<b>83.6%</b>	<b>96.7%</b>	<b>30,562,527</b>	<b>312</b>
EfficientNetB7	256 MB	84.3%	97.0%	66,658,687	-

Tabela 1: Alguns modelos pré-treinados que reconhece as classes de ImageNet.

Dependendo da versão de Keras no seu computador, alguns modelos do manual podem não estar disponíveis. Para listar as redes realmente disponíveis em seu Keras, execute em python:

```
>import tensorflow.keras.applications as app
>print(dir(app))
```

Resulta em Google Colab (2021):

```
['DenseNet121', 'DenseNet169', 'DenseNet201', 'EfficientNetB0', 'EfficientNetB1', 'EfficientNetB2', 'EfficientNetB3', 'EfficientNetB4', 'EfficientNetB5', 'EfficientNetB6', 'EfficientNetB7', 'InceptionResNetV2', 'InceptionV3', 'MobileNet', 'MobileNetV2', 'MobileNetV3Large', 'MobileNetV3Small', 'NASNetLarge', 'NASNetMobile', 'ResNet101', 'ResNet101V2', 'ResNet152', 'ResNet152V2', 'ResNet50', 'ResNet50V2', 'VGG16', 'VGG19', 'Xception', '__builtins__', '__cached__', '__doc__', '__file__', '__loader__', '__name__', '__package__', '__path__', '__spec__', 'sys', 'densenet', 'efficientnet', 'imagenet_utils', 'inception_resnet_v2', 'inception_v3', 'mobilenet', 'mobilenet_v2', 'mobilenet_v3', 'nasnet', 'resnet', 'resnet50', 'resnet_v2', 'vgg16', 'vgg19', 'xception']
```

Podemos usar essas redes pré-treinadas para classificar as imagens. O programa 1 abaixo faz essa tarefa. A forma de chamá-lo é:

```
$python3 classif3.py
```

```
1 url='http://www.lps.usp.br/hae/apostila/cifar_pretreinado.zip'
2 import os; nomeArq=os.path.split(url)[1]
3 if not os.path.exists(nomeArq):
4     print("Baixando o arquivo",nomeArq,"para diretorio default",os.getcwd())
5     os.system("wget -U 'Firefox/50.0' "+url)
6 else:
7     print("O arquivo",nomeArq,"ja existe no diretorio default",os.getcwd())
8 print("Descompactando arquivos novos de",nomeArq)
9 os.system("unzip -u "+nomeArq)
```

Programa: Baixa as imagens exemplos no diretório local.

```
1 #classif3.py
2 import os; os.environ['TF_CPP_MIN_LOG_LEVEL']= '3';
3 os.environ['TF_FORCE_GPU_ALLOW_GROWTH'] = 'true'
4 import tensorflow as tf; import tensorflow.keras as keras
5 from tensorflow.keras.preprocessing import image; from matplotlib import pyplot as plt
6 import numpy as np; import sys; from sys import argv
7
8 # Use os comandos abaixo se for chamar do prompt
9 # if (len(argv)!=2):
10 #     print("classif1.py nomeimg.ext");
11 #     sys.exit("Erro: Numero de argumentos invalido.");
12
13 # from tensorflow.keras.applications.resnet50 import ResNet50, preprocess_input, decode_predictions
14 # model = ResNet50(weights='imagenet')
15 # target_size = (224, 224)
16
17 # from tensorflow.keras.applications.inception_v3 import InceptionV3, preprocess_input, decode_predictions
18 # model = InceptionV3(weights='imagenet')
19 # target_size = (299, 299)
20
21 # from tensorflow.keras.applications.inception_resnet_v2 import \
22 #     InceptionResNetV2, preprocess_input, decode_predictions
23 # model = InceptionResNetV2(weights='imagenet')
24 # target_size = (299, 299)
25
26 from tensorflow.keras.applications.efficientnet import EfficientNetB0, preprocess_input, decode_predictions
27 model = EfficientNetB0(weights='imagenet')
28 target_size = (224, 224)
29
30 #img_path = argv[1] #Escreva aqui o diretorio e nome da imagem
31 img_path = "orangotango.jpg"
32 img = image.load_img(img_path, target_size=target_size)
33 plt.imshow(img); plt.axis("off"); plt.show()
34 x = image.img_to_array(img); x = np.expand_dims(x, axis=0)
35 x = preprocess_input(x)
36
37 preds = model.predict(x)
38 p=decode_predictions(preds, top=3)[0]
39 # decode the results into a list of tuples (class, description, probability)
40 # (one such list for each sample in the batch)
41 #print('Predicted:', p)
42 # Predicted: [(u'n02504013', u'Indian_elephant', 0.82658225), ... ]
43
44 for i in range(len(p)):
45     print("%8.2f%% %s"%(100*p[i][2],p[i][1]))
```

Programa 1: Classifica imagem de entrada em categorias de ImageNet.

<https://colab.research.google.com/drive/1eKZj9jNxH7DfyL-7CpWiEfrWy7Weels?usp=sharing>

Classifiquei algumas imagens que achei na internet usando rede InceptionResNetV2 e os resultados estão na figura 3.

O programa acertou todos os objetos das imagens exceto “eiffel.jpg” e “onibus.jpg”. A imagem “eiffel.jpg” foi classificada como “igreja” por que Torre Eiffel não faz parte das 1000 categorias da ImageNet. O programa não tinha como adivinhar o que não foi ensinado.

A imagem “onibus.jpg” foi classificada como “passenger\_car”, que provavelmente significa “vagão de trem para passageiros” e não “ônibus”. Talvez tenha feito essa classificação por que nunca viu um ônibus pintado da forma que aparece na figura. De qualquer forma, o programa está perto de acertar, dando 2<sup>a</sup> e 3<sup>a</sup> classificações como ônibus elétrico e mini ônibus.

O impressionante é que o programa consegue distinguir os sub-tipos de coelho: “coelho”, “lebre” e “coelho Angorá”. Não sou capaz de distinguir esses sub-tipos, mas o programa parece ser capaz distingui-los. Além disso, o programa não só diz que a imagem é de um navio, mas diz que é “navio cruzeiro”, “porta-aviões”, “barco-bombeiro”, “ferry-boat”, etc.

No programa 1, é possível usar as redes “ResNet50”, “InceptionV3”, “InceptionResNetV2” ou “EfficientNetB0” dependendo de (des)comentar os trechos corretos nas linhas 13-28. Repare que cada uma das 4 redes possui suas próprias funções *preprocess\_input* e *decode\_predictions*. Também repare que cada uma das 4 redes redimensiona a imagem de entrada para matrizes de tamanhos diferentes ( $224 \times 224$  ou  $299 \times 299$ ). O tamanho de entrada “default” de cada rede pode ser consultado no manual de Keras [<https://keras.io/api/applications/> ], procurando “input\_shape”. *Nota:* Algumas redes, como EfficientNet, podem não ter *input\_shape* default.

A linha 28 carrega a imagem e a redimensiona para  $224 \times 224$ , usando a função *load\_img* de Keras. A função *image\_to\_array* da linha 32 converte classe *image* de Keras *img* para matriz numpy *x* tipo float32. A linha 28 acrescenta uma dimensão extra na matriz *x*, convertendo-a de  $[299, 299, 3]$  para  $[1, 299, 299, 3]$ . Isto é necessário, pois a função *model.predict* pode fazer predição de um conjunto de imagens e está preparada para receber um vetor de imagens coloridas.

A função *preprocess\_input* da linha 34 converte os elementos de *x* de 0 a 255 para ponto flutuante, aparentemente para obter uma distribuição gaussiana de média 0 e desvio 1. Esta função depende da rede escolhida – cada modelo possui função *preprocess\_input* diferente.

A função *model.predict* da linha 36 faz predição de cada uma das imagens de *x*. Como *x* só tem uma imagem, vai fazer uma única predição. A saída é um vetor de 1000 números representando “probabilidade” de pertencer a cada uma das 1000 categorias – provavelmente gerada por *softmax*.

A função *decode\_predictions* da linha 37 converte as 3 categorias mais prováveis de números para palavras compreensíveis para ser humano.

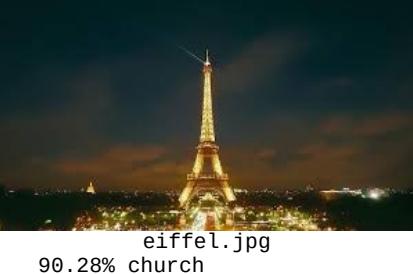
		
chimpanzee.jpg 89.79% chimpanzee 0.94% siamang 0.46% guenon	coelho.jpg 60.00% wood_rabbit 30.98% hare 1.77% Angora	eiffel.jpg 90.28% church 1.38% fountain 1.01% bell_cote
		
navio.jpg 94.10% liner 0.17% dock 0.11% fireboat	onibus.jpg 56.95% passenger_car 14.63% trolleybus 14.17% minibus	orangotango.jpg 87.75% orangutan 0.87% siamang 0.42% patas
		
porta_avioes.jpg 91.23% aircraft_carrier 0.22% hen-of-the-woods 0.12% warplane	tiger.jpg 79.68% tiger 12.74% tiger_cat 0.12% lynx	trem_bala.jpg 92.98% bullet_train 0.09% electric_locomotive 0.08% sliding_door

Figura 3: Classificação de algumas imagens da internet usando programa 1 com InceptionResNetV2.

*Exercício:* Modifique o programa classif3.py para usar algum modelo diferente de EfficientNetB0. Teste o seu programa em umas 3 imagens (que você escolher). Comente se a rede classificou corretamente as imagens.

*Nota:* Antes da ImageNet, o conjunto de imagens Pascal Visual Object Classes era muito usado. <http://host.robots.ox.ac.uk/pascal/VOC/>

## 2. Cifar-10

### 2.1 Introdução

Gostaríamos de testar redes convolucionais avançadas que consigam classificar imagens mais complexas do que dígitos manuscritos, pois já conseguimos acertar virtualmente 100% dos dígitos do MNIST utilizando rede convolucional “tipo LeNet”. Seria bom usar o banco de dados ImageNet que descrevemos acima. Porém, não dá para fazer testes usando ImageNet, pois é grande demais e o treino demora demais. Em seu lugar, usaremos um banco de dados menor chamado Cifar-10 para testar as redes avançadas.

O conjunto de dados CIFAR-10 consiste em 60.000 imagens coloridas  $32 \times 32$  divididas em 10 classes, com 6.000 imagens por classe. Existem 50.000 imagens de treinamento e 10.000 imagens de teste. O conjunto de dados é dividido em cinco lotes de treinamento e um lote de teste, cada um com 10.000 imagens. O lote de teste contém exatamente 1.000 imagens selecionadas aleatoriamente de cada classe. Os 5 lotes de treinamento somados contêm exatamente 5.000 imagens de cada classe, porém o número de imagens de uma classe num determinado lote de treino pode ser diferente de 1000. Esse banco de dados encontra-se em:

<http://www.cs.toronto.edu/%7Ekriz/cifar.html>

A figura 4 mostra as 10 classes do banco de dados (uma classe por linha), juntamente com 10 imagens de cada classe.

No site citado acima, há arquivos adequados para serem usados em Python, Matlab e C/C++. Os arquivos para C/C++ são:

```
data_batch_1.bin  
data_batch_2.bin  
data_batch_3.bin  
data_batch_4.bin  
data_batch_5.bin  
test_batch.bin
```

Os dados estão organizados em sequências de blocos de  $32 \times 32 \times 3 + 1 = 3073$  bytes, cada bloco representando uma imagem:

- 32×32 bytes para pixels red.
- 32×32 bytes para pixels green.
- 32×32 bytes para pixels blue.
- 1 byte para o rótulo (número de 0 a 9).

Cekeikon/C++ possui a função de leitura de Cifar10:

```
void leCifar10(const string& nomearq,  
                vector< Mat_-<COR> >& images, vector<BYTE>& rotulos);
```

Python/Keras possui a função de leitura:

```
from tensorflow.keras.datasets import cifar10  
(ax, ay), (qx, qy) = cifar10.load_data()
```

Em PyTorch:

```
import torchvision; from torchvision import datasets  
A = datasets.CIFAR10('diretorio', download=True, train=True, transform=None)  
Q = datasets.CIFAR10('diretorio', download=True, train=False, transform=None)  
ax=A.data; ay=np.array(A.targets)  
qx=Q.data; qy=np.array(Q.targets)
```

*Exercício:* Escreva um programa que imprime os 3 primeiros cachorros (categoria 5) e os 3 primeiros gatos (categoria 3) dos dados de teste Cifar10 como imagens PNG: cao1.png, cao2.png, cao3.png, gato1.png, gato2.png, gato3.png.

*Exercício:* Escreva um programa que imprime as 10 primeiras imagens de teste de cada classe, como na figura 4.

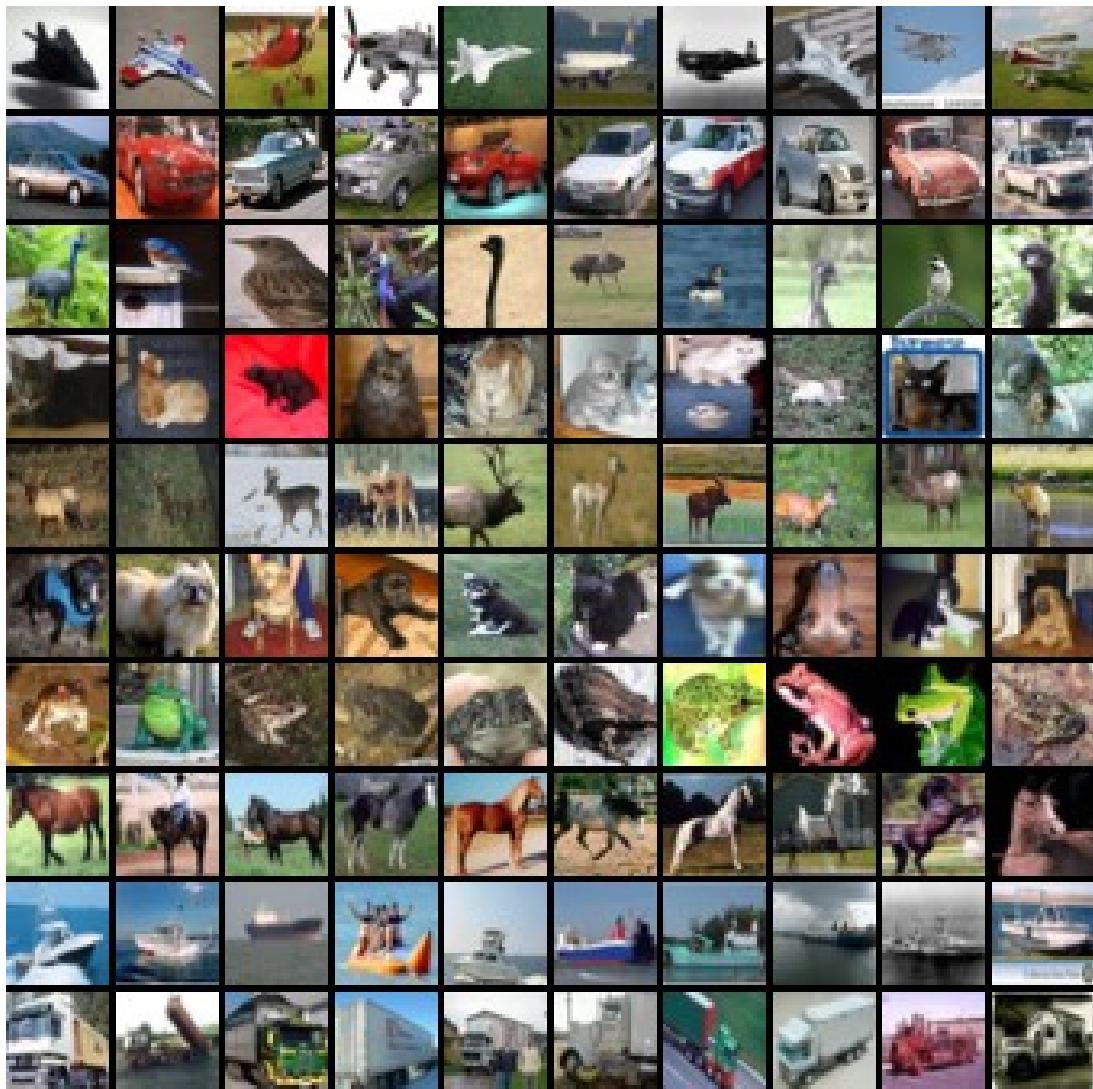


Figura 4: As 10 classes de Cifar-10 com algumas amostras. As classes são 0=airplane, 1=automobile, 2=bird, 3=cat, 4=deer, 5=dog, 6=frog, 7=horse, 8=ship, 9=truck [0=avião, 1=automóvel, 2=pássaro, 3=gato, 4=veados, 5=cachorro, 6=sapo, 7=cavalo, 8=navio, 9=caminhão].

## 2.2 Taxas de acerto de Cifar-10

Taxa de acerto de um ser humano ao classificar imagens de teste de Cifar-10 é aproximadamente 94%, segundo:

<https://karpathy.github.io/2011/04/27/manually-classifying-cifar10/>

As taxas de erro de diferentes algoritmos na classificação Cifar-10 estão em:

[rodrigob] [https://rodrigob.github.io/are\\_we\\_there\\_yet/build/classification\\_datasets\\_results.html#43494641522d3130](https://rodrigob.github.io/are_we_there_yet/build/classification_datasets_results.html#43494641522d3130)

[benchmarks] <https://benchmarks.ai/cifar-10>

[paperswithcode] <https://paperswithcode.com/sota/image-classification-on-cifar-10>

A figura 5 abaixo mostra a evolução das taxas de acerto de Cifar-10 ao longo dos anos.

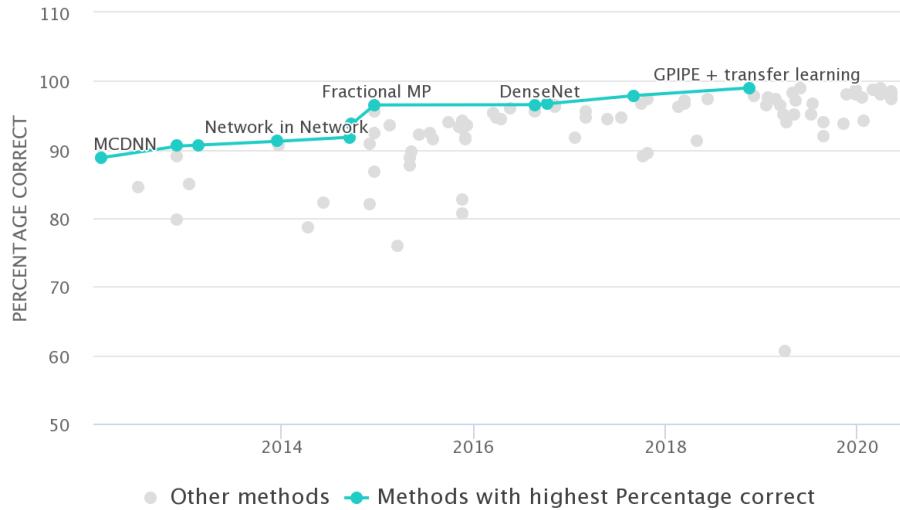


Figura 5: Taxas de acerto de Cifar-10 (retirado de [paperswithcode]).

Em 2013, a taxa de acertos era aproximadamente 90%, já usando rede convolucional. Em 6 anos, a taxa de acerto subiu para 99% (2019). A tabela 2 resume as taxas de acerto que obtive nos meus testes de Cifar-10 com diferentes algoritmos de aprendizagem. Taxa de acerto MNIST indica quanto esse mesmo algoritmo acerta quando classifica MNIST.

	Método	Software usado na implementação	Taxa de acerto Cifar-10	Taxa de acerto MNIST
Grupo 1 Clássicos	Vizinho mais próximo	OpenCV/C++	15%	97,5%
	Árvore de decisão	OpenCV/C++	13%	77%
	Rede neural densa	Tiny-dnn/C++	53%	98,5%
Grupo 2 Redes convolucionais	“tipo LeNet” sem data augmentation	Keras/Python	73%	99,3%
	VGG sem data augmentation	Keras/Python	84%	?
	VGG com data augmentation	Keras/Python	92%	?
	GoogLeNet (Inception) simplificado	Keras/Python	92%	?
	ResNet simplificado	Keras/Python	86%	?
	ResNet	Keras/Python	92%	?
	ResNet com TTA	Keras/Python	93%	
	Transfer learning com EfficientNetB0	Keras/Python	96%	?

Tabela 2: Taxas de acerto de diversos algoritmos no problema Cifar-10 e MNIST.

Na tabela 2, os algoritmos estão divididos em dois grupos. No primeiro grupo estão os algoritmos de aprendizagem clássicos (isto é, os algoritmos excluindo as redes convolucionais). Os métodos “vizinho mais próximo” e “árvore de decisão” possuem taxas de acerto 15% e 13% e portanto não são muito melhores que “chutes” (que teria acuracidade de 10%). Já a rede neural densa possui taxa de acerto de 53%. Vimos nas aulas anteriores que as taxas de acerto desses algoritmos eram muito mais altas ao classificar dígitos de MNIST. Com isso, podemos concluir que Cifar-10 é um problema mais difícil que MNIST.

No segundo grupo estão as redes convolucionais profundas. O modelo “tipo LeNet” que já usamos em MNIST apresenta acuracidade de 74% ao classificar Cifar-10. As redes VGG, GoogleNet e ResNet apresentam taxas de acerto próximas de 92%. ResNet possui taxa de acerto maior que VGG ao classificar ImageNet, que não pode ser verificado usando Cifar-10.

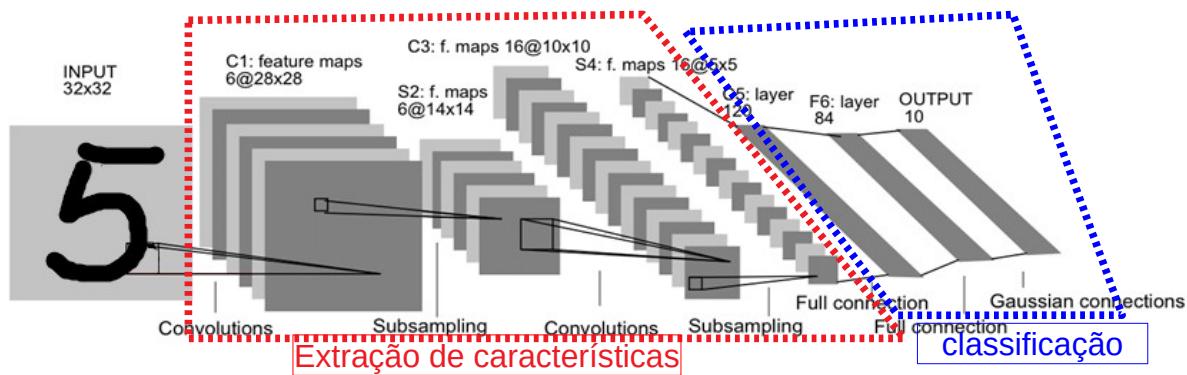


Figura 6: Modelo “tipo LeNet”.

*Exercício:* Escreva um programa que classifica Cifar10 usando rede neural densa em Keras.

### 3. Rede “tipo LeNet”

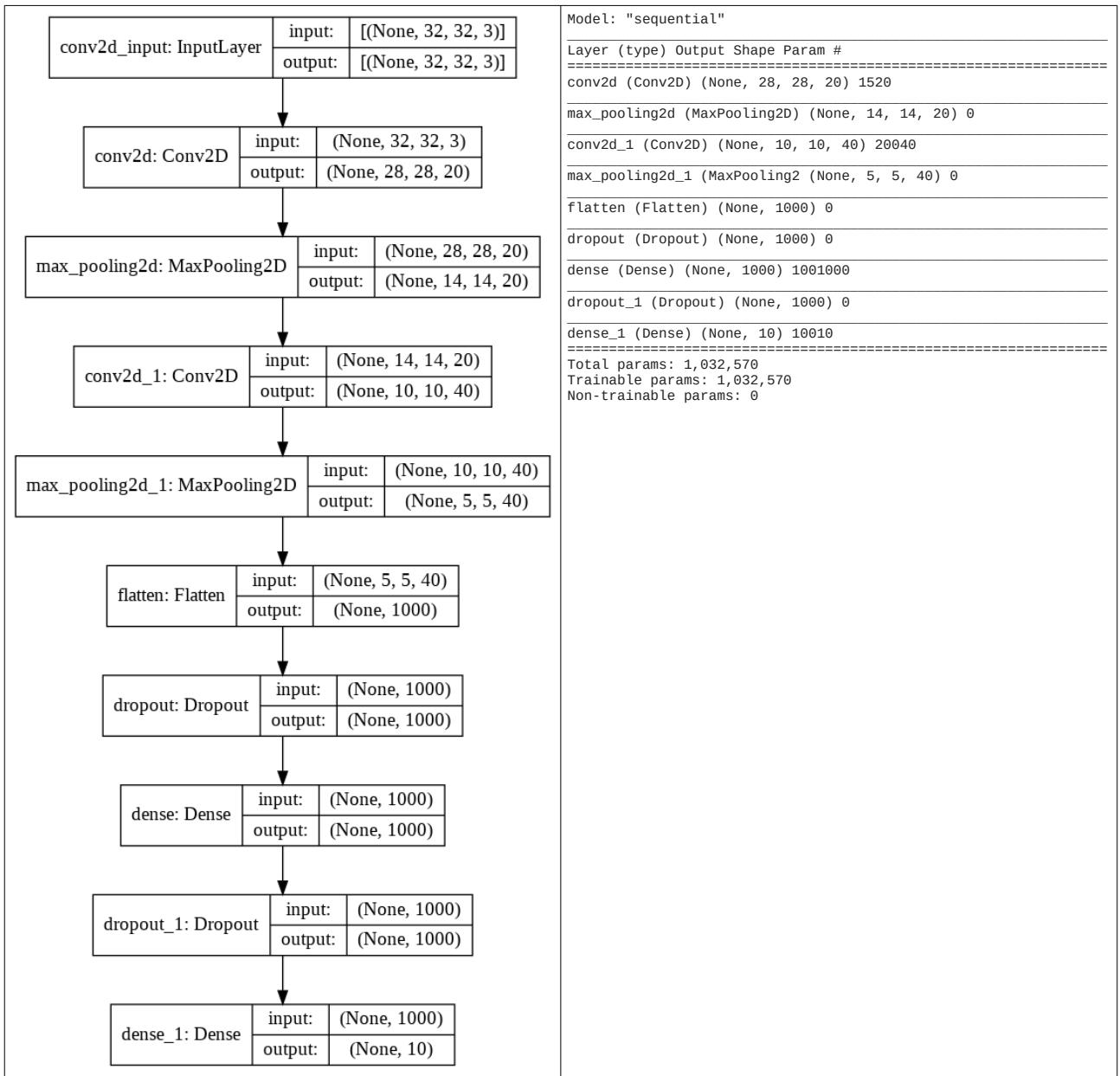
O programa 2 usa a rede do “tipo LeNet” (figura 6) para classificar Cifar-10. Estou usando a expressão “rede tipo LeNet” para designar um modelo em que camadas convolucionais são seguidas pela maxpooling, e o modelo termina com camadas densas.

A acuracidade obtida foi de 74,4%, após 30 épocas. Mesmo executando mais épocas, a acuracidade de validação/teste não vai além de 75%. Este programa também mostra como exibir o gráfico (história) do custo e da acuracidade ao longo do treino (em amarelo).

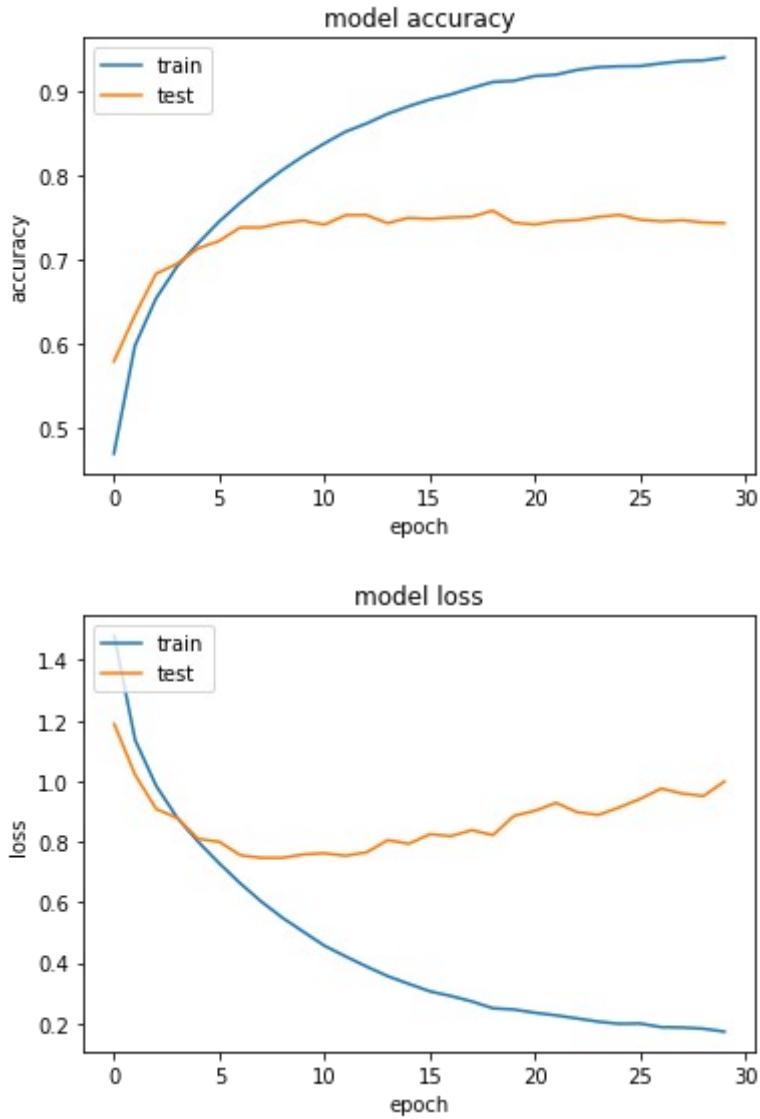
```
1 #cnn1.py
2 import os; os.environ['TF_CPP_MIN_LOG_LEVEL']=3
3 os.environ['TF_FORCE_GPU_ALLOW_GROWTH'] = 'true'
4 import tensorflow.keras as keras
5 from tensorflow.keras.datasets import cifar10
6 from tensorflow.keras.models import Sequential
7 from tensorflow.keras.layers import Dropout, Conv2D, MaxPooling2D, Dense, Flatten
8 from tensorflow.keras import optimizers
9 import matplotlib.pyplot as plt; import numpy as np
10
11 def impHistoria(history):
12     print(history.history.keys())
13     plt.plot(history.history['accuracy'])
14     plt.plot(history.history['val_accuracy'])
15     plt.title('model accuracy'); plt.ylabel('accuracy'); plt.xlabel('epoch')
16     plt.legend(['train', 'test'], loc='upper left')
17     plt.show()
18     plt.plot(history.history['loss'])
19     plt.plot(history.history['val_loss'])
20     plt.title('model loss'); plt.ylabel('loss'); plt.xlabel('epoch')
21     plt.legend(['train', 'test'], loc='upper left')
22     plt.show()
23
24 batch_size = 100; num_classes = 10; epochs = 30
25
26 nl, nc = 32,32
27 (ax, ay), (qx, qy) = cifar10.load_data()
28
29 #ax = ax.reshape(ax.shape[0], nl, nc, 3)
30 #qx = qx.reshape(qx.shape[0], nl, nc, 3)
31 input_shape = (nl, nc, 3)
32
33 ax = ax.astype('float32'); ax /= 255; ax -=0.5; # -0.5 a +0.5
34 qx = qx.astype('float32'); qx /= 255; qx -=0.5; # -0.5 a +0.5
35 ay = keras.utils.to_categorical(ay, num_classes)
36 qy = keras.utils.to_categorical(qy, num_classes)
37
38 model = Sequential()
39 model.add(Conv2D(20, kernel_size=(5,5), activation='relu', input_shape=input_shape))
40 model.add(MaxPooling2D(pool_size=(2,2)))
41 model.add(Conv2D(40, kernel_size=(5,5), activation='relu'))
42 model.add(MaxPooling2D(pool_size=(2,2)))
43 model.add(Flatten())
44 model.add(Dropout(0.25))
45 model.add(Dense(1000, activation='relu'))
46 model.add(Dropout(0.25))
47 model.add(Dense(num_classes, activation='softmax'))
48
49 from tensorflow.keras.utils import plot_model
50 plot_model(model, to_file='cnn1.png', show_shapes=True)
51 model.summary()
52
53 opt=optimizers.Adam()
54 model.compile(optimizer=opt, loss='categorical_crossentropy', metrics=['accuracy'])
55
56 history=model.fit(ax, ay, batch_size=batch_size, epochs=epochs,
57                    verbose=2, validation_data=(qx, qy))
58 impHistoria(history)
59
60 score = model.evaluate(qx, qy, verbose=2)
61 print('Test loss:', score[0])
62 print('Test accuracy:', score[1])
63 model.save('cnn1.h5')
```

Programa 2: Rede “tipo LeNet” para Cifar-10. Acuracidade 74,4%.

[https://colab.research.google.com/drive/1TrI0Z2uLNcvxdQb\\_Orz-yb\\_lRsOYHoO?usp=sharing](https://colab.research.google.com/drive/1TrI0Z2uLNcvxdQb_Orz-yb_lRsOYHoO?usp=sharing)



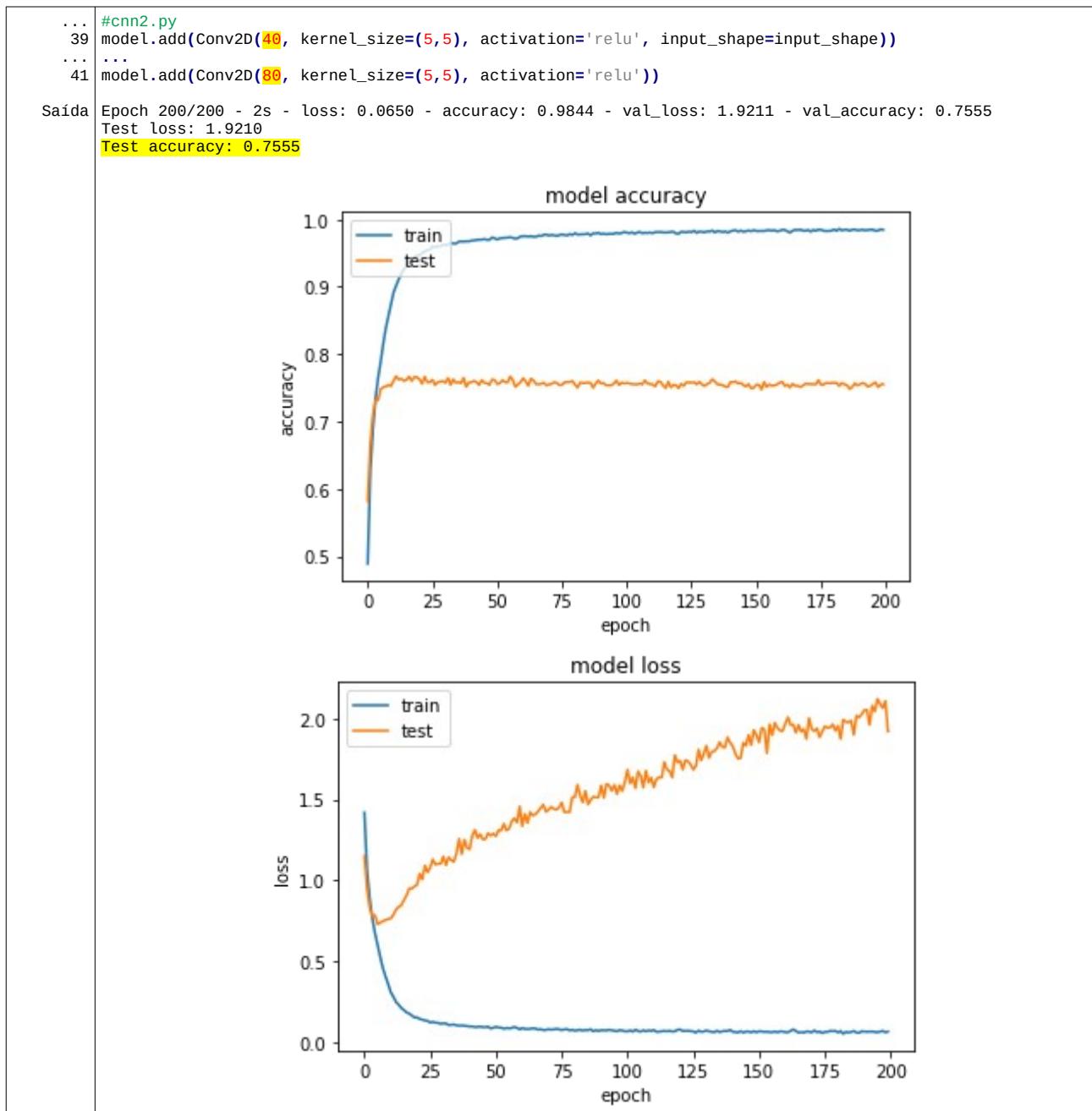
```
Epoch 1/30 - 5s - loss: 1.4811 - accuracy: 0.4704 - val_loss: 1.1895 - val_accuracy: 0.5798
Epoch 5/30 - 2s - loss: 0.7995 - accuracy: 0.7202 - val_loss: 0.8096 - val_accuracy: 0.7141
Epoch 10/30 - 2s - loss: 0.5025 - accuracy: 0.8236 - val_loss: 0.7583 - val_accuracy: 0.7470
Epoch 15/30 - 1s - loss: 0.3306 - accuracy: 0.8827 - val_loss: 0.7933 - val_accuracy: 0.7503
Epoch 20/30 - 2s - loss: 0.2460 - accuracy: 0.9129 - val_loss: 0.8856 - val_accuracy: 0.7446
Epoch 25/30 - 2s - loss: 0.1987 - accuracy: 0.9302 - val_loss: 0.9134 - val_accuracy: 0.7538
Epoch 30/30 - 1s - loss: 0.1728 - accuracy: 0.9405 - val_loss: 0.9991 - val_accuracy: 0.7440
Test loss: 0.9991
Test accuracy: 0.7440
```



Vamos duplicar o número de convoluções (linhas 39 e 41 do programa 2) e rodar durante 200 épocas. Mesmo com isso, a acuracidade de teste chegou a 76%.

Veja na figura “model loss” que a função custo de treino diminui continuamente com o aumento das épocas, porém a função custo de teste aumenta após atingir um mínimo. Quanto mais o modelo aprende a classificar corretamente os dados de treino, pior classifica os dados de teste - isto caracteriza “overfitting”.

A tentação aqui é parar o treino quando a função custo de teste atinge o valor mínimo (ou quando a acuracidade de teste atinge o valor máximo). Mas é errado fazer isso. Você consegue explicar por quê? Explique como poderia tomar uma ação semelhante, sem fazer nada “ilícito”, usando dados de validação.



Programa 3: Modelo “tipo LeNet” para Cifar-10 com mais convoluções, mostrando “overfitting”.

Acuracidade 75,5%. <https://colab.research.google.com/drive/10D3mg-vcxGNUKIMQ-ErP4gkdUDFRmGhW?usp=sharing>

*Exercício:* Rode cnn1.py (programa 2).

*Exercício:* Modifique cnn1.py (programa 2) para obter programa caogato1.py que distingue cachorros dos gatos. Para isso:

- a) Coloque dentro dos tensores  $ax$ ,  $ay$ ,  $qx$  e  $qy$  somente as imagens de cachorro e gato.
- b) Modifique o programa cnn1.py para distinguir cachorros dos gatos. Mostre a taxa de acertos obtida.
- c) Mostre na tela as imagens de 3 primeiros cachorros e 3 primeiros gatos do conjunto de testes e classifique-as (mostre as probabilidades calculadas pelo softmax), para se certificar de que o seu programa está fazendo o que o enunciado pede.

*Exercício:* Faça um programa que:

- a) Lê o modelo caogato1.h5 criado no exercício anterior.
- b) Lê uma imagem colorida 32x32.
- c) Responde se a imagem é de cachorro ou de gato.

*Exercício:* Altere cnn1.py (programa 2) para obter taxa de acerto de teste maior que 75%, mas continuando a usar rede convolucional “tipo LeNet”.

*Exercício:* Altere cnn1.py (programa 2) imprimir 2 imagens classificadas incorretamente para cada classe. Isto é, imprima 2 aviões que foram classificados incorretamente, 2 automóveis, 2 pássaros, etc.

## 4. Data augmentation

Antes de prosseguirmos, vamos estudar as classes de Keras que permitem fazer “data augmentation”. Data augmentation consiste em distorcer (em geral aleatoriamente) as imagens de treino, obtendo uma quantidade maior de imagens de treino. Já usamos “data augmentation” para melhorar taxa de acerto de MNIST, na aula “convkeras-ead”. Lá, deslocamos as imagens um pixel nos sentidos N, S, L e O.

Keras possui funções que distorcem as imagens de forma mais sofisticada. As funções de data augmentation de Keras permitem, por exemplo:

- Deslocar a imagem horizontal ou verticalmente;
- Espelhar a imagem horizontal ou verticalmente;
- Rotacionar a imagem;
- Mudar contraste da imagem (Keras chama de mudança de brilho o que na verdade seria contraste);
- Redimensionar a imagem.

a) Data augmentation pode ser feito com *ImageDataGenerator* (método clássico antigo):

<https://keras.io/api/preprocessing/image/>

<https://machinelearningmastery.com/how-to-configure-image-data-augmentation-when-training-deep-learning-neural-networks/>

b) Ou usando camadas de pré-processamento, introduzidas mais recentemente em Keras (2020 é todo novo):

[https://keras.io/api/layers/preprocessing\\_layers/](https://keras.io/api/layers/preprocessing_layers/)

[https://keras.io/guides/preprocessing\\_layers/](https://keras.io/guides/preprocessing_layers/)

## 5.1 ImageDataGenerator

Para fazer *data augmentation*, primeiro devemos criar uma variável da classe *ImageDataGenerator* especificando as distorções que queremos gerar:

```
datagen = ImageDataGenerator(parâmetros_da_distorção)
```

Por exemplo, os parâmetros:

```
datagen = ImageDataGenerator(width_shift_range=0.2, height_shift_range=0.2)
```

 indicam para deslocar aleatoriamente até 20% da largura e 20% da altura da imagem.

Em seguida, o método *flow* fornecerá um *iterator* que em cada chamada escolhe aleatoriamente *batch\_size* imagens entre as imagens do tensor *AX*:

```
it = datagen.flow(AX, batch_size=3, seed=None)
```

Toda vez que o método *it.next()* é chamado, será fornecida um batch de 3 imagens distorcidas:

```
batch = it.next()
```

O programa *flow1.py* abaixo exemplifica o que foi discutido.

```
url='http://www.lps.usp.br/hae/apostila/cifar_pretreinado.zip'
import os; nomeArq=os.path.split(url)[1]
if not os.path.exists(nomeArq):
    print("Baixando o arquivo",nomeArq,"para diretório default",os.getcwd())
    os.system("wget -U 'Firefox/50.0' "+url)
else:
    print("O arquivo",nomeArq,"já existe no diretório default",os.getcwd())
print("Descompactando arquivos novos de",nomeArq)
os.system("unzip -u "+nomeArq)
```

Programa X: Célula que faz *download* das 3 imagens.

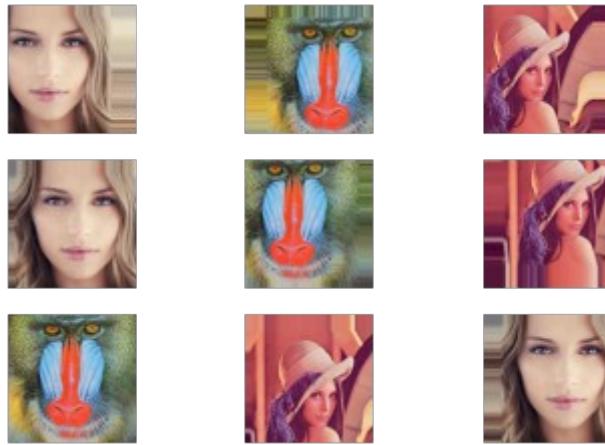
```
#flow1.py
import os; os.environ['TF_CPP_MIN_LOG_LEVEL']= '3'
os.environ['TF_FORCE_GPU_ALLOW_GROWTH'] = 'true'
import numpy as np
from tensorflow.keras.preprocessing.image import ImageDataGenerator
import matplotlib.pyplot as plt
import cv2; import sys

X = []
a=cv2.imread('lenna.jpg',1); a=cv2.cvtColor(a,cv2.COLOR_BGR2RGB); X.append(a)
a=cv2.imread('mandrill.jpg',1); a=cv2.cvtColor(a,cv2.COLOR_BGR2RGB); X.append(a)
a=cv2.imread('face.jpg',1); a=cv2.cvtColor(a,cv2.COLOR_BGR2RGB); X.append(a)
X=np.array(X).astype("float32")

datagen=ImageDataGenerator(width_shift_range=0.2,height_shift_range=0.2)
it=datagen.flow(X, batch_size=3, seed=7)
for l in range(3):
    batch = it.next()
    for c in range(3):
        plt.subplot(3, 3, 3*l+c+1)
        image = batch[c].astype("uint8")
        plt.imshow(image)
        plt.axis("off")
    plt.show()
```

Programa flow1.py

<https://colab.research.google.com/drive/1G4iZqZ4TXIuaWPuBkDu3VQ0U0Y4ADWpy?usp=sharing>



Se quiser obter imagens distorcidas  $X$  juntamente com as suas classes  $Y$ , devemos fornecer as classes das imagens ao método *flow* (programa *flow2.py*):

```
it = datagen.flow(X, Y, batch_size=3, seed=None)
```

Vamos associar *lenna* ao vetor  $[1,0,0]$ , *mandrill* ao vetor  $[0,1,0]$  e *face* ao vetor  $[0,0,1]$ . Assim,  $Y$  é representada pela seguinte matriz numpy:

```
Y=np.full((3,3),[[1,0,0],[0,1,0],[0,0,1]],dtype="uint8")
```

O método *it.next()* fornece batch de 3 imagens distorcidas juntamente com as suas classes toda vez que for chamado:

```
batch = it.next()
```

$\text{batch}[0]$  contém as imagens e  $\text{batch}[1]$  contém as classes. Veja exemplo no programa *flow2.py* abaixo.

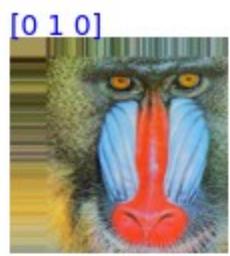
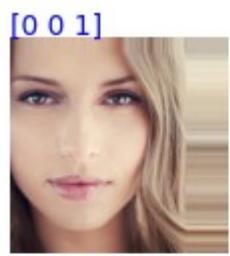
```
#flow2.py
import os; os.environ['TF_CPP_MIN_LOG_LEVEL']=3
os.environ['TF_FORCE_GPU_ALLOW_GROWTH'] = 'true'
import numpy as np
from tensorflow.keras.preprocessing.image import ImageDataGenerator
import matplotlib.pyplot as plt
import cv2; import sys

X = []
a=cv2.imread('lenna.jpg',1); a=cv2.cvtColor(a,cv2.COLOR_BGR2RGB); X.append(a)
a=cv2.imread('mandrill.jpg',1); a=cv2.cvtColor(a,cv2.COLOR_BGR2RGB); X.append(a)
a=cv2.imread('face.jpg',1); a=cv2.cvtColor(a,cv2.COLOR_BGR2RGB); X.append(a)
X=np.array(X).astype("float32")
Y=np.full((3,3),[[1,0,0],[0,1,0],[0,0,1]],dtype="uint8")

datagen=ImageDataGenerator(width_shift_range=0.2,height_shift_range=0.2)
it=datagen.flow(X, Y, batch_size=3, seed=7)
for l in range(3):
    batch = it.next()
    for c in range(3):
        plt.subplot(3, 3, 3*l+c+1)
        image = batch[0][c].astype("uint8")
        plt.text(0,-3,str(batch[1][c]),color="b")
        plt.imshow(image)
        plt.axis("off")
plt.show()
```

Programa *flow2.py*.

<https://colab.research.google.com/drive/1pgStNboukpc8Q0UTkGwaODLlkMGDNoB?usp=sharing>



Quando a quantidade de imagens for muito grande e não couber na memória, é possível pegar imagens aleatoriamente do disco. Para isso, use o método `flow_from_directory` no lugar de `flow`:

```
it = datagen.flow_from_directory(diretório, classes, batch_size, seed, ...)
```

Para isto funcionar, as imagens de cada classe devem estar num subdiretório diferente, por exemplo:

diretório → classe0 → imagens de classe0  
→ classe1 → imagens de classe1  
→ classe2 → imagens de classe2

Exemplo:

```
“.” → lenna → lenna.jpg  
→ mandrill → mandrill.jpg  
→ face → face.jpg
```

```
#from_directory.py  
import os; os.environ['TF_CPP_MIN_LOG_LEVEL']= '3'  
os.environ['TF_FORCE_GPU_ALLOW_GROWTH'] = 'true'  
import numpy as np  
from tensorflow.keras.preprocessing.image import ImageDataGenerator  
import matplotlib.pyplot as plt  
import cv2; import sys  
  
datagen = ImageDataGenerator(width_shift_range=0.2, height_shift_range=0.2)  
it = datagen.flow_from_directory(".",  
                                 classes=["lenna", "mandrill", "face"], batch_size=3, seed=7)  
for l in range(3):  
    batch = it.next()  
    for c in range(3):  
        plt.subplot(3, 3, 3*l+c+1)  
        image = batch[0][c].astype("uint8")  
        plt.text(0, -3, str(batch[1][c]), color="b")  
        plt.imshow(image)  
        plt.axis("off")  
    plt.savefig("from_directory.png")  
    plt.show()
```



Agora que já vimos como chamar as rotinas de data augmentation, vamos ver os tipos de distorção que podem ser gerados. Primeiro, espelhamento:

```
#Flip.py
import os; os.environ['TF_CPP_MIN_LOG_LEVEL']= '3'
os.environ['TF_FORCE_GPU_ALLOW_GROWTH'] = 'true'
import numpy as np
from tensorflow.keras.preprocessing.image import ImageDataGenerator
import matplotlib.pyplot as plt
import cv2; import sys
data = cv2.imread("lenna.jpg",1); data = cv2.cvtColor(data, cv2.COLOR_BGR2RGB)
samples = np.expand_dims(data, 0).astype("float32")
datagen = ImageDataGenerator(horizontal_flip=True, vertical_flip=True)
it = datagen.flow(samples, batch_size=1, seed=7)
for i in range(5):
    plt.subplot(1, 5, 1+i)
    batch = it.next()
    image = batch[0].astype("uint8")
    plt.imshow(image)
    plt.axis("off")
plt.savefig("flip.png")
plt.show()
```



O parâmetro rotation\_range especifica quantos graus a imagem pode rotacionar aleatoriamente em sentido horário ou anti-horário:

```
#rotation.py
import os; os.environ['TF_CPP_MIN_LOG_LEVEL']= '3'
os.environ['TF_FORCE_GPU_ALLOW_GROWTH'] = 'true'
import numpy as np
from tensorflow.keras.preprocessing.image import ImageDataGenerator
import matplotlib.pyplot as plt
import cv2; import sys
data = cv2.imread("lenna.jpg",1); data = cv2.cvtColor(data, cv2.COLOR_BGR2RGB)
samples = np.expand_dims(data, 0).astype("float32")
datagen = ImageDataGenerator(rotation_range=30)
it = datagen.flow(samples, batch_size=1, seed=7)
for i in range(5):
    plt.subplot(1, 5, 1+i)
    batch = it.next()
    image = batch[0].astype("uint8")
    plt.imshow(image)
    plt.axis("off")
plt.savefig("rotation.png")
plt.show()
```



O que Keras chama de ajuste de brilho na verdade é ajuste de contraste. Esta transformação só funciona se os valores dos pixels da imagem estiverem entre 0 e 255 (isto é, não funciona se estiverem normalizados para 0 a 1).

```
#brightness.py
import os; os.environ['TF_CPP_MIN_LOG_LEVEL']= '3'
os.environ['TF_FORCE_GPU_ALLOW_GROWTH'] = 'true'
import numpy as np
from tensorflow.keras.preprocessing.image import ImageDataGenerator
import matplotlib.pyplot as plt
import cv2; import sys
data = cv2.imread("lenna.jpg",1); data = cv2.cvtColor(data, cv2.COLOR_BGR2RGB)
samples = np.expand_dims(data, 0).astype("float32")
datagen = ImageDataGenerator(brightness_range=(0.5,1.5))
it = datagen.flow(samples, batch_size=1, seed=7)
for i in range(5):
    plt.subplot(1, 5, 1+i)
    batch = it.next()
    image = batch[0].astype("uint8")
    plt.imshow(image)
    plt.axis("off")
plt.savefig("brightness.png")
plt.show()
```



Zoom\_range especifica intervalo de redimensionamento. Contrária à intuição, os parâmetros menores do que 1 ampliam a imagem e os parâmetros maiores do que 1 reduzem a imagem.

```
#zoom.py
import os; os.environ['TF_CPP_MIN_LOG_LEVEL']= '3'
os.environ['TF_FORCE_GPU_ALLOW_GROWTH'] = 'true'
import numpy as np
from tensorflow.keras.preprocessing.image import ImageDataGenerator
import matplotlib.pyplot as plt
import cv2; import sys
data = cv2.imread("lenna.jpg",1); data = cv2.cvtColor(data, cv2.COLOR_BGR2RGB)
samples = np.expand_dims(data, 0).astype("float32")
datagen = ImageDataGenerator(zoom_range=(0.8,1.2))
it = datagen.flow(samples, batch_size=1, seed=7)
for i in range(5):
    plt.subplot(1, 5, 1+i)
    batch = it.next()
    image = batch[0].astype("uint8")
    plt.imshow(image)
    plt.axis("off")
plt.savefig("zoom.png")
plt.show()
```



Consulte o manual de Keras para as outras distorções.

Programa 4 abaixo permite visualizar como as imagens de CIFAR-10 estão sendo distorcidas. Para poder imprimir a imagem original juntamente com a imagem distorcida, iremos usar dois geradores de imagens (linhas 18 a 23). A datagen1 irá fornecer imagens originais e a datagen2 irá fornecer as imagens distorcidas.

A linha 28 precisa ser descomentada se as distorções requerem dados calculados no conjunto de treino todo, tais como média e desvio.

É importante usar a mesma semente do gerador pseudo-aleatório nas linhas 32 e 33, para pegar batches com as mesmas imagens.

A linha 34 gera as imagens distorcidas e as linhas 35-39 as mostram na tela.

```

1 #gera2.py - Visualizar data augmentation - testado em Colab com TF2
2 #Programa para ver imagem original do CIFAR-10
3 #juntamente com a obtida pelo data augmentation
4 import os; os.environ['TF_CPP_MIN_LOG_LEVEL']='3'
5 os.environ['TF_FORCE_GPU_ALLOW_GROWTH'] = 'true'
6 import tensorflow.keras as keras
7 from tensorflow.keras.datasets import cifar10
8 from tensorflow.keras.preprocessing.image import ImageDataGenerator
9 from inspect import currentframe, getframeinfo
10 from matplotlib import pyplot as plt
11 import numpy as np; import sys; import os
12
13 nl, nc = 32,32; input_shape = (nl, nc, 3)
14 (ax, ay), (qx, qy) = cifar10.load_data()
15 ax = ax.astype('float32'); ax /= 255 #0 a 1
16 qx = qx.astype('float32'); qx /= 255 #0 a 1
17
18 datagen1 = ImageDataGenerator() #Nao distorce imagem
19 datagen2 = ImageDataGenerator( #Distorce imagem
20     width_shift_range=0.1, # randomly shift images horizontally - Fraction of width
21     height_shift_range=0.1, # randomly shift images vertically - Fraction of height
22     fill_mode='nearest', # Preenche pixels fora do dominio com valores dentro da imagem
23     horizontal_flip=True) # Espelha imagem horizontalmente
24
25 # Compute quantities required for featurewise normalization
26 # (std, mean, and principal components if ZCA whitening is applied).
27 # Caso nao use, nao precisa destes comandos.
28 # datagen1.fit(ax); datagen2.fit(ax)
29
30 batch_size=10
31 #Importante usar a mesma semente, para pegar as mesmas imagens
32 augdata1=datagen1.flow(ax, batch_size=batch_size, seed=7)
33 augdata2=datagen2.flow(ax, batch_size=batch_size, seed=7)
34 a1=augdata1.next(); a2=augdata2.next()
35 for i in range(batch_size):
36     fig, eixo = plt.subplots(1, 2)
37     eixo[0].imshow(a1[i]); eixo[0].axis("off")
38     eixo[1].imshow(a2[i]); eixo[1].axis("off")
39     plt.show()
```

Programa 4: Visualiza distorção usada para “data augmentation”.



Figura 8: Algumas imagens de Cifar-10 originais (esquerda) e distorcidas (direita) para fazer data augmentation.

*Exercício:* Modifique o programa gera2.py (programa 4) para distorcer a imagem com rotação de até 45 graus (e sem nenhuma outra distorção). Mostre 3 pares de imagens (original e distorcida).

[PSI3472-2023. Aula 3. Fim]

## [PSI3472-2023. Aula 4. Início.]

### 5.2 Preprocessing Layers

Camadas de pré-processamento foram introduzidas mais recentemente em Keras (2020):

[https://keras.io/api/layers/preprocessing\\_layers/](https://keras.io/api/layers/preprocessing_layers/)

[https://keras.io/guides/preprocessing\\_layers/](https://keras.io/guides/preprocessing_layers/)

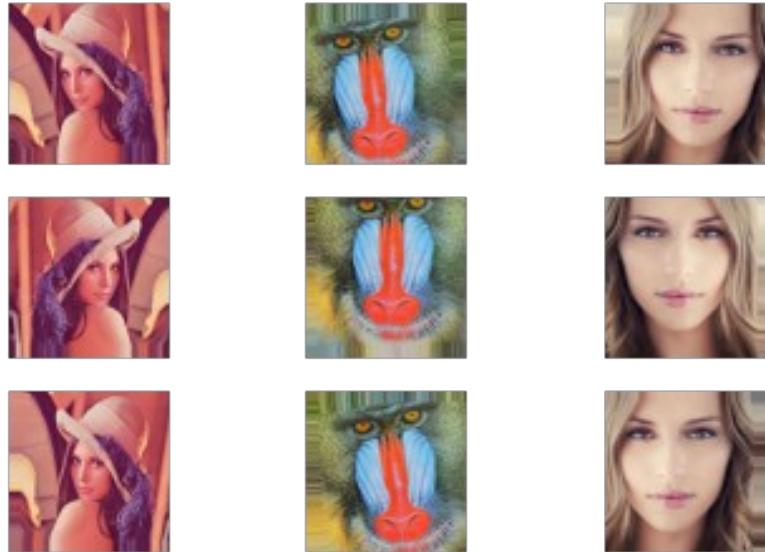
O programa abaixo mostra três camadas de pré-processamento em funcionamento. Antes de executar este programa, deve baixar as imagens por exemplo rodando programa X - “célula que faz download das 3 imagens”.

A rotação é especificada como fração de 360 graus. Assim, para especificar 15 graus, deve fornecer o parâmetro 15/360.

```
1 #prelayer2.py
2 import os; os.environ['TF_CPP_MIN_LOG_LEVEL']='3'
3 os.environ['TF_FORCE_GPU_ALLOW_GROWTH'] = 'true'
4 import numpy as np
5 from tensorflow.keras.models import Sequential
6 from tensorflow.keras.layers import RandomFlip, RandomRotation, RandomZoom, RandomTranslation
7 import matplotlib.pyplot as plt
8 import cv2; import sys
10
11 X = []
12 a=cv2.imread('lenna.jpg',1); a=cv2.cvtColor(a,cv2.COLOR_BGR2RGB); X.append(a)
13 a=cv2.imread('mandrill.jpg',1); a=cv2.cvtColor(a,cv2.COLOR_BGR2RGB); X.append(a)
14 a=cv2.imread('face.jpg',1); a=cv2.cvtColor(a,cv2.COLOR_BGR2RGB); X.append(a)
15 X=np.array(X).astype("float32")
16
17 layer = Sequential(
18     [
19         RandomRotation(15/360,fill_mode="nearest",interpolation="bilinear"),
20         RandomTranslation(0.1, 0.1,fill_mode="nearest",interpolation="bilinear"),
21         RandomFlip("horizontal")
22     ]
23 )
24
25 for l in range(3):
26     transformedX=layer(X).numpy()
27     for c in range(3):
28         plt.subplot(3, 3, 3*l+c+1)
29         image = transformedX[c].astype("uint8")
30         plt.imshow(image)
31         plt.axis("off")
32 plt.show()
```

Programa prelayer2.py

<https://colab.research.google.com/drive/1y9mndSnxnnv-d4sjH7kTKzc6K54vF0vc?usp=sharing>



O programa abaixo mostra como distorcer as imagens de Cifar10 usando preprocessing layers.

```
#prelayer3.py
import os; os.environ['TF_CPP_MIN_LOG_LEVEL']= '3'
os.environ['TF_FORCE_GPU_ALLOW_GROWTH'] = 'true'
import tensorflow.keras as keras
from tensorflow.keras.datasets import cifar10
from tensorflow.keras.models import Sequential
from tensorflow.keras.layers import RandomFlip, RandomRotation, RandomZoom, RandomTranslation
import matplotlib.pyplot as plt; import numpy as np

(ax, ay), (qx, qy) = cifar10.load_data()
nl, nc = ax.shape[1], ax.shape[2] #32x32

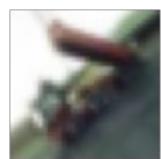
ax = ax.astype('float32'); ax /= 255; #0 a 1
qx = qx.astype('float32'); qx /= 255; #0 a 1

prelayer = Sequential(
    [ RandomRotation(60/360, fill_mode="nearest", interpolation="bilinear"),
      #RandomTranslation(0.1, 0.1, fill_mode="nearest", interpolation="bilinear"),
      #RandomFlip("horizontal"),
      #Outras transformacoes
    ]
)

fig = plt.figure()
fig.set_size_inches(10, 8)
nc=5; nl=5
X=ax[0:nc,:,:]
for c in range(nc):
    a = fig.add_subplot(nl, nc, c+1)
    image=X[c]; a.imshow(image); a.axis("off")
for l in range(1,nl):
    transformedX=prelayer(X).numpy()
    for c in range(nc):
        a = fig.add_subplot(nl, nc, nc*l+c+1)
        image = transformedX[c]; a.imshow(image); a.axis("off")
plt.show()
```

Programa prelayer3.py

[https://colab.research.google.com/drive/1y9mndSnxnnv-d4sjH7kTKzc6K54vF0vc?usp=sharing#scrollTo=\\_5BoQPcFqRpL](https://colab.research.google.com/drive/1y9mndSnxnnv-d4sjH7kTKzc6K54vF0vc?usp=sharing#scrollTo=_5BoQPcFqRpL)



**Exercício:** Modifique o programa 1 da apostila convkeras-ead (cnn1.py que classifica MNIST) para aumentar taxa de acerto fazendo *data augmentation*, usando *ImageDataGenerator* ou *Preprocessing Layers*. Você conseguiu chegar a qual taxa de erro de teste? O programa original comete 0,66% de erro.

[**PSI3472-2023. Aula 3/4. Lição de casa.**] Modifique o programa 2 desta apostila (cnn1.py que classifica Cifar10) para aumentar a taxa de acerto usando as rotinas de data augmentation de Keras. Pode usar *ImageDataGenerator* ou *Preprocessing Layers*. O programa original tem taxa de acerto de teste de 74,4%. Você precisa atingir uma taxa de acerto de teste de mais de 76%. Conseguiu chegar a qual taxa de acerto de teste?

Nota: Não mude os seguintes parâmetros, para que o treino não demore excessivamente:

batch\_size = 100; epochs = 30

Sugestão 1: O comando para fazer o treino usando *ImageDataGenerator* é tipicamente:

```
history=model.fit(datagen.flow(ax, ay, batch_size=batch_size),
                   steps_per_epoch=ax.shape[0]//batch_size,
                   epochs=epochs, verbose=2, validation_data=(qx, qy))
```

[Solução privada em cnn2\_dataaug.ipynb. Taxa de acerto de teste 78,54%  
<https://colab.research.google.com/drive/1ulixrKhHtk8K0Bhb5UQXKDq7WUea507>  
e cnn1\_dataaug2.ipynb  
<https://colab.research.google.com/drive/1mezqN680mttQld73y01VrRwn2rTQmIJ0> ]

Sugestão 2: Usando *preprocessing layers*, precisa fornecer *input\_shape* no primeiro layer, algo como:

```
prelayer = Sequential(
    [ AlgumaTransformacao(parametros, input_shape=(32, 32, 3)),
      OutrasTransformacoes...
    ]
)
```

Uma alternativa é fornecer o formato de entrada usando o comando *model.build(input\_shape)*, após ter definido a rede:  
model = Sequential()  
model.add(prelayer)  
model.add(OutrosLayers)  
model.build( input\_shape=(None, 32, 32, 3) )

Solução privada em cnn1\_prelayer1.ipynb.  
[https://colab.research.google.com/drive/1j15wG-FXnCaZwXbAa08jGB46XSmX\\_1Mv](https://colab.research.google.com/drive/1j15wG-FXnCaZwXbAa08jGB46XSmX_1Mv)  
[https://colab.research.google.com/drive/1jun\\_EKz1Ty50VIEpy7eycnolHAXVgVt](https://colab.research.google.com/drive/1jun_EKz1Ty50VIEpy7eycnolHAXVgVt)  
<https://colab.research.google.com/drive/1ulixrKhHtk8K0Bhb5UQXKDq7WUea507>

**Observação:** Nos meus testes, obtive os seguintes resultados em classificar Cifar-10:

- 1) Usando *ImageDataGenerator* e acertando os parâmetros, cheguei à taxa de acerto de 78,1%.
- 2) Usando *Preprocessing Layer*, cheguei à taxa de 77,7% usando interpolação bilinear.

Não sei porque *ImageDataGenerator* acerta mais, apesar de supostamente fazer o mesmo processamento que *Processing Layer*. Usando *Preprocessing Layer*, processamento fica 2-3 vezes mais rápido que usando *ImageDataGenerator*, provavelmente porque o primeiro roda em GPU enquanto que o segundo roda em CPU.

## As principais CNN “avançadas”

Vamos estudar, a seguir, as ideias atrás das principais redes CNN “avançadas”. O blog seguinte faz uma boa descrição delas:

<https://theaisummer.com/cnn-architectures/>

### 5. AlexNet

O desenvolvimento de redes mais modernas está intimamente ligado à ImageNet Large Scale Visual Recognition Challenge (ILSVRC) [Das2017, [Wiki-ImageNet](#)]. Em 2012, AlexNet [Krizhevsky2012, Krizhevsky2017] venceu ILSVRC com 16% de erro “top-5”, muito menor que 26% do segundo lugar. A taxa de erro “top-1” de AlexNet foi 37,5%. Foi uma revolução em visão computacional. Este trabalho mostrou definitivamente o poder das redes convolucionais.

AlexNet é basicamente “modelo tipo LeNet” com mais camadas. Enquanto que LeNet foi projetado para classificar pequenas imagens com  $28 \times 28$  ou  $32 \times 32$  pixels, AlexNet foi projetado para classificar imagens grandes, da ordem de  $224 \times 224$  pixels. Contém 8 camadas, sendo as 5 primeiras convolucionais ( $11 \times 11$ ,  $5 \times 5$  ou  $3 \times 3$ , algumas delas seguidas por max-pooling, veja figura 7) e as 3 últimas são camadas densas. Utiliza “overlapping max-pooling” com janela  $3 \times 3$  e stride de 2.

AlexNet introduziu várias inovações (que já usamos nos exercícios anteriores):

- 1) Usou a função de ativação *Relu* (em vez de *tanh* que era padrão naquele tempo). *Relu* diminui o tempo de treinamento e minimiza o problema de gradiente que “desaparece” ou “explode”. Note que a derivada da *Relu* é 0 ou 1 para qualquer  $x$ .
- 2) Usou “data augmentation” e “dropout” para diminuir “overfitting”.

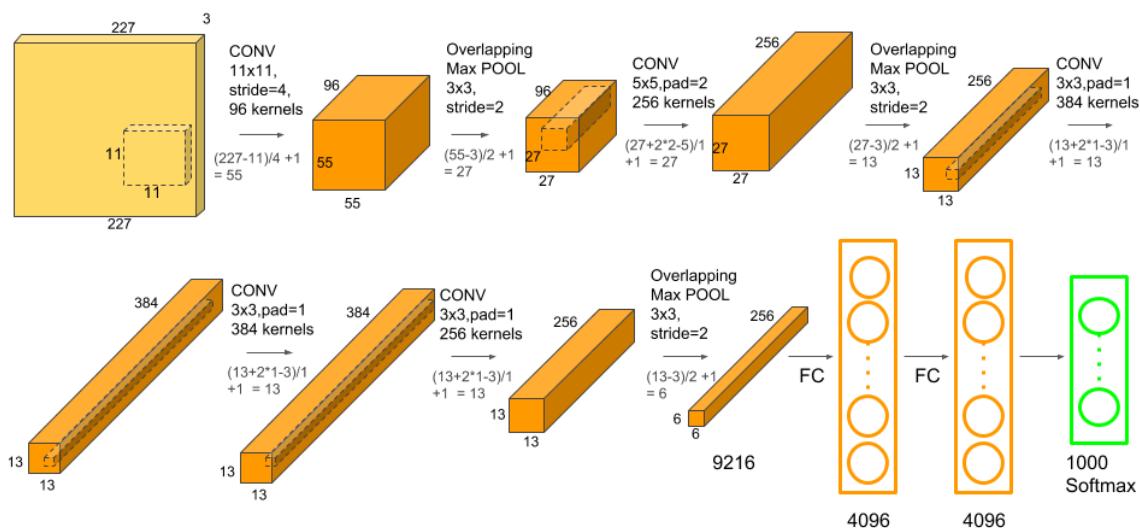


Figura 7: Modelo AlexNet.

*Exercício:* Implemente uma rede “inspirada em AlexNet” e classifique Cifar10. Qual foi a taxa de erro obtida?

## 6 Rede “inspirada em VGG”

### 6.1 Introdução

O VGG é uma arquitetura de rede neural convolucional que recebeu o nome do Visual Geometry Group de Oxford, que o desenvolveu. Ficou em segundo lugar em competição ILSVR (ImageNet) de 2014. Vimos na seção anterior que AlexNet utilizava camadas convolucionais com janelas grandes ( $11 \times 11$  e  $5 \times 5$ ). VGG substituiu essas convoluções grandes por sequências de camadas convolucionais  $3 \times 3$  [Simonyan2014]. A ideia é que várias camadas de convoluções  $3 \times 3$  conseguem aprender o mesmo que convoluções usando janelas maiores. Com isso, a rede tornou-se mais profunda.

A sequência de duas camadas convolucionais  $3 \times 3$  possui campo de visão  $5 \times 5$  com  $9+9=18$  pesos, o mesmo que uma camada convolucional  $5 \times 5$  que possui  $25$  pesos (estamos ignorando os vieses). A sequência de 4 camadas  $3 \times 3$  possui campo de visão  $9 \times 9$  com  $9+9+9+9=36$  pesos, enquanto que uma camada convolucional  $9 \times 9$  possui  $81$  pesos. Assim, uma sequência de convoluções  $3 \times 3$  consegue ter o mesmo campo de visão que uma convolução grande, com menos parâmetros. A figura 9 mostra a estrutura da rede VGG.

O programa 5, inspirado em VGG mas com poucas camadas convolucionais, resolve Cifar-10 usando somente convoluções  $3 \times 3$ . A acuracidade obtida (74,3%) é semelhante às dos modelos “tipo LeNet” (programas 2 e 3 com acuracidades 74,4% e 75,5% respectivamente). Basicamente, trocou as duas convoluções  $5 \times 5$  por quatro convoluções  $3 \times 3$  (destacado em amarelo). Camada convolucional com padding=“same” faz imagem de saída ter o mesmo tamanho da imagem de entrada. Os pixels fora do domínio da imagem de entrada são preenchidos com zeros.

*Exercício:* Resolva o problema MNIST usando uma rede convolucional inspirado em VGG usando somente convoluções  $3 \times 3$ . Conseguiu obter taxa de erro menor do que rede “tipo Lenet”?

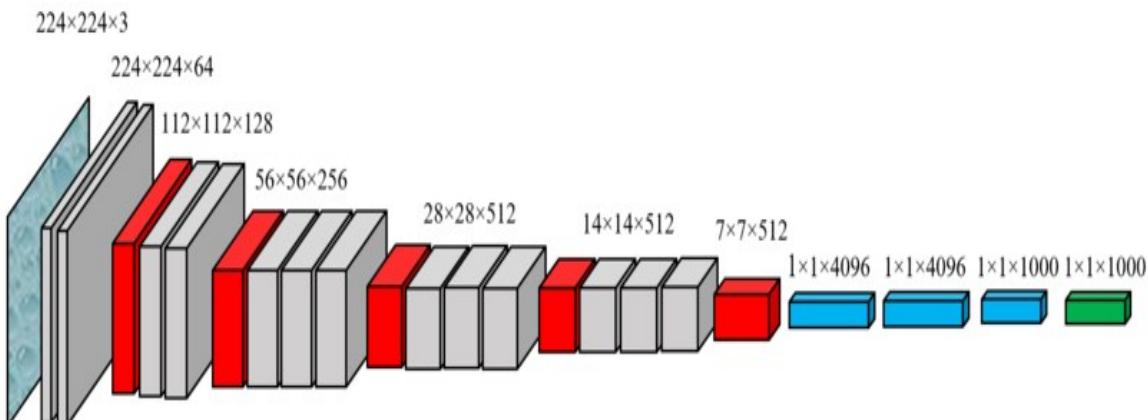


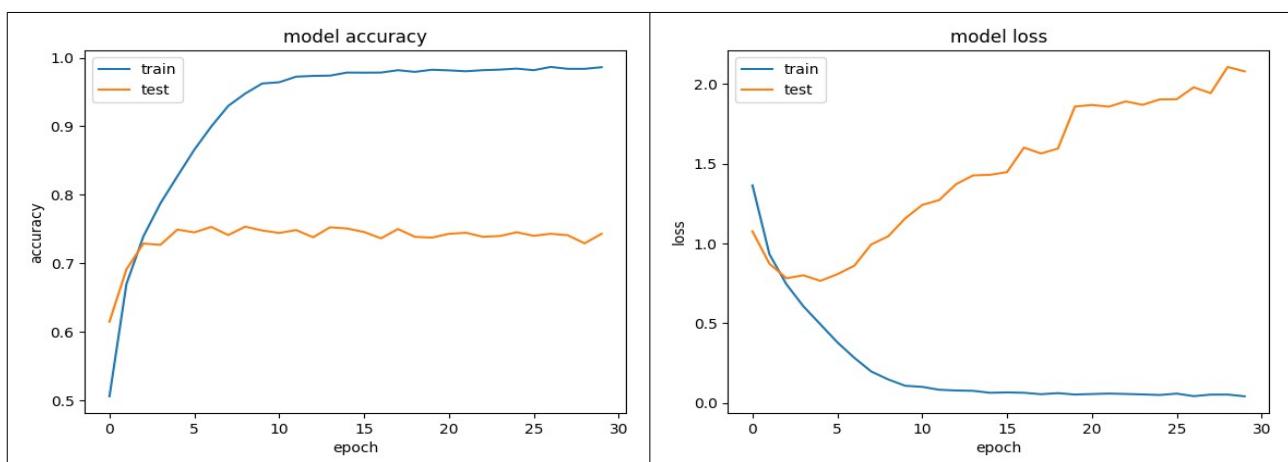
Figura 9: Rede VGG. Cinza = convolução + relu. Vermelho = max pooling. Azul = fully connected + relu. Verde = softmax [Wikipedia].

```

1 #vgg1_umaum.py
2 import os; os.environ['TF_CPP_MIN_LOG_LEVEL']= '3'
3 os.environ['TF_FORCE_GPU_ALLOW_GROWTH'] = 'true'
4 import tensorflow.keras as keras
5 from tensorflow.keras.datasets import cifar10
6 from tensorflow.keras.models import Sequential
7 from tensorflow.keras.layers import Dropout, Conv2D, MaxPooling2D, Dense, Flatten
8 from tensorflow.keras import optimizers
9 import matplotlib.pyplot as plt; import numpy as np
10
11 def impHistoria(history):
12     print(history.history.keys())
13     plt.plot(history.history['accuracy']); plt.plot(history.history['val_accuracy'])
14     plt.title('model accuracy'); plt.ylabel('accuracy'); plt.xlabel('epoch')
15     plt.legend(['train', 'test'], loc='upper left'); plt.show()
16     plt.plot(history.history['loss']); plt.plot(history.history['val_loss'])
17     plt.title('model loss'); plt.ylabel('loss'); plt.xlabel('epoch')
18     plt.legend(['train', 'test'], loc='upper left'); plt.show()
19
20 batch_size = 100; num_classes = 10; epochs = 30
21 nl, nc = 32,32; input_shape = (nl, nc, 3)
22 (ax, ay), (qx, qy) = cifar10.load_data()
23 ax = ax.astype('float32'); ax /= 255; ax = 2*(ax-0.5) #-1 a +1
24 qx = qx.astype('float32'); qx /= 255; qx = 2*(qx-0.5) #-1 a +1
25 ay = keras.utils.to_categorical(ay, num_classes)
26 qy = keras.utils.to_categorical(qy, num_classes)
27
28 model = Sequential() #32x32x3
29 model.add(Conv2D(20, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same', input_shape=input_shape))
30 model.add(MaxPooling2D(pool_size=(2,2))) #16x16x20
31 model.add(Conv2D(40, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same'))
32 model.add(MaxPooling2D(pool_size=(2,2))) #8x8x40
33 model.add(Conv2D(80, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same'))
34 model.add(MaxPooling2D(pool_size=(2,2))) #4x4x80
35 model.add(Conv2D(160, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same')) #160x4x4
36 model.add(Flatten())
37 model.add(Dense(1000,activation='relu'))
38 model.add(Dense(num_classes,activation='softmax'))
39
40 from tensorflow.keras.utils import plot_model
41 plot_model(model, to_file='vgg1.png', show_shapes=True); model.summary()
42 opt=optimizers.Adam()
43 model.compile(optimizer=opt, loss='categorical_crossentropy', metrics=['accuracy'])
44 history=model.fit(ax, ay, batch_size=batch_size, epochs=epochs,
45                   verbose=2, validation_data=(qx, qy))
46 impHistoria(history)
47
48 score = model.evaluate(qx, qy, verbose=0)
49 print('Test loss:', score[0]); print('Test accuracy:', score[1])
50 model.save('vgg1_umaum.h5')

```

Programa 5: Rede para classificar Cifar-10 com somente 4 camadas convolucionais  $3 \times 3$ . Atinge acuracidade de 74,2%. [https://colab.research.google.com/drive/1zWpVPwDqI\\_Fb54r2vI3ev-tEpL4Vb2h?usp=sharing](https://colab.research.google.com/drive/1zWpVPwDqI_Fb54r2vI3ev-tEpL4Vb2h?usp=sharing)



Test loss: 2.0786325931549072  
Test accuracy: 0.7429999709129333

## 6.2 Rede “tipo VGG” com mais camadas

Para poder aumentar a taxa de acerto seria necessário tornar a rede mais profunda, colocando mais camadas convolucionais. Só que, colocando muitas camadas, a rede deixa de convergir. O programa 6, VGG com 10 camadas convolucionais  $3 \times 3$ , não converge. A acurácia é sempre 10% (isto é, igual à “chute”) até o final do programa com 30 épocas (pode ser que, se tiver sorte, a rede converja).

```
#vgg2_umauum.py
(...)
model = Sequential()

model.add(Conv2D(40, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same', input_shape=input_shape))
model.add(Conv2D(40, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same'))
model.add(MaxPooling2D(pool_size=(2,2))) #16x16x40

model.add(Conv2D(80, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same'))
model.add(Conv2D(80, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same'))
model.add(MaxPooling2D(pool_size=(2,2))) #8x8x80

model.add(Conv2D(160, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same'))
model.add(Conv2D(160, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same'))
model.add(MaxPooling2D(pool_size=(2,2))) #4x4x160

model.add(Conv2D(320, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same'))
model.add(Conv2D(320, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same'))
model.add(MaxPooling2D(pool_size=(2,2))) #2x2x320

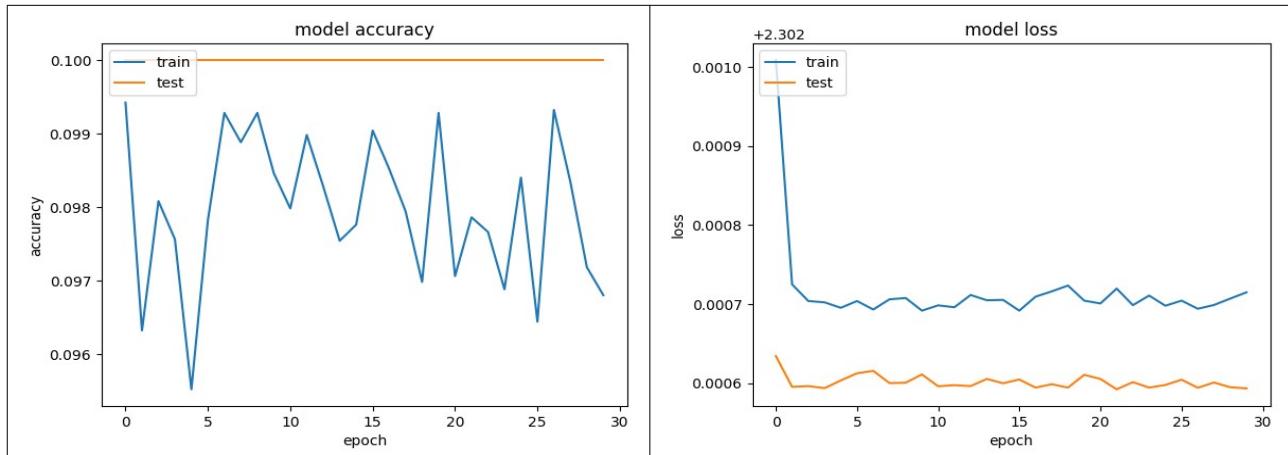
model.add(Conv2D(320, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same'))
model.add(Conv2D(320, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same'))
model.add(MaxPooling2D(pool_size=(2,2))) #1x1x320

model.add(Flatten())
model.add(Dense(1000,activation='relu'))

model.add(Dense(num_classes,activation='softmax'))
(...)
```

Programa 6: Rede “inspirada em VGG” para classificar Cifar-10 com 10 camadas convolucionais. A rede não converge e a acurácia é 10% após 30 épocas.

<https://colab.research.google.com/drive/1rlhrCMtRYwMehQJfULqE9oM0MZ7aqRXH?usp=sharing>



Test loss: 2.3025922775268555  
Test accuracy: 0.10000000149011612

*Exercício:* Você consegue fazer o programa 6 convergir (quase sempre), sem usar batch normalization?

### 6.3 Batch normalization

Para fazer convergir uma rede com muitas camadas, devemos usar algum “truque”. VGG original não usou “batch normalization”, pois esta ainda não havia sido inventada. Como vimos no programa 6, é difícil treinar uma rede neural muito profunda. O programa 7 é igual ao programa 6, mas com camadas “batch normalization”. Ele atinge acuracidade de teste de 83,9%. Agora, a acuracidade melhorou substancialmente, em relação à acuracidade da rede “tipo LeNet” (75,5%).

Para entender “batch normalization”, suponha que estamos querendo aprender um conjunto de dados com 2 atributos  $f_1$  e  $f_2$ , onde  $f_1$  varia de 0 a 1 e  $f_2$  varia de 100 a 1000. Evidentemente, para facilitar a aprendizagem, devemos fazer os dois atributos variarem dentro de mais ou menos mesmo intervalo. Por exemplo, deveria calcular  $f_2 = (f_2 - 100)/900$  para que  $f_2$  também esteja no intervalo 0 a 1.

Uma das formas usuais de normalizar os atributos de entrada é subtrair a média e dividir pelo desvio-padrão, para que cada atributo seja uma distribuição normal com média zero e desvio padrão um. Batch normalization faz algo semelhante para as camadas internas da rede. Batch normalization permite que cada camada da rede trabalhe “um pouco mais independentemente” de outras camadas.

Durante o treino, batch normalization calcula a média  $\mu_B$  e desvio-padrão  $\sigma_B$  do batch B. No caso de imagens, são calculadas média e desvio-padrão para cada banda de cor (ou para cada mapa de atributos se for camada interna). Depois, normaliza-se o batch subtraindo  $\mu_B$  e dividindo por  $\sigma_B + \epsilon$  cada elemento de B, onde  $\epsilon$  no denominador é um número pequeno para evitar divisão por zero. A saída do batch normalization é uma distribuição normal com média zero e desvio-padrão um. Nem sempre esta distribuição é adequada para alimentar a camada seguinte. Consequentemente, a saída de batch normalization é “desnormalizada” multiplicando por um parâmetro “desvio padrão”  $\gamma$  (inicializada com 1) e somando um parâmetro “média”  $\beta$  (inicializada com 0).

$$B = (B - \mu_B) / (\sigma_B + \epsilon) * \gamma + \beta$$

onde B são os elementos do batch. Os parâmetros ótimos  $\gamma$  e  $\beta$  são atualizados pela retro-propagação.

Durante a predição, são utilizadas média  $\mu_B$ , desvio  $\sigma_B$ ,  $\gamma$  e  $\beta$  calculados no treino para normalizar o batch. Porém,  $\mu_B$  e  $\sigma_B$  são atualizados durante a predição, para se ajustar à estatística dos dados de teste:

$$B = (B - \text{moving\_}\mu_B) / (\text{moving\_}\sigma_B + \epsilon) * \gamma + \beta$$

onde `moving_mu_B` e `moving_sigma_B` são  $\mu_B$  e  $\sigma_B$  calculados durante o treino e atualizados durante a predição como média móvel. Veja [[https://keras.io/api/layers/normalization\\_layers/batch\\_normalization/](https://keras.io/api/layers/normalization_layers/batch_normalization/)]

**Input:** Values of  $x$  over a mini-batch:  $\mathcal{B} = \{x_{1\dots m}\}$ ;  
 Parameters to be learned:  $\gamma, \beta$   
**Output:**  $\{y_i = \text{BN}_{\gamma, \beta}(x_i)\}$

$$\begin{aligned}\mu_{\mathcal{B}} &\leftarrow \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m x_i && // \text{mini-batch mean} \\ \sigma_{\mathcal{B}}^2 &\leftarrow \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m (x_i - \mu_{\mathcal{B}})^2 && // \text{mini-batch variance} \\ \hat{x}_i &\leftarrow \frac{x_i - \mu_{\mathcal{B}}}{\sqrt{\sigma_{\mathcal{B}}^2 + \epsilon}} && // \text{normalize} \\ y_i &\leftarrow \gamma \hat{x}_i + \beta \equiv \text{BN}_{\gamma, \beta}(x_i) && // \text{scale and shift}\end{aligned}$$

**Algorithm 1:** Batch Normalizing Transform, applied to activation  $x$  over a mini-batch.

[Do artigo original de batch-normalization \[Ioffe2015\].](#)

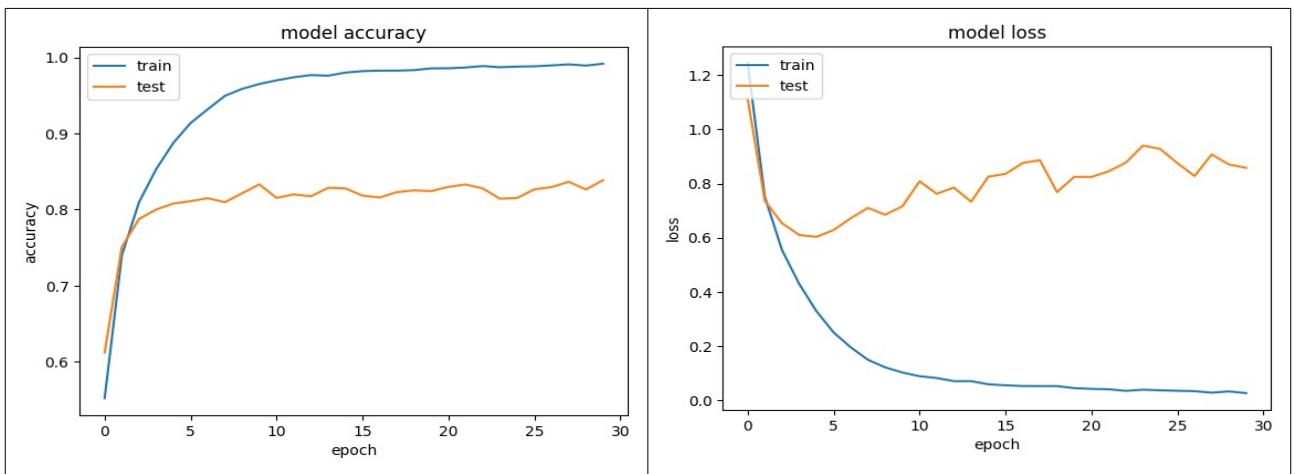
```

1 #vgg3_umaum.py
2 import os; os.environ['TF_CPP_MIN_LOG_LEVEL']=3'
3 os.environ['TF_FORCE_GPU_ALLOW_GROWTH'] = 'true'
4 import tensorflow.keras as keras
5 from tensorflow.keras.datasets import cifar10
6 from tensorflow.keras.models import Sequential
7 from tensorflow.keras.layers import Dropout, Conv2D, MaxPooling2D, Dense, \
8 Flatten, BatchNormalization
9 from tensorflow.keras import optimizers
10 import matplotlib.pyplot as plt; import numpy as np
11
12 def impHistoria(history):
13     print(history.history.keys())
14     plt.plot(history.history['accuracy']); plt.plot(history.history['val_accuracy'])
15     plt.title('model accuracy'); plt.ylabel('accuracy'); plt.xlabel('epoch')
16     plt.legend(['train', 'test'], loc='upper left'); plt.show()
17     plt.plot(history.history['loss']); plt.plot(history.history['val_loss'])
18     plt.title('model loss'); plt.ylabel('loss'); plt.xlabel('epoch')
19     plt.legend(['train', 'test'], loc='upper left'); plt.show()
20
21 batch_size = 100; num_classes = 10; epochs = 30
22 nl, nc = 32,32; input_shape = (nl, nc, 3)
23 (ax, ay), (qx, qy) = cifar10.load_data()
24 ax = ax.astype('float32'); ax /= 255; ax = 2*(ax-0.5) #-1 a +1
25 qx = qx.astype('float32'); qx /= 255; qx = 2*(qx-0.5) #-1 a +1
26 ay = keras.utils.to_categorical(ay, num_classes)
27 qy = keras.utils.to_categorical(qy, num_classes)
28
29 model = Sequential()
30 model.add(Conv2D(40, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same', input_shape=input_shape))
31 model.add(BatchNormalization())
32 model.add(Conv2D(40, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same'))
33 model.add(BatchNormalization())
34 model.add(MaxPooling2D(pool_size=(2,2))) #16x16x40
35
36 model.add(Conv2D(80, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same'))
37 model.add(BatchNormalization())
38 model.add(Conv2D(80, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same'))
39 model.add(BatchNormalization())
40 model.add(MaxPooling2D(pool_size=(2,2))) #8x8x80
41
42 model.add(Conv2D(160, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same'))
43 model.add(BatchNormalization())
44 model.add(Conv2D(160, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same'))
45 model.add(BatchNormalization())
46 model.add(MaxPooling2D(pool_size=(2,2))) #4x4x160
47
48 model.add(Conv2D(320, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same'))
49 model.add(BatchNormalization())
50 model.add(Conv2D(320, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same'))
51 model.add(BatchNormalization())
52 model.add(MaxPooling2D(pool_size=(2,2))) #2x2x320
53
54 model.add(Conv2D(320, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same'))
55 model.add(BatchNormalization())
56 model.add(Conv2D(320, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same'))
57 model.add(BatchNormalization())
58 model.add(MaxPooling2D(pool_size=(2,2))) #1x1x320
59
60 model.add(Flatten())
61 model.add(Dense(1000,activation='relu'))
62 model.add(Dense(num_classes,activation='softmax'))
63
64 from tensorflow.keras.utils import plot_model
65 plot_model(model, to_file='vgg2.png', show_shapes=True); model.summary()
66 opt=optimizers.Adam()
67 model.compile(optimizer=opt, loss='categorical_crossentropy', metrics=['accuracy'])
68 history=model.fit(ax, ay, batch_size=batch_size, epochs=epochs,
69                   verbose=2, validation_data=(qx, qy))
70 impHistoria(history)
71
72 score = model.evaluate(qx, qy, verbose=0)
73 print('Test loss:', score[0]); print('Test accuracy:', score[1])
74 model.save('vgg3_umaum.h5')

```

Programa 7: Rede “inspirada em VGG” para classificar Cifar-10 com 10 camadas convolucionais e batch normalizations. Atinge acuracidade de teste de 83,9%.

<https://colab.research.google.com/drive/1ovCGSJ4dOLylua0SbEb3dZi2qHNjsJdW?usp=sharing>



Test loss: 0.858138382434845  
Test accuracy: 0.838699996471405

Epoch 30/30 - 12s - loss: 0.0257 - accuracy: 0.9919 - val\_loss: 0.8581 - val\_accuracy: 0.8387

*Exercício:* Para descobrir como funciona BatchNormalization, coloquei artificialmente uma camada BatchNormalization bem no início da rede do programa 7:

```
model.add(BatchNormalization(input_shape=input_shape))
```

imprima os seus parâmetros antes e depois do treino com o comando:

```
filters = model.get_layer(index=0).get_weights()
print(filters)
```

e obtive uma lista com 4 vetores numpy, cada vetor com 3 elementos. Cada vetor tem 3 elementos, pois as imagens de entrada têm 3 bandas RGB. A lista antes do treino:

```
[array([1., 1., 1.], dtype=float32), array([0., 0., 0.], dtype=float32), array([0.,
0., 0.], dtype=float32), array([1., 1., 1.], dtype=float32)]
```

A lista após o treino:

```
[array([0.9631283, 1.0356276, 0.9850968], dtype=float32), array([0.03289677,
0.00249975, 0.03328805], dtype=float32), array([0.4916695, 0.48219675, 0.44590157],
dtype=float32), array([0.06051334, 0.05886611, 0.06790181], dtype=float32)]
```

1) Modifique o programa 7 colocando uma camada de BatchNormalization no início da rede e imprima os seus parâmetros antes e depois do treino, como fiz acima. Basta treinar poucas épocas, por exemplo 5.

2) Descubra o que cada um dos 4 vetores representa, escrevendo  $\mu_B$ ,  $\sigma_B$ ,  $\gamma$  e  $\beta$  na ordem em que esses vetores aparecem na lista.

#### 6.4 Data augmentation

A acuracidade de teste do programa 7 é 83,9% mas a acuracidade de treino é 99,2%, indicando que há “overfitting”. Este problema pode ser minimizado fazendo “data augmentation”.

O programa 8 implementa VGG com data augmentation. Além disso, acrescenta camadas “dropout”, também para diminuir overfitting e executa durante 200 épocas. Com isso, atinge 92,0% de acuracidade. Esta é uma taxa de acerto muito boa. Interessantemente, se fizer somente horizontal\_flip aqui, obtém uma taxa de acerto menor (90,25%).

*Nota:* Aqui, estou colocando os valores de entrada no intervalo de 0 a 1. Porém, se colocar no intervalo [-1, +1] ou [-0,5, +0,5], dá resultado praticamente igual.

Para fazer data augmentation em Keras, basta passar ao método “model.fit” a função “flow” (linha 97 do programa 8).

```
model.fit(datagen.flow(ax, ay, batch_size=batch_size), ...
```

O site abaixo disponibiliza um programa inspirado em VGG melhor ainda:

<https://raw.githubusercontent.com/geifmany/cifar-vgg/master/cifar10vgg.py>

Ele atinge 93,3% de taxa de acerto no Cifar-10, usando mais alguns “truques”, entre eles:

- Normaliza as imagens de entrada, tanto durante o treino como durante o teste.
- Utiliza regularização L2. Isto faz com que sejam geradas preferencialmente as redes com pesos pequenos.
- Diminui learning rate à medida em que o treino progride.

*Exercício:* Acrescente as 3 ideias acima no programa 8 e verifique a acuracidade de teste que consegue atingir. Ajuste os parâmetros para obter a maior taxa de acerto de teste.

*Nota:* vgg4\_umaum.py atinge 92,0% de acuracidade de teste. Precisa obter valor melhor.

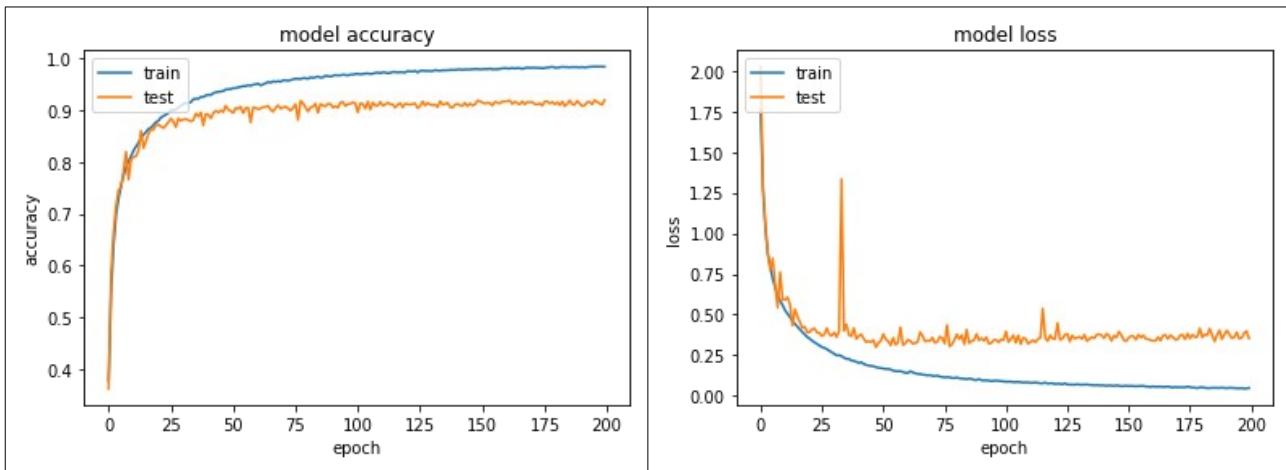
```

1 #vgg4.py
2 import os; os.environ['TF_CPP_MIN_LOG_LEVEL']=3
3 os.environ['TF_FORCE_GPU_ALLOW_GROWTH'] = 'true'
4 import tensorflow.keras as keras
5 from tensorflow.keras.datasets import cifar10
6 from tensorflow.keras.models import Sequential
7 from tensorflow.keras.preprocessing.image import ImageDataGenerator
8 from tensorflow.keras.layers import Dropout, Conv2D, MaxPooling2D, Dense, Flatten, BatchNormalization
9 from tensorflow.keras import optimizers
10 import matplotlib.pyplot as plt; import numpy as np
11
12 def impHistoria(history):
13     print(history.history.keys())
14     plt.plot(history.history['accuracy']); plt.plot(history.history['val_accuracy'])
15     plt.title('model accuracy'); plt.ylabel('accuracy'); plt.xlabel('epoch')
16     plt.legend(['train', 'test'], loc='upper left'); plt.show()
17     plt.plot(history.history['loss']); plt.plot(history.history['val_loss'])
18     plt.title('model loss'); plt.ylabel('loss'); plt.xlabel('epoch')
19     plt.legend(['train', 'test'], loc='upper left'); plt.show()
20
21 batch_size = 100; num_classes = 10; epochs = 200
22 nl, nc = 32,32; input_shape = (nl, nc, 3)
23 (ax, ay), (qx, qy) = cifar10.load_data()
24 ax = ax.astype('float32'); ax /= 255 #0 a 1
25 qx = qx.astype('float32'); qx /= 255 #0 a 1
26 ay = tensorflow.keras.utils.to_categorical(ay, num_classes)
27 qy = tensorflow.keras.utils.to_categorical(qy, num_classes)
28
29 model = Sequential()
30
31 model.add(Conv2D(64, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same', input_shape=input_shape))
32 model.add(BatchNormalization())
33 model.add(Dropout(0.3))
34 model.add(Conv2D(64, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same'))
35 model.add(BatchNormalization())
36 model.add(MaxPooling2D(pool_size=(2,2))) #20x16x16x3
37
38 model.add(Conv2D(128, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same'))
39 model.add(BatchNormalization())
40 model.add(Dropout(0.3))
41 model.add(Conv2D(128, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same'))
42 model.add(BatchNormalization())
43 model.add(MaxPooling2D(pool_size=(2,2))) #40x8x8x3
44
45 model.add(Conv2D(256, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same'))
46 model.add(BatchNormalization())
47 model.add(Dropout(0.3))
48 model.add(Conv2D(256, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same'))
49 model.add(BatchNormalization())
50 model.add(MaxPooling2D(pool_size=(2,2))) #80x4x4x3
51
52 model.add(Conv2D(512, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same')) #160x4x4x3
53 model.add(BatchNormalization())
54 model.add(Dropout(0.3))
55 model.add(Conv2D(512, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same')) #160x4x4x3
56 model.add(BatchNormalization())
57 model.add(Dropout(0.3))
58 model.add(Conv2D(512, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same')) #160x4x4x3
59 model.add(BatchNormalization())
60 model.add(MaxPooling2D(pool_size=(2,2))) #160x2x2x3
61
62 model.add(Conv2D(512, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same')) #160x2x2x3
63 model.add(BatchNormalization())
64 model.add(Dropout(0.3))
65 model.add(Conv2D(512, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same')) #160x2x2x3
66 model.add(BatchNormalization())
67 model.add(Dropout(0.3))
68 model.add(Conv2D(512, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same')) #160x2x2x3
69 model.add(BatchNormalization())
70 model.add(MaxPooling2D(pool_size=(2,2))) #160x1x1x3
71
72 model.add(Flatten())
73 model.add(Dense(512,activation='relu'))
74 model.add(BatchNormalization())
75 model.add(Dropout(0.3))
76
77 model.add(Dense(num_classes,activation='softmax'))
78
79 from tensorflow.keras.utils import plot_model
80 plot_model(model, to_file='vgg3.png', show_shapes=True); model.summary()
81
82 datagen = ImageDataGenerator(
83     featurewise_center=False, # set input mean to 0 over the dataset
84     samplewise_center=False, # set each sample mean to 0
85     featurewise_std_normalization=False, # divide inputs by std of the dataset
86     samplewise_std_normalization=False, # divide each input by its std
87     zca_whitening=False, # apply ZCA whitening
88     rotation_range=15, # randomly rotate images in the range (degrees, 0 to 180)
89     width_shift_range=0.1, # randomly shift images horizontally (fraction of total width)
90     height_shift_range=0.1, # randomly shift images vertically (fraction of total height)
91     horizontal_flip=True, # randomly flip images
92     vertical_flip=False) # randomly flip images
93 datagen.fit(ax)
94
95 opt=optimizers.Adam()
96 model.compile(optimizer=opt, loss='categorical_crossentropy', metrics=['accuracy'])
97 history=model.fit(datagen.flow(ax,ay,batch_size=batch_size), steps_per_epoch=ax.shape[0]//batch_size,
98                    epochs=epochs, verbose=2, validation_data=(qx, qy))
99 impHistoria(history)
100
101 score = model.evaluate(qx, qy, verbose=0)
102 print('Test loss:', score[0]); print('Test accuracy:', score[1])
103 model.save('vgg4.h5')

```

Programa 8a: VGG com data augmentation usando ImageData Generator. Atinge acuracidade de teste de 92,0%.

Epoch 199/200 - 28s - loss: 0.0452 - accuracy: 0.9842 - val\_loss: 0.3990 - val\_accuracy: 0.9108  
 Epoch 200/200 - 28s - loss: 0.0479 - accuracy: 0.9842 - val\_loss: 0.3534 - val\_accuracy: 0.9196



Test loss: 0.3534

Test accuracy: 0.9196

<https://colab.research.google.com/drive/1ks1GcjTMySpPDGHI-6isv4p96T6xANdP?usp=sharing>

[Nota: Dá a impressão de que a última versão de Keras está com algum “memory leak” em datagen.flow. A quantidade de RAM usada aumenta sem parar. Talvez mudar o programa para fazer data augmentation “manualmente” para ver se o problema melhora (17/09/2021).]

**[PSI3472-2023. Aula 3/4. Lição de casa extra. Vale +2 pontos.]** Adapte o programa 8a (vgg4.py) ou 8b (vgg4\_prelayer.py) para classificar fashion\_mnist e obtenha acuracidade de teste de pelo menos 94%. Compare com a acuracidade usando LeNet.

*Nota 1:* Este programa demora para executar. Para não demorar excessivamente, vamos convencionar executar apenas 30 épocas. Mesmo assim, demora algo como 20 minutos. Leve isto em conta ao planejar fazer este exercício.

*Nota 2:* Obtive taxa de acerto de teste de 91% classificando fashion\_mnist com LeNet e 94% com VGG.

*Nota 3:* Você deve redimensionar as imagens  $28 \times 28 \times 1$  para  $32 \times 32 \times 1$ , pois 28 só é divisível por 2 duas vezes. Para isso, pode fazer zoom nas imagens ou inserir 2 linhas/colunas brancas/pretas nas quatro bordas das imagens, usando por exemplo o comando:

```
cv2.copyMakeBorder(src, top, bottom, left, right, borderType[, dst[, value ] ]) → dst
ax[i]=cv2.copyMakeBorder(AX[i],2,2,2,2,cv2.BORDER_CONSTANT,0)
```

*Nota 4:* Você deve pensar quais são as distorções permitidas. Provavelmente, não pode continuar fazendo espelhamento horizontal (todos os calçados estão voltados para o lado esquerdo). Possivelmente, deslocamento de 10% e rotação de 15 graus são exagerados.

A solução privada está em “Meu Drive/Colab Notebooks/algpi\_licao/cifar/vgg4\_fashion.ipynb” e atinge acuracidade de teste de 94%.  
[https://colab.research.google.com/drive/1assbYwqRwn1L1diclhKiPft7BIRXAg\\_Y](https://colab.research.google.com/drive/1assbYwqRwn1L1diclhKiPft7BIRXAg_Y)

**Exercício:** Modifique o programa 8 para obter programa aviaonavio.py que distingue aviões dos navios. Para isso:

a) Coloque dentro dos tensores ax, ay, qx e qy somente as imagens de aviões e navios.

b) Modifique o programa 8 para distinguir aviões de navios. Grave os pesos treinados como aviaonavio.h5.

Qual é a acuracidade obtida?

Abaixo, o programa 8a traduzido substituindo *ImageDataGenerator* por *preprocessing layers*.

```

1 #vgg4_prelayer.py
2 import os; os.environ['TF_CPP_MIN_LOG_LEVEL']= '3'
3 os.environ['TF_FORCE_GPU_ALLOW_GROWTH'] = 'true'
4 import tensorflow as tf
5 import tensorflow.keras as keras
6 from tensorflow.keras.datasets import cifar10
7 from tensorflow.keras.models import Sequential
8 from tensorflow.keras.preprocessing.image import ImageDataGenerator
9 from tensorflow.keras.layers import Dropout, Conv2D, MaxPooling2D, Dense, Flatten, BatchNormalization
10 from tensorflow.keras.layers import RandomFlip, RandomRotation, RandomZoom, RandomTranslation
11 from tensorflow.keras import optimizers
12 import matplotlib.pyplot as plt; import numpy as np; import math
13
14 def impHistoria(history):
15     print(history.history.keys())
16     plt.plot(history.history['accuracy']); plt.plot(history.history['val_accuracy'])
17     plt.title('model accuracy'); plt.ylabel('accuracy'); plt.xlabel('epoch')
18     plt.legend(['train', 'test'], loc='upper left'); plt.show()
19     plt.plot(history.history['loss']); plt.plot(history.history['val_loss'])
20     plt.title('model loss'); plt.ylabel('loss'); plt.xlabel('epoch')
21     plt.legend(['train', 'test'], loc='upper left'); plt.show()
22
23 batch_size = 100; num_classes = 10; epochs = 200
24 nl, nc = 32, 32; input_shape = (nl, nc, 3)
25 (ax, ay), (qx, qy) = cifar10.load_data()
26 ax = ax.astype('float32'); ax /= 255 #0 a 1
27 qx = qx.astype('float32'); qx /= 255 #0 a 1
28 ay = tf.keras.utils.to_categorical(ay, num_classes)
29 qy = tf.keras.utils.to_categorical(qy, num_classes)
30
31 def create_model():
32     model = Sequential(
33         [
34             RandomRotation(0.042, fill_mode="nearest", interpolation="bilinear"), #15 graus: 15*pi/180
35             RandomTranslation(0.1, 0.1, fill_mode="nearest", interpolation="bilinear"),
36             RandomFlip("horizontal"),
37
38             Conv2D(64, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same', input_shape=input_shape),
39             BatchNormalization(), Dropout(0.3),
40             Conv2D(64, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same'),
41             BatchNormalization(),
42             MaxPooling2D(pool_size=(2,2)), #20x16x16x3
43
44             Conv2D(128, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same'),
45             BatchNormalization(), Dropout(0.3),
46             Conv2D(128, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same'),
47             BatchNormalization(),
48             MaxPooling2D(pool_size=(2,2)), #40x8x8x3
49
50             Conv2D(256, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same'),
51             BatchNormalization(), Dropout(0.3),
52             Conv2D(256, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same'),
53             BatchNormalization(),
54             MaxPooling2D(pool_size=(2,2)), #80x4x4x3
55
56             Conv2D(512, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same'), #160x4x4x3
57             BatchNormalization(), Dropout(0.3),
58             Conv2D(512, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same'), #160x4x4x3
59             BatchNormalization(),
60             Dropout(0.3),
61             Conv2D(512, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same'), #160x4x4x3
62             BatchNormalization(),
63             MaxPooling2D(pool_size=(2,2)), #160x2x2x3
64
65             Conv2D(512, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same'), #160x2x2x3
66             BatchNormalization(), Dropout(0.3),
67             Conv2D(512, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same'), #160x2x2x3
68             BatchNormalization(), Dropout(0.3),
69             Conv2D(512, kernel_size=(3,3), activation='relu', padding='same'), #160x2x2x3
70             BatchNormalization(),
71             MaxPooling2D(pool_size=(2,2)), #160x1x1x3
72
73             Flatten(),
74             Dense(512, activation='relu'),
75             BatchNormalization(), Dropout(0.3),
76
77             Dense(num_classes, activation='softmax')
78         ]
79     )
80
81     opt=optimizers.Adam()
82     model.compile(optimizer=opt, loss='categorical_crossentropy', metrics=['accuracy'])
83
84     return model
85
86 model=create_model()
87 #from tensorflow.keras.utils import plot_model
88 #plot_model(model, to_file='vgg_prelayer.png', show_shapes=True); model.summary()
89
90 history=model.fit(ax, ay, batch_size=batch_size, epochs=epochs, verbose=2,
91                     validation_data=(qx, qy))
92 impHistoria(history)
93
94 score = model.evaluate(qx, qy, verbose=0)
95 print('Test loss:', score[0]); print('Test accuracy:', score[1])
96 #model.save('vgg4_prelayer.h5')
97

```

Programa 8b: VGG com data augmentation usando preprocessing layers. Atinge acuracidade de teste de 91,4%.

[https://colab.research.google.com/drive/1Mff9yeZLkIH\\_LNMApxI\\_PEK74WY67Ri?usp=sharing](https://colab.research.google.com/drive/1Mff9yeZLkIH_LNMApxI_PEK74WY67Ri?usp=sharing)

```
Epoch 199/200 - 28s - loss: 0.0504 - accuracy: 0.9825 - val_loss: 0.5356 - val_accuracy: 0.9139
Epoch 200/200 - 28s - loss: 0.0545 - accuracy: 0.9821 - val_loss: 0.4202 - val_accuracy: 0.9143
```

```
Test loss: 0.4201729893684387
Test accuracy: 0.9143000245094299
```

A acurácia chegou a 91,43% (próximo de 92,0% do programa 8a). Podemos considerar que os dois programas (8a e 8b) são equivalentes.

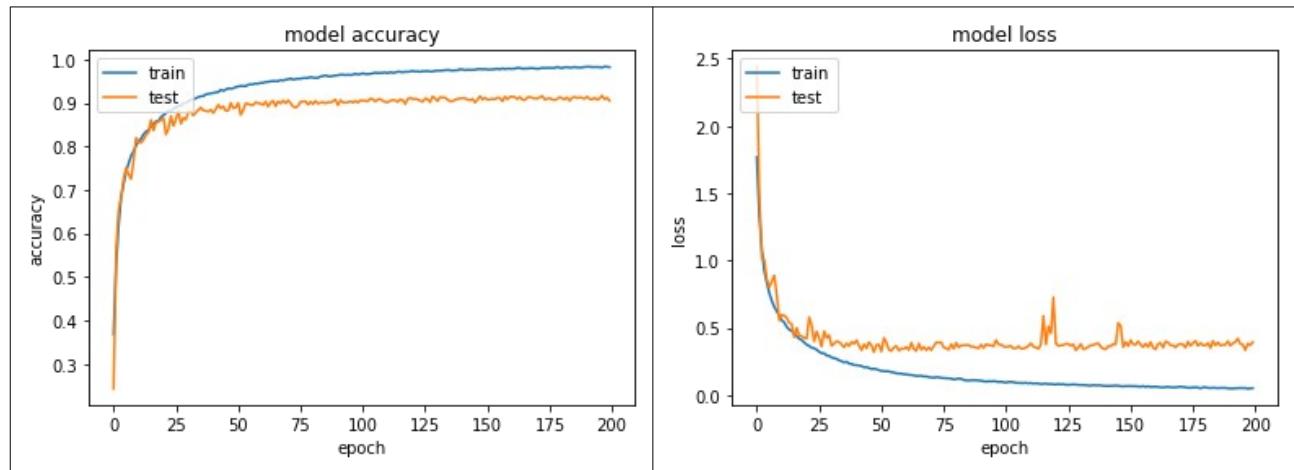


Figura:

[PSI3472-2023. Aula 4. Fim.]

**Resumo:** Nas aulas anteriores, começamos resolver a classificação Cifar-10. Usando LeNet (sem data augmentation), chegamos à taxa de acerto de 75%. Usando VGG (junto com batch normalization e data augmentation) chegamos à taxa de acerto de 91-92%. A ideia principal do VGG é usar sequência de convoluções  $3 \times 3$ , em vez de usar convoluções maiores. Hoje, estudaremos Inception v1 (GoogLeNet). Também estudaremos ResNet, com taxas de acerto de também 91%-92%. Usando ResNet com “test-time augmentation” (TTA), chegaremos a taxa de acerto de mais de 93,3%. Fazendo transfer learning de EfficientNetB0 (apostila transfer-ead), conseguiremos acuracidade de 96,4%.

## 6 Rede “inspirada em Inception v1” (GoogLeNet)

Inception v1 ou GoogLeNet [Szegedy2015] foi o campeão de ILSVRC 2014. Vamos ver as ideias principais deste modelo [Tsang2018, <https://medium.com/coinmonks/paper-review-of-googlenet-inception-v1-winner-of-ilsvrc-2014-image-classification-c2b3565a64e7>].

### 1) Convolução $1 \times 1$

À primeira vista, convolução  $1 \times 1$  pode parecer inútil. Mas ela pode ser utilizada como módulo que reduz dimensão, para reduzir a computação e o número de parâmetros da rede. Lembre-se de que convolução  $1 \times 1$  não está sendo aplicada numa imagem 2D, mas num volume 3D (linhas  $\times$  colunas  $\times$  bandas) e a convolução  $1 \times 1$  tira média ponderada dos pixels nas diversas bandas (ou mapas de atributos, figuras F e G). Se a imagem de entrada for colorida com as bandas RGB, convolução  $1 \times 1$  tiraria média ponderadas das 3 bandas pixel a pixel.

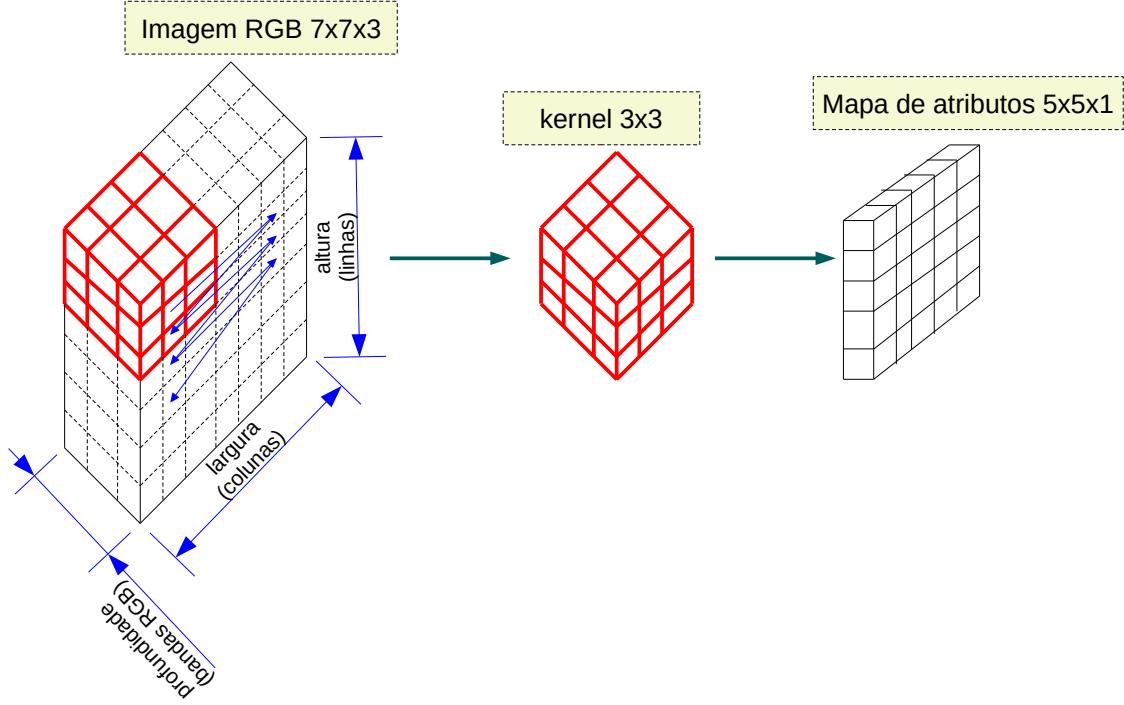


Figura F: Convolução 3x3 aplicada numa imagem RGB 7x7. A saída é um mapa de atributos 5x5x1.

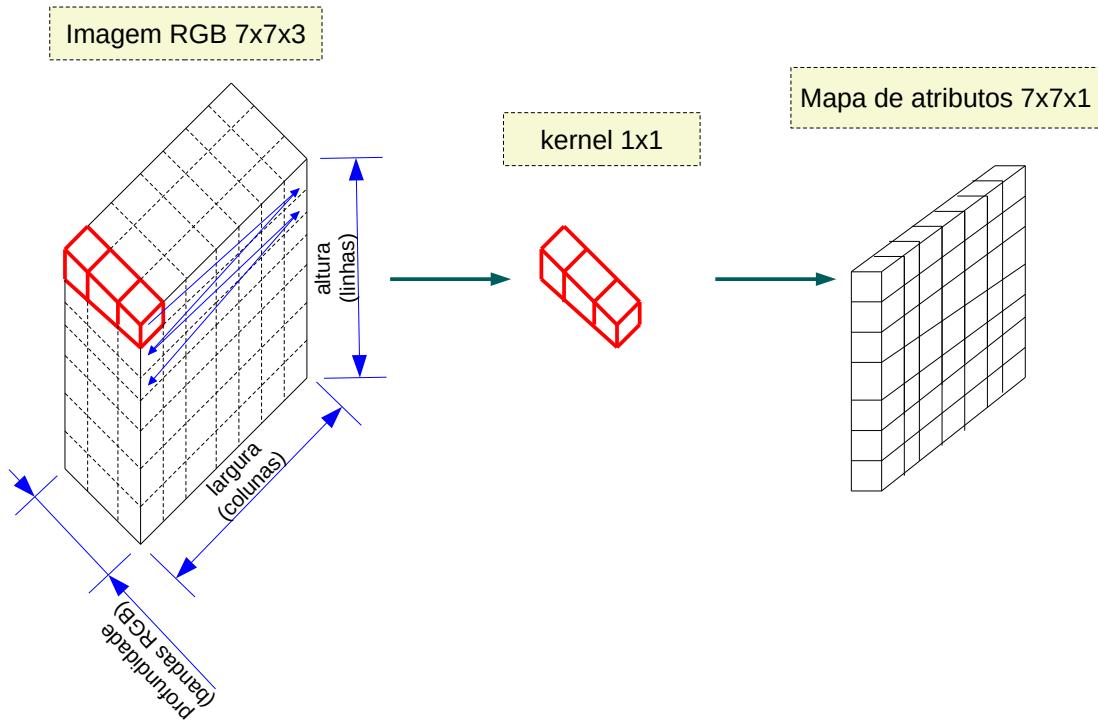


Figura G: Convolução 1x1 aplicada numa imagem RGB 7x7. A saída é um mapa de atributos 7x7x1.

A figura 10 mostra redução de 480 mapas de atributos  $14 \times 14$  para 48 mapas  $14 \times 14$  usando 48 convoluções  $5 \times 5$ . Fazendo redução direta, o número total de operações é  $(5 \times 5 \times 480) \times (14 \times 14 \times 48) = 112.9M$  (figura 10a).

Por outro lado, usando 16 convolução  $1 \times 1$  como passo intermediário (figura 10b):

$$\text{Número de operações de 16 convoluções } 1 \times 1 = (1 \times 1 \times 480) \times (14 \times 14 \times 16) = 1.5M$$

$$\text{Número de operações de 48 convoluções } 5 \times 5 = (5 \times 5 \times 16) \times (14 \times 14 \times 48) = 3.8M$$

$$\text{Número total de operações} = 1.5M + 3.8M = 5.3M$$

Claramente, 5M é muito menor que 113M.

O número de pesos da redução usando 48 convoluções  $5 \times 5$  é  $5 \times 5 \times 480 \times 48 = 576.000$  (figura 10a).

O número de pesos usando 16 convoluções  $1 \times 1$  e 48 convoluções  $5 \times 5$  é  $1 \times 1 \times 480 \times 16 + 5 \times 5 \times 16 \times 48 = 7.680 + 19.200 = 26.880$  (figura 10b).

Claramente, 27k é muito menor que 576k.

Convolução  $1 \times 1$  pode ajudar a reduzir o número de pesos da rede, o tamanho do modelo, o número de operações e também overfitting.

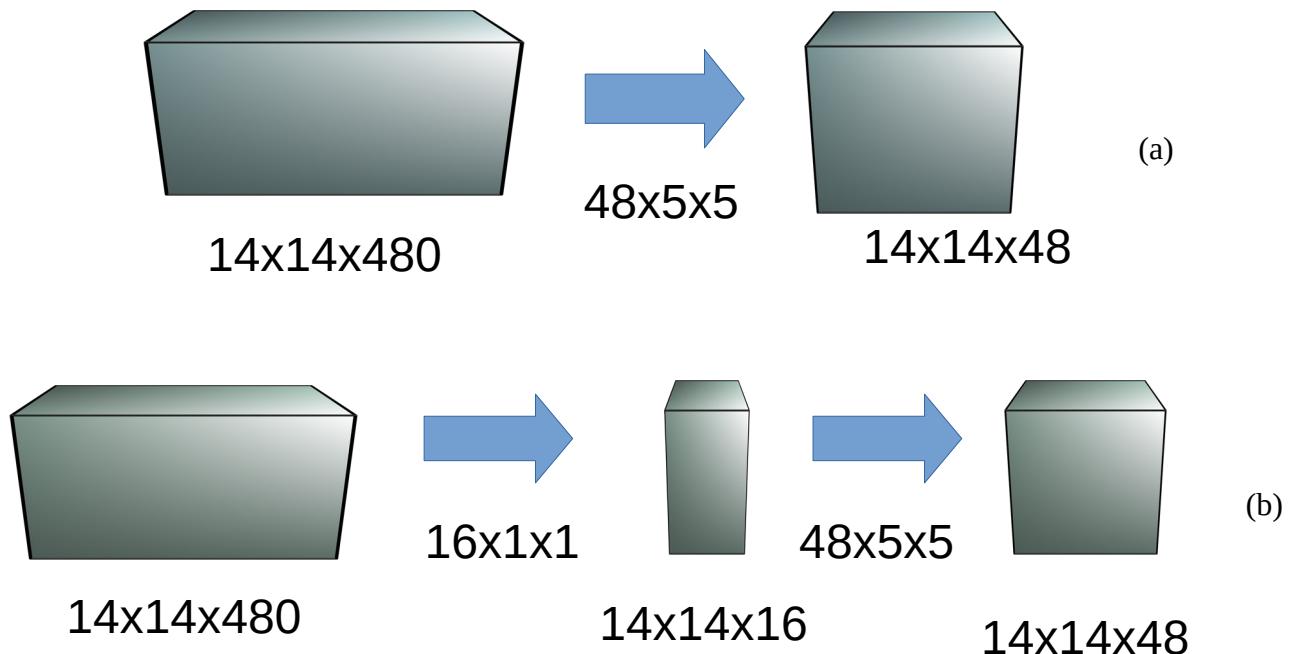


Figura 10: (a) Reduzir diretamente  $14 \times 14 \times 480$  atributos para  $14 \times 14 \times 48$  atributos usando 48 convoluções  $5 \times 5$  (113M operações e 576k pesos). (b) Usar 16 convoluções  $1 \times 1$  na redução (5M operações e 27k pesos).

## 2) Módulo Inception

A principal ideia de Inception consiste em aplicar convoluções de diferentes tamanhos em cada camada. A intuição atrás desta ideia é que há características que são mais facilmente detectáveis fazendo convolução de um determinado tamanho. Veja as figuras 11 e 12 abaixo.

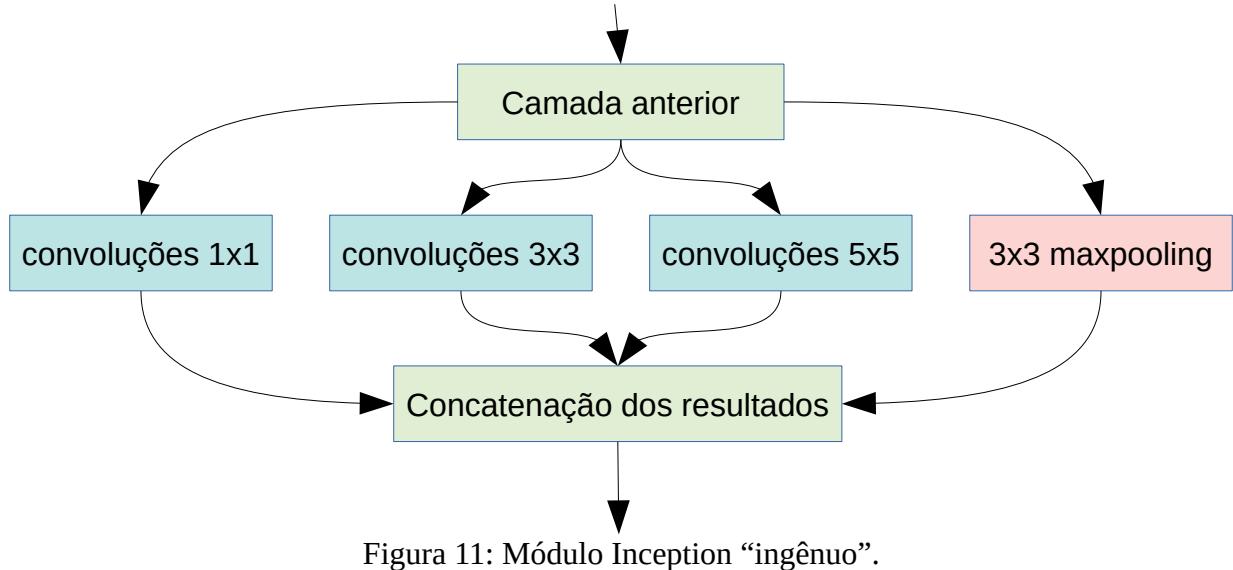


Figura 11: Módulo Inception “ingênuo”.

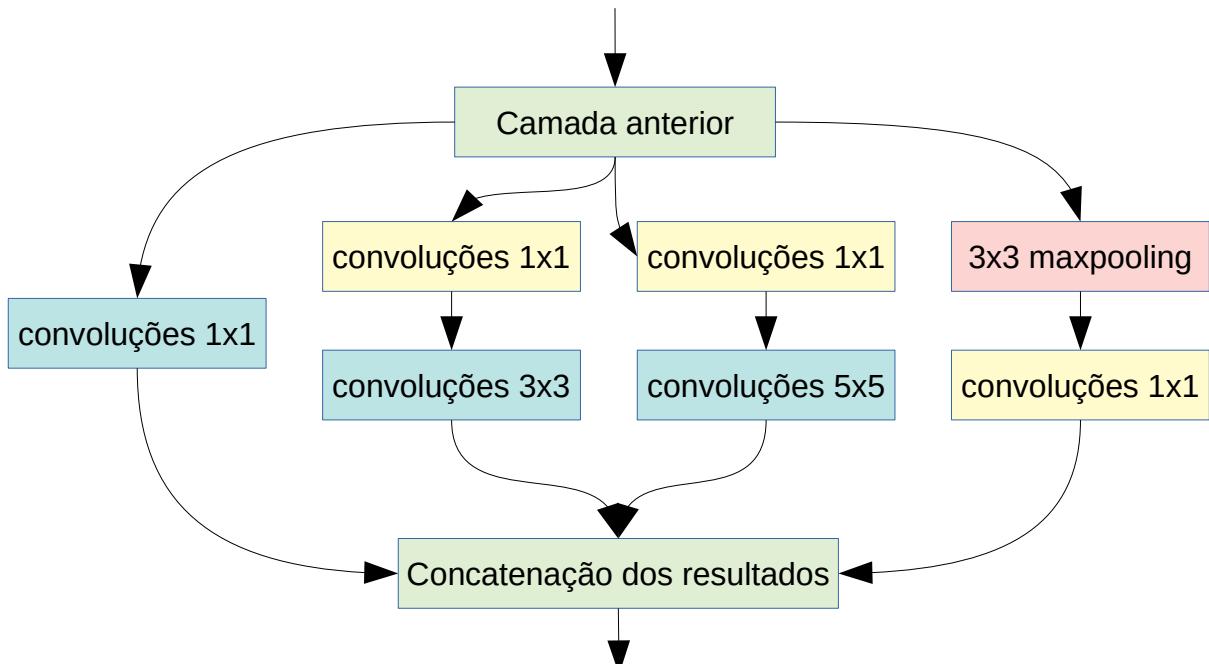


Figura 12: Módulo inception com redução de dimensionalidade (usando convoluções 1×1).

Um módulo Inception contém o seguinte número de convoluções:

- 1×1 com 64 saídas
- 3×3 com 128 saídas
- 5×5 com 32 saídas
- maxpooling 3×3 stride 1 com 32 saídas

Volume concatenado terá  $64+128+32+32$  mapas de atributos, ou seja, 256 mapas.

A novidade aqui está na descrição da rede em Keras. Não é possível descrever módulo Inception usando API (Application Programming Interface) sequencial, pois esse módulo não é sequencial: possui desvios e concatenações. Vamos usar a API funcional que permite descrever redes mais complexas. Além disso, vamos escrever uma função que define um módulo Inception, para poder replicá-lo facilmente várias vezes:

```
def moduloInception(nfiltros, x):
    tower_0 = Conv2D(nfiltros, (1,1), padding='same', activation='relu')(x) #conv2d_1
    tower_1 = Conv2D(2*nfiltros, (1,1), padding='same', activation='relu')(x) #conv2d_2
    tower_1 = Conv2D(2*nfiltros, (3,3), padding='same', activation='relu')(tower_1) #conv2d_3
    tower_2 = Conv2D(nfiltros//2, (1,1), padding='same', activation='relu')(x) #conv2d_4
    tower_2 = Conv2D(nfiltros//2, (5,5), padding='same', activation='relu')(tower_2) #conv2d_5
    tower_3 = MaxPooling2D((3,3), strides=(1,1), padding='same')(x) #max_pooling2d_1
    tower_3 = Conv2D(nfiltros//2, (1,1), padding='same', activation='relu')(tower_3) #conv2d_6
    x = keras.layers.concatenate([tower_0, tower_1, tower_2, tower_3], axis = 3)
    x = BatchNormalization()(x)
    return x
```

Desenhando as camadas:

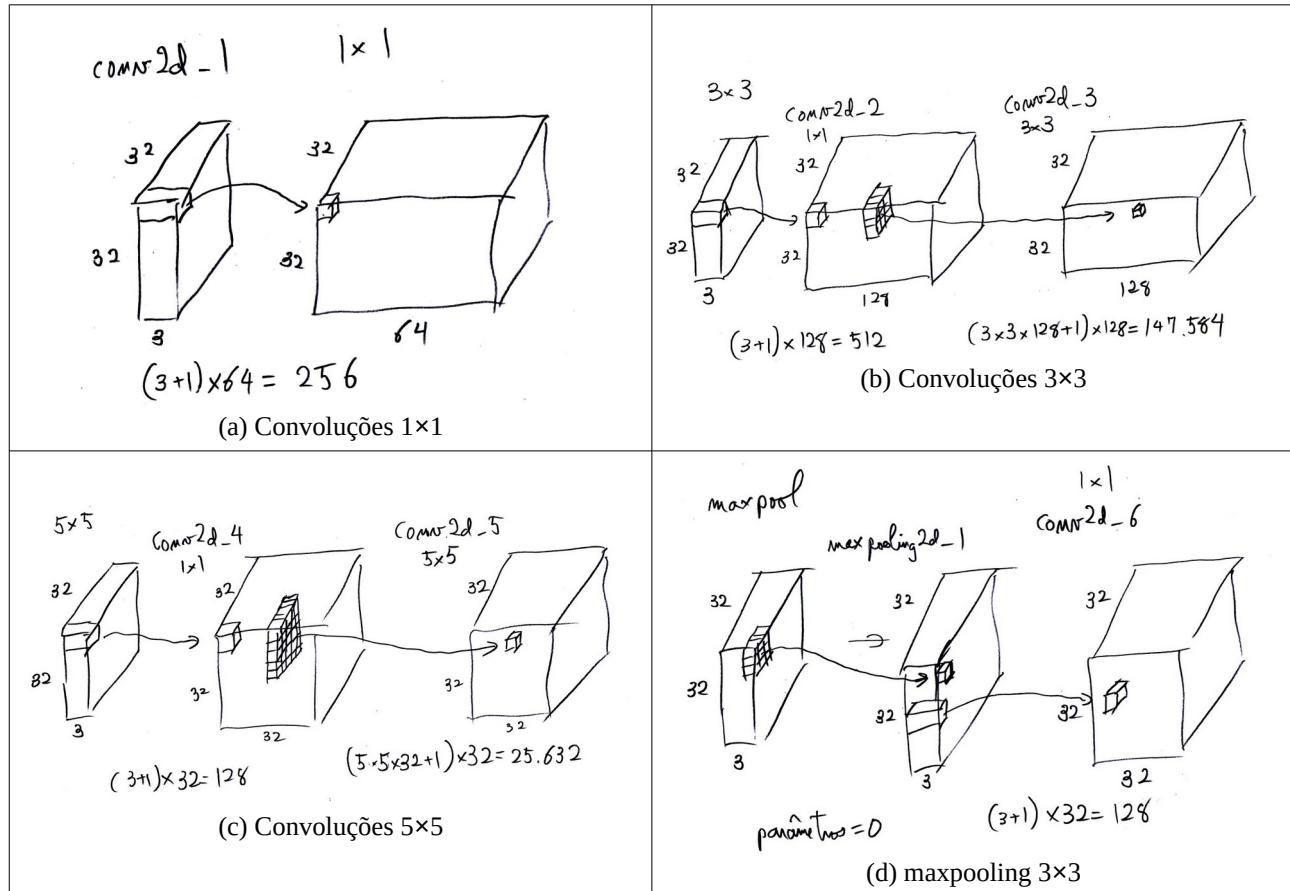


Figura 13: Diferentes convoluções de uma camada Inception.

3) As camadas de Inception são aplicadas em sequência, intercaladas por camadas maxpooling  $2 \times 2$ , para diminuir a resolução. Para classificar imagens de Cifar-10 ( $32 \times 32 \times 3$ ), vamos usar 6 camadas Inception, intercaladas com 2 camadas maxpooling  $2 \times 2$ , diminuindo a resolução final para  $8 \times 8$ .

4) No final do processamento, teremos  $64 + 128 + 32 + 32 = 256$  mapas de atributos  $8 \times 8$ . Aqui, em vez de usar camadas densas para chegar à classificação final (como temos feito até agora), vamos calcular *global average pooling*, isto é, a média de cada mapa de atributo  $8 \times 8$ . A intuição de calcular *global average pooling* pode ser descrita como “para saber se um gato aparece na imagem, tire a média das probabilidades de gato aparecer em cada subregião da imagem”. Note que *global average pooling* joga fora a informação de local da imagem onde aparece o objeto de interesse (gato). *Global average pooling* resulta em  $64 + 128 + 32 + 32 = 256$  atributos (números). Estes valores alimentam uma camada densa com 10 saídas.

```
output = AveragePooling2D(8)(x) ou output = GlobalAveragePooling2D()(x)
output = Flatten()(output)
outputs= Dense(10, activation='softmax')(output)
```

*Nota:* Keras possui camadas *AveragePooling2D(tamanho\_janela)* e *GlobalAveragePooling2D()*. Quando *tamanho\_janela* for igual ao número de linhas/colunas da imagem, as duas camadas fazem a mesma operação.

A quantidade de parâmetros da rede diminui substancialmente usando *global average pooling* (em vez de camadas densas), o que acelera o processamento. Além disso, global average pooling possibilita alimentar a rede com imagens maiores do que  $32 \times 32$ . Veja a propriedade das redes completamente convolucionais, na apostila *segment-ead*.

Rede “inspirada” em inception v1 para resolver Cifar-10 está no programa 9. Não é a Inception original.

Neste programa estamos usando dois novos “truques”:

- 1) Diminuimos *learning rate* toda vez que a acurácia para de melhorar (trechos em amarelo).
- 2) Fazemos regularização L2 (trechos em verde – veja anexo E).

O resultado obtido, com ou sem esses dois truques, é semelhante ao de VGG: possui a acurácia próxima de 92%. Também note que acurácia de treino é 99.78%, indicando que a rede acerta praticamente todos os dados de treino e que há overfitting.

```

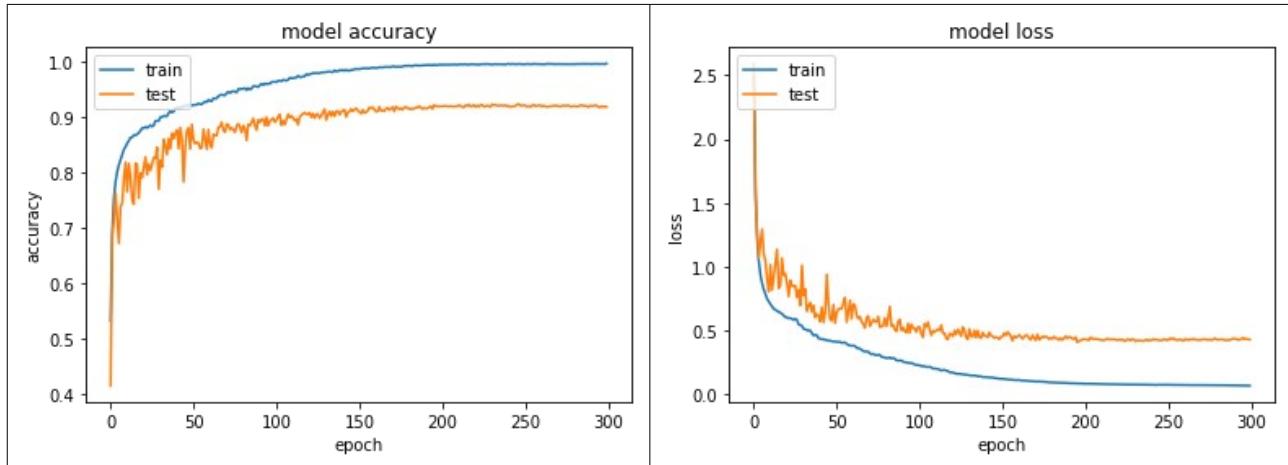
1 #inception3.py
2 #Rede inspirada em inception para classificar CIFAR-10
3 import os; os.environ['TF_CPP_MIN_LOG_LEVEL']= '3'
4 os.environ['TF_FORCE_GPU_ALLOW_GROWTH'] = 'true'
5 import tensorflow.keras as keras
6 from tensorflow.keras.datasets import cifar10
7 from tensorflow.keras.models import Model, load_model
8 from tensorflow.keras.layers import Dense, Conv2D, BatchNormalization, Activation, Dropout
9 from tensorflow.keras.layers import AveragePooling2D, MaxPooling2D, Input, Flatten
10 from tensorflow.keras.regularizers import l2
11 from tensorflow.keras.optimizers import Adam
12 from tensorflow.keras.activations import relu
13 from tensorflow.keras.callbacks import ReduceLROnPlateau
14 from tensorflow.keras.preprocessing.image import ImageDataGenerator
15 from inspect import currentframe, getframeinfo
16 import numpy as np; import os
17 import matplotlib.pyplot as plt; import numpy as np
18
19 def impHistoria(history):
20     print(history.history.keys())
21     plt.plot(history.history['accuracy']); plt.plot(history.history['val_accuracy'])
22     plt.title('model accuracy'); plt.ylabel('accuracy'); plt.xlabel('epoch')
23     plt.legend(['train', 'test'], loc='upper left'); plt.show()
24     plt.plot(history.history['loss']); plt.plot(history.history['val_loss'])
25     plt.title('model loss'); plt.ylabel('loss'); plt.xlabel('epoch')
26     plt.legend(['train', 'test'], loc='upper left'); plt.show()
27
28 nomeprog="inception2";
29 batch_size = 100; num_classes = 10; epochs = 300
30 nl, nc = 32,32; input_shape = (nl, nc, 3)
31 (ax, ay), (qx, qy) = cifar10.load_data()
32 ax = ax.astype('float32'); ax /= 255; ax -= 0.5 #-0.5 a +0.5
33 qx = qx.astype('float32'); qx /= 255; qx -= 0.5 #-0.5 a +0.5
34
35 ay = keras.utils.to_categorical(ay, num_classes)
36 qy = keras.utils.to_categorical(qy, num_classes)
37
38 def moduloInception(nfiltros, x):
39     kweight=5e-4; bweight=5e-4;
40     tower_0 = Conv2D( nfiltros, (1,1), padding='same', activation='relu',
41                      kernel_regularizer=l2(kweight),bias_regularizer=l2(bweight))(x) #conv2d_1
42     tower_1 = Conv2D(2*nfiltros, (1,1), padding='same', activation='relu',
43                      kernel_regularizer=l2(kweight),bias_regularizer=l2(bweight))(x) #conv2d_2
44     tower_1 = Conv2D(2*nfiltros, (3,3), padding='same', activation='relu',
45                      kernel_regularizer=l2(kweight),bias_regularizer=l2(bweight))(tower_1) #conv2d_3
46     tower_2 = Conv2D(nfiltros//2, (1,1), padding='same', activation='relu',
47                      kernel_regularizer=l2(kweight),bias_regularizer=l2(bweight))(x) #conv2d_4
48     tower_2 = Conv2D(nfiltros//2, (5,5), padding='same', activation='relu',
49                      kernel_regularizer=l2(kweight),bias_regularizer=l2(bweight))(tower_2)#conv2d_5
50     tower_3 = MaxPooling2D((3,3), strides=(1,1), padding='same')(x) #max_pooling2d_1
51     tower_3 = Conv2D(nfiltros//2, (1,1), padding='same', activation='relu',
52                      kernel_regularizer=l2(kweight),bias_regularizer=l2(bweight))(tower_3)#conv2d_6
53     x = keras.layers.concatenate([tower_0, tower_1, tower_2, tower_3], axis = 3)
54     # x=Dropout(0.3)(x)
55     x = BatchNormalization()(x)
56     return x
57
58 inputs = Input(shape=input_shape)
59 x = inputs
60 x = moduloInception(64,x); x = moduloInception(64,x)
61 x = MaxPooling2D(2)(x); #(64+128+32+32)x16x16
62 x = moduloInception(64,x); x = moduloInception(64,x)
63 x = MaxPooling2D(2)(x); #(64+128+32+32)x8x8
64 x = moduloInception(64,x); x = moduloInception(64,x) # (64+128+32+32)x8x8=16384
65 output = AveragePooling2D(8)(x) #(64+128+32+32)x1x1=256
66 output = Flatten()(output)
67 outputs= Dense(10, activation='softmax')(output)
68
69 #Pode escolher entre construir modelo novo ou continuar o treino de onde parou
70 model = Model(inputs=inputs, outputs=outputs)
71 #model = load_model(nomeprog+'.h5')
72
73 #from tensorflow.keras.utils import plot_model
74 #plot_model(model, to_file=nomeprog+'.png', show_shapes=True);
75 model.summary()
76
77 opt=Adam()
78 model.compile(optimizer=opt, loss='categorical_crossentropy', metrics=['accuracy'])
79
80 datagen = ImageDataGenerator(width_shift_range=0.1, height_shift_range=0.1,
81                             rotation_range=15, fill_mode='nearest', horizontal_flip=True)
82 #datagen.fit(ax)
83
84 reduce_lr = ReduceLROnPlateau(monitor='accuracy',
85                               factor=0.9, patience=2, min_lr=0.0001, verbose=True)
86 history=model.fit(datagen.flow(ax, ay, batch_size=batch_size),
87                    epochs=epochs, verbose=2, validation_data=(qx, qy),
88                    steps_per_epoch=ax.shape[0]//batch_size,callbacks=[reduce_lr])
89 impHistoria(history)
90
91 score = model.evaluate(qx, qy, verbose=0)
92 print('Test loss: %.4f'%(score[0]))
93 print('Test accuracy: %.2f %%'%'%100*score[1])))
94 print('Test error: %.2f %%'%'(100*(1-score[1])))')
95 model.save(nomeprog+'.h5')

```

Programa 9: Rede inspirada em Inception.

[https://colab.research.google.com/drive/1A2cvA4Zm2WuH7rU0iVn\\_7HYVMB6cgXH](https://colab.research.google.com/drive/1A2cvA4Zm2WuH7rU0iVn_7HYVMB6cgXH)

```
=====
Total params: 1,377,994
Trainable params: 1,374,922
Non-trainable params: 3,072
Epoch  1/300 - 45s - loss: 2.4874 - accuracy: 0.5316 - val_loss: 2.5917 - val_accuracy: 0.4141 - lr: 0.0010
Epoch  30/300 - 41s - loss: 0.5366 - accuracy: 0.8936 - val_loss: 1.0102 - val_accuracy: 0.7702 - lr: 9.0000e-04
Epoch  60/300 - 41s - loss: 0.3779 - accuracy: 0.9321 - val_loss: 0.5915 - val_accuracy: 0.8779 - lr: 5.9049e-04
Epoch  90/300 - 41s - loss: 0.2654 - accuracy: 0.9552 - val_loss: 0.4983 - val_accuracy: 0.8959 - lr: 3.4868e-04
Epoch  120/300 - 41s - loss: 0.1716 - accuracy: 0.9771 - val_loss: 0.4718 - val_accuracy: 0.9059 - lr: 1.6677e-04
Epoch  150/300 - 41s - loss: 0.1213 - accuracy: 0.9877 - val_loss: 0.4498 - val_accuracy: 0.9130 - lr: 8.8629e-05
Epoch  180/300 - 41s - loss: 0.0923 - accuracy: 0.9935 - val_loss: 0.4421 - val_accuracy: 0.9162 - lr: 3.8152e-05
Epoch  210/300 - 41s - loss: 0.0805 - accuracy: 0.9954 - val_loss: 0.4264 - val_accuracy: 0.9200 - lr: 1.6423e-05
Epoch  240/300 - 41s - loss: 0.0743 - accuracy: 0.9968 - val_loss: 0.4248 - val_accuracy: 0.9204 - lr: 1.0000e-05
Epoch  270/300 - 42s - loss: 0.0708 - accuracy: 0.9968 - val_loss: 0.4248 - val_accuracy: 0.9211 - lr: 1.0000e-05
Epoch  299/300 - 42s - loss: 0.0690 - accuracy: 0.9966 - val_loss: 0.4309 - val_accuracy: 0.9201 - lr: 1.0000e-05
Epoch  300/300 - 41s - loss: 0.0671 - accuracy: 0.9978 - val_loss: 0.4271 - val_accuracy: 0.9195 - lr: 1.0000e-05
Test loss: 0.4271
Test accuracy: 91.95 %
Test error: 8.05 %
```



*Exercício:* Reescreva o programa 1 (regression.py) da aula “densakeras-ead” usando API funcional. Teste para verificar que está fazendo a mesma tarefa que fazia API sequencial.

*Exercício:* Reescreva o programa 2 (abc1.py) da aula “densakeras-ead” usando API funcional. Teste para verificar que está fazendo a mesma tarefa que fazia API sequencial.

*Exercício recomendado:* Reescreva o programa 7 (cnn1.py) da aula “convkeras-ead” utilizando API funcional. Teste para verificar que está fazendo a mesma tarefa que fazia API sequencial.

*Exercício:* Modifique inception1.py de forma que o novo programa, caogato3.py, consiga reconhecer cachorros e gatos do Cifar-10.

*Exercício:* Aumente a taxa de acerto do caogato3.py usando:

- Ensemble de 3 redes neurais (o resultado será a categoria com a maioria dos votos).
- Distorça cada imagem-teste de 3 formas diferentes (o resultado será a categoria com a maioria dos votos).
- Combine ensemble de 3 redes neurais com 3 distorções.

*Exercício:* Modifique inception1.py para que classifique fashion-mnist.

## 7 Rede “inspirada em ResNet”

ResNet ou Residual Networks [Zhang2016] ganhou ImageNet2015. VGG tinha 19 camadas convolucionais, enquanto que ResNet tem 152 camadas. ResNet melhorado tem 1001 camadas convolucionais. É muito difícil treinar redes tão profundas, pois o gradiente tende a desaparecer ou explodir em redes profundas. Se você multiplicar um número um pouco menor que 1 muitas vezes por ele mesmo, o resultado tende a zero (vanishing gradient). Se você multiplicar um número um pouco maior que 1 muitas vezes, o resultado tende a infinito (exploding gradient).

Para treinar redes tão profundas, ResNet utiliza a ideia de “conexão-identidade” (figura 14) juntamente com batch normalization e regularização L2 (anexo E). Figura 15 mostra VGG, uma rede muito profunda sem conexão identidade, e ResNet com conexão identidade.

A regularização L2 dá preferência às redes com pesos pequenos, fazendo a rede aprender  $F(x)$  “simples” (anexo E).

Digamos que a rede deva aprender uma certa função  $G(x)$ . Esta função pode ser escrita como  $G(x)=F(x)+x$ . A ideia atrás da conexão-identidade é que é mais fácil aprender resíduo  $F(x)$  do que a função original  $G(x)$ . Espera-se que  $G(x)$  seja próxima da função identidade e portanto  $F(x)$  consista de flutuações em torno da função constatadamente nula.

Depois de aplicar várias camadas ResNet com conexões-identidade, o modelo calcula average-pooling, seguida por uma camada densa que faz a classificação final (10 categorias no caso de Cifar10).

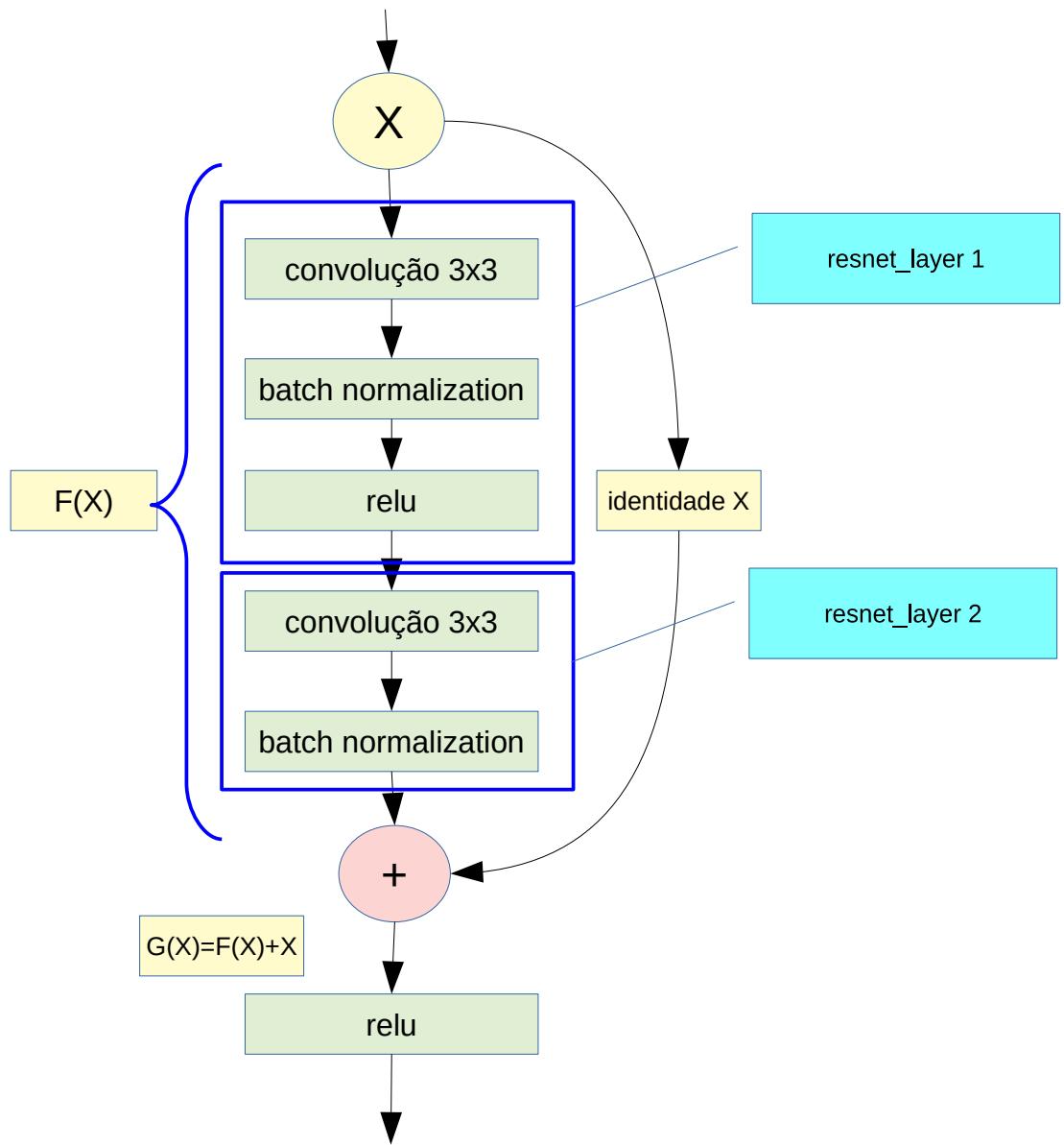


Figura 14: Camada de ResNet mostrando conexão-identidade.

Cada camada de ResNet (da figura 14) é implementada em Keras usando a camada ResNet (mostrada na figura A).

```
def resnet_layer(inputs, num_filters=16,
                  kernel_size=3, strides=1,
                  activation='relu',
                  batch_normalization=True):
    x = Conv2D(num_filters,
               kernel_size=kernel_size,
               strides=strides, padding='same',
               kernel_initializer='he_normal',
               kernel_regularizer=l2(1e-4))(inputs)
    if batch_normalization:
        x = BatchNormalization()(x)
    if activation is not None:
        x = Activation(activation)(x)
    return x
```

```
y = resnet_layer(inputs=x,
                  num_filters=num_filters)
y = resnet_layer(inputs=y,
                  num_filters=num_filters,
                  activation=None)
x = keras.layers.add([x, y])
x = Activation('relu')(x)
```

Figura A: Módulo ResNet

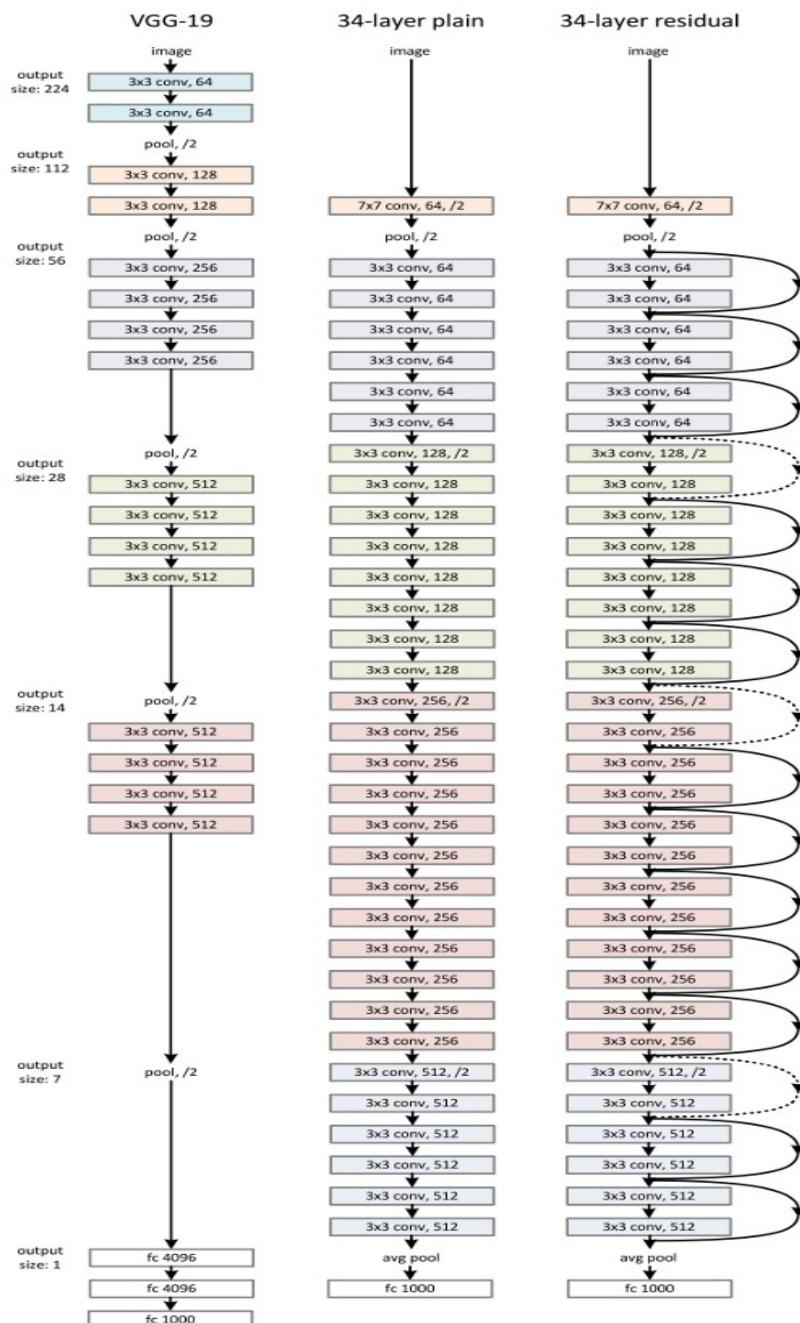


Figura 15: VGG, rede muito profunda e ResNet (figura do artigo original [He2015]).

Há um exemplo de Keras para resolução de Cifar10 usando ResNet:

[https://keras.io/zh/examples/cifar10\\_resnet/](https://keras.io/zh/examples/cifar10_resnet/)

O programa original tem acuracidade de 92-93% e os artigos originais reportam acuracidade de 91-95%. Simplifiquei o programa para facilitar o entendimento. Eliminei os loops e as condições que eram usados para criar a rede, sem alterar o que o programa faz. Conforme esperado, a acuracidade final é igual ao original (92% - note que cada vez que executa o programa, obtém-se uma acuracidade um pouco diferente). Há uma melhora súbita de acuracidade na época 80, pois é quando diminui o learning rate.

```
1 #resnet1.py
2 #Rede inspirada em resnet para classificar CIFAR-10
3 import os; os.environ['TF_CPP_MIN_LOG_LEVEL']= '3'
4 os.environ['TF_FORCE_GPU_ALLOW_GROWTH'] = 'true'
5 import tensorflow.keras as keras
6 from tensorflow.keras.datasets import cifar10
7 from tensorflow.keras.models import Model, load_model
8 from tensorflow.keras.layers import Dense, Conv2D, BatchNormalization, Activation
9 from tensorflow.keras.layers import GlobalAveragePooling2D, Input, Flatten
10 from tensorflow.keras.regularizers import l2
11 from tensorflow.keras.optimizers import Adam
12 from tensorflow.keras.activations import relu
13 from tensorflow.keras.callbacks import ReduceLROnPlateau
14 from tensorflow.keras.preprocessing.image import ImageDataGenerator
15 from inspect import currentframe, getframeinfo
16 import numpy as np; import os; import sys
17 import matplotlib.pyplot as plt; import numpy as np
18 from tensorflow.keras.callbacks import LearningRateScheduler
19
20 def impHistoria(history):
21     print(history.history.keys())
22     plt.plot(history.history['accuracy']); plt.plot(history.history['val_accuracy'])
23     plt.title('model accuracy'); plt.ylabel('accuracy'); plt.xlabel('epoch')
24     plt.legend(['train', 'test'], loc='upper left'); plt.show()
25     plt.plot(history.history['loss']); plt.plot(history.history['val_loss'])
26     plt.title('model loss'); plt.ylabel('loss'); plt.xlabel('epoch')
27     plt.legend(['train', 'test'], loc='upper left'); plt.show()
28
29 def resnet_layer(inputs, num_filters=16, kernel_size=3,
30                   strides=1, activation='relu', batch_normalization=True):
31     x = Conv2D(num_filters, kernel_size=kernel_size, strides=strides,
32                padding='same', kernel_initializer='he_normal',
33                kernel_regularizer=l2(1e-4))(inputs)
34     if batch_normalization: x = BatchNormalization()(x)
35     if activation is not None: x = Activation(activation)(x)
36     return x
37
38 def lr_schedule(epoch):
39     lr = 1e-3
40     if epoch > 180: lr *= 0.5e-3
41     elif epoch > 160: lr *= 1e-3
42     elif epoch > 120: lr *= 1e-2
43     elif epoch > 80: lr *= 1e-1
44     print('Learning rate: ', lr)
45     return lr
46
47 nomeprog="resnet1"
48 batch_size = 32; num_classes = 10; epochs = 200
49 nl, nc = 32,32
50 (ax, ay), (qx, qy) = cifar10.load_data()
51 input_shape = (nl, nc, 3)
52 ax = ax.astype('float32'); ax /= 255 #0 a 1
53 qx = qx.astype('float32'); qx /= 255 #0 a 1
54 ax -= 0.5; qx -= 0.5 #-0.5 a +0.5
55 ay = keras.utils.to_categorical(ay, num_classes);
56 qy = keras.utils.to_categorical(qy, num_classes)
57
58 inputs = Input(shape=input_shape)
59 x = resnet_layer(inputs=inputs)
60
61 num_filters = 16
62 y = resnet_layer(inputs=x, num_filters=num_filters, strides=1)
63 y = resnet_layer(inputs=y, num_filters=num_filters, activation=None)
64 x = keras.layers.add([x, y]); x = Activation('relu')(x)
65
66 y = resnet_layer(inputs=x, num_filters=num_filters, strides=1)
67 y = resnet_layer(inputs=y, num_filters=num_filters, activation=None)
68 x = keras.layers.add([x, y]); x = Activation('relu')(x)
69
70 y = resnet_layer(inputs=x, num_filters=num_filters, strides=1)
71 y = resnet_layer(inputs=y, num_filters=num_filters, activation=None)
72 x = keras.layers.add([x, y]); x = Activation('relu')(x)
73
74 num_filters *= 2
75 y = resnet_layer(inputs=x, num_filters=num_filters, strides=2)
76 y = resnet_layer(inputs=y, num_filters=num_filters, activation=None)
77 x = resnet_layer(inputs=x, num_filters=num_filters, kernel_size=1,
78                   strides=2, activation=None, batch_normalization=False)
79 x = keras.layers.add([x, y]); x = Activation('relu')(x)
80
81 y = resnet_layer(inputs=x, num_filters=num_filters, strides=1)
82 y = resnet_layer(inputs=y, num_filters=num_filters, activation=None)
83 x = keras.layers.add([x, y]); x = Activation('relu')(x)
84
85 y = resnet_layer(inputs=x, num_filters=num_filters, strides=1)
86 y = resnet_layer(inputs=y, num_filters=num_filters, activation=None)
87 x = keras.layers.add([x, y]); x = Activation('relu')(x)
```

```

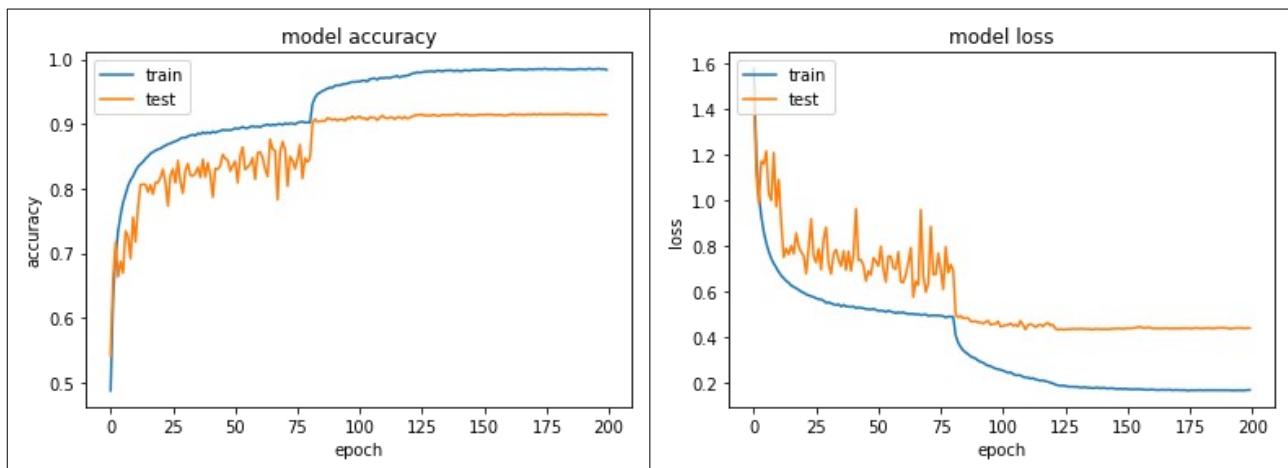
89 num_filters *= 2
90 y = resnet_layer(inputs=x, num_filters=num_filters, strides=2)
91
92 y = resnet_layer(inputs=y, num_filters=num_filters, activation=None)
93 x = resnet_layer(inputs=x, num_filters=num_filters, kernel_size=1,
94                   strides=2, activation=None, batch_normalization=False)
95 x = keras.layers.add([x, y]); x = Activation('relu')(x)
96
97 y = resnet_layer(inputs=x, num_filters=num_filters, strides=1)
98 y = resnet_layer(inputs=y, num_filters=num_filters, activation=None)
99 x = keras.layers.add([x, y]); x = Activation('relu')(x)
100
101 y = resnet_layer(inputs=x, num_filters=num_filters, strides=1)
102 y = resnet_layer(inputs=y, num_filters=num_filters, activation=None)
103 x = keras.layers.add([x, y]); x = Activation('relu')(x)
104
105 x = GlobalAveragePooling2D()(x)
106 y = Flatten()(x)
107 outputs = Dense(num_classes, activation='softmax', kernel_initializer='he_normal')(y)
108
109 model = Model(inputs=inputs, outputs=outputs); model.summary()
110 # from tensorflow.keras.utils import plot_model
111 # plot_model(model, to_file='nomeprog+.png', show_shapes=True)
112
113 opt=Adam()
114 model.compile(optimizer=opt, loss='categorical_crossentropy', metrics=['accuracy'])
115
116 lr_scheduler = LearningRateScheduler(lr_schedule)
117 lr_reducer = ReduceLROnPlateau(factor=np.sqrt(0.1), cooldown=0, patience=5, min_lr=0.5e-6)
118 callbacks = [lr_reducer, lr_scheduler]
119
120 datagen = ImageDataGenerator(width_shift_range=0.1, height_shift_range=0.1,
121     fill_mode='nearest', horizontal_flip=True)
122
123 datagen.fit(ax)
124 history=model.fit(datagen.flow(ax, ay, batch_size=batch_size),
125     epochs=epochs, verbose=2, workers=4, validation_data=(qx, qy),
126     callbacks=callbacks)
127 impHistoria(history)
128
129 score = model.evaluate(qx, qy, verbose=0)
130 print('Test loss: %.4f' %(score[0]))
131 print('Test accuracy: %.2f %%' %(100*score[1]))
132 print('Test error: %.2f %%' %(100*(1-score[1])))
133 model.save('nomeprog+.h5')

```

Programa 10: ResNet simplificado com data augmentation. Atinge acuracidade de 92%.

Programa está em: [https://colab.research.google.com/drive/162\\_elBC1UMte4glUrPgdH\\_mmoOAigd6?usp=sharing](https://colab.research.google.com/drive/162_elBC1UMte4glUrPgdH_mmoOAigd6?usp=sharing)

Rede treinada está em: <https://drive.google.com/file/d/1SzIVThCOceerOmfamQx1QZLX3OoDpcGx/view?usp=sharing> OU <http://www.lps.usp.br/hae/apostila/resnet1.h5>



```

Epoch    1/200 Learning rate:  0.001 - 67s - loss: 1.5751 - accuracy: 0.4878 - val_loss: 1.4941 - val_accuracy: 0.5418
Epoch  50/200 Learning rate:  0.001 - 33s - loss: 0.5213 - accuracy: 0.8916 - val_loss: 0.7321 - val_accuracy: 0.8356
Epoch  81/200 Learning rate:  0.001 - 33s - loss: 0.4911 - accuracy: 0.9019 - val_loss: 0.6944 - val_accuracy: 0.8469
Epoch  82/200 Learning rate:  0.0001 - 33s - loss: 0.4084 - accuracy: 0.9310 - val_loss: 0.5006 - val_accuracy: 0.9006
Epoch 100/200 Learning rate:  0.0001 - 33s - loss: 0.2591 - accuracy: 0.9656 - val_loss: 0.4484 - val_accuracy: 0.9105
Epoch 150/200 Learning rate:  1e-05 - 33s - loss: 0.1765 - accuracy: 0.9838 - val_loss: 0.4393 - val_accuracy: 0.9144
Epoch 200/200 Learning rate:  5e-07 - 33s - loss: 0.1712 - accuracy: 0.9837 - val_loss: 0.4413 - val_accuracy: 0.9143
Test loss: 0.4413
Test accuracy: 91.43 %
Test error: 8.57 %

```

## 8. Test-time augmentation (TTA) e ensemble

Digamos que você acertou os hiperparâmetros de um modelo para o seu problema da melhor forma possível, atingindo a maior acuracidade observada nos testes. É possível melhorar ainda mais a taxa de acerto? Existem três formas de aumentar a acuracidade da predição, sem ter de melhorar a acuracidade do modelo:

1. *Ensemble*: Treinar  $n$  redes neurais com estruturas iguais mas inicializadas com pesos diferentes (isto é, executar o treino  $n$  vezes obtendo  $n$  modelos diferentes). Depois, dada uma imagem a classificar QX, faz predição de QX com as  $n$  redes. Por fim, escolhe a classe de maior probabilidade média ou aquela com mais votos. Uma alternativa é treinar  $n$  redes neurais com estruturas diferentes (por exemplo, usar VGG, Inception e ResNet) – costuma dar resultado melhor do que usar redes com estruturas iguais.
2. *Test-time augmentation (TTA)*: Distorcer QX de  $m$  formas diferentes (da mesma forma que distorcemos as imagens de treino durante *data augmentation*). Faz predição das  $m$  versões distorcidas de QX e escolhe a classe de maior probabilidade média ou aquela com mais votos. É o chamado “test-time augmentation”.
3. Combinar as estratégias (1) e (2) e fazer  $n \times m$  predições.

Como as estratégias (1) e (3) são demoradas (pois tem que treinar  $n$  redes diferentes), vamos testar aqui somente a estratégia (2) TTA (como exercício ou como lição de casa).

[**PSI3472-2023. Aulas 5/6. Lição de casa.**] Usando a rede resnet1.h5 (91,43% de acuracidade de teste), distorça cada uma das 10.000 imagens de teste de Cifar10 de 11 formas diferentes, faça predições das 11 imagens distorcidas e escolha a classe com a maior probabilidade média. A acuracidade aumentou?

*Nota:* A rede treinada está salva como resnet1.h5

<https://drive.google.com/file/d/1SzIVThCOceerOmfamQx1QZLX3OoDpcGx/view?usp=sharing> OU  
<http://www.lps.usp.br/hae/apostila/resnet1.h5>

*Nota:* Obtive acuracidade de 93,35% fazendo TTA com 11 distorções.

*Cuidado:* O programa 10 (resnet1.py) trabalha com os valores das imagens de entrada no intervalo de -0,5 a +0,5.

*Nota:* Os sites abaixo trazem exemplos de “test-time augmentation” em Keras. Você pode utilizá-los como exemplos.

[<https://towardsdatascience.com/test-time-augmentation-tta-and-how-to-perform-it-with-keras-4ac19b67fb4d> ]  
[<https://github.com/nathanhubens/TTA-Keras/blob/master/TTA-Keras.ipynb> ]

[Solução privada em [https://colab.research.google.com/drive/1EG\\_f0QaTuhtQMdlgkgtUgmTK6e7mq?usp=sharing](https://colab.research.google.com/drive/1EG_f0QaTuhtQMdlgkgtUgmTK6e7mq?usp=sharing) ]

*Exercício:* Modifique resnet1.py de forma que o novo programa caogato2.py consiga reconhecer cães e gatos. Para isso:

- a) Coloque dentro dos tensores ax, ay, qx e qy somente as imagens de cachorro (categoria original 5, nova categoria 0) e gato (categoria original 3, nova categoria 1).
- b) Modifique o programa para distinguir cães dos gatos.

*Exercício:* Modifique resnet1.py para atingir acurácia maior que 92%. Anote claramente quais foram as alterações feitas e qual foi a acurácia obtida.

*Exercício:* Adapte um dos modelos desta apostila (VGG, Inception ou Resnet) para classificar fashion-MNIST. Procure obter uma taxa de acerto alta – deixe claro no vídeo a taxa obtida.

*Nota 1:* Observe que a taxa de acerto de teste é de 94% com VGG. Recorde de acerto é 96,91%, segundo Wikipedia.

[https://en.wikipedia.org/wiki/Fashion\\_MNIST](https://en.wikipedia.org/wiki/Fashion_MNIST)

*Nota 2:* Pode ser necessário redimensionar as imagens do fashion-MNIST de 28x28x1 para 32x32x1, pois 28 só é divisível por 2 duas vezes. Para isso, pode fazer zoom nas imagens ou inserir 2 linhas/colunas de uma certa cor nas quatro bordas das imagens, por exemplo usando o comando:

```
cv2.copyMakeBorder(src, top, bottom, left, right, borderType[, dst[, value ] ]) → dst  
ax[i]=cv2.copyMakeBorder(AX[i],2,2,2,2,cv2.BORDER_CONSTANT,255)
```

## 9. EfficientNet

Neste momento (2022), as arquiteturas EfficientNet [<https://arxiv.org/pdf/1905.11946.pdf>, Tan2019], EfficientNet V2, e ConvNeXt [Liu2022] são consideradas o estado da arte em classificação de imagens usando CNN, que atingem alta acurácia usando poucos parâmetros.

<https://datamonde.medium.com/image-classification-with-efficientnet-better-performance-with-computational-efficiency-f480fdb00ac6>  
<https://paperswithcode.com/sota/image-classification-on-imagenet>  
[https://keras.io/examples/vision/image\\_classification\\_efficientnet\\_fine\\_tuning/](https://keras.io/examples/vision/image_classification_efficientnet_fine_tuning/)  
<https://keras.io/api/applications/efficientnet/>

EfficientNet obtém taxas de acerto “estado da arte” usando menos parâmetros e sendo mais rápido do que outros modelos de redes. “It’s incredible that EfficientNet-B1 is 7.6x smaller and 5.7x faster than ResNet-152.” [<https://theaisummer.com/cnn-architectures/>]

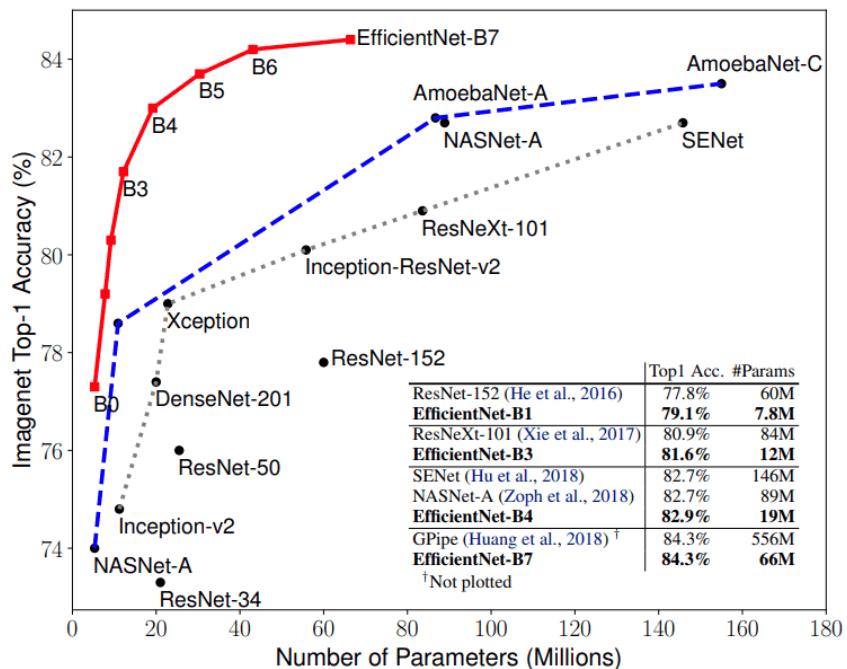


Figura F: Retirado de <https://arxiv.org/abs/1905.11946>

Tabela T: As 8 versões de EfficientNet original.

<https://keras.io/api/applications/> [https://keras.io/examples/vision/image\\_classification\\_efficientnet\\_fine\\_tuning/](https://keras.io/examples/vision/image_classification_efficientnet_fine_tuning/)

Base model	Input resolution	Output 7×7 maps	Acuracidade top-1
EfficientNetB0	224	1280	77.1%
EfficientNetB1	240	?	79.1%
EfficientNetB2	260	?	80.1%
EfficientNetB3	300	?	81.6%
EfficientNetB4	380	1792	82.9%
EfficientNetB5	456	?	83.6%
EfficientNetB6	528	?	84.0%
EfficientNetB7	600	2560	84.3%

*As oito versões de EfficientNet:* EfficientNet original possui 8 versões, numeradas de EfficientNet-B0 até B7 (tabela T). A versão B0 é o menor modelo, com quantidade pequena de parâmetros e a menor taxa de acerto. Recebe uma imagem colorida 224×224 e produz 1280 mapas de atributos 7×7. Estes mapas passam por average-pooling e uma camada densa, para classificar a imagem nas 1000 categorias da ImageNet. É possível fazer transfer learning de EfficientNet-B0 retirando as camadas de average pooling e camada densa finais, para obter 1280 mapas de atributos de 7×7 que

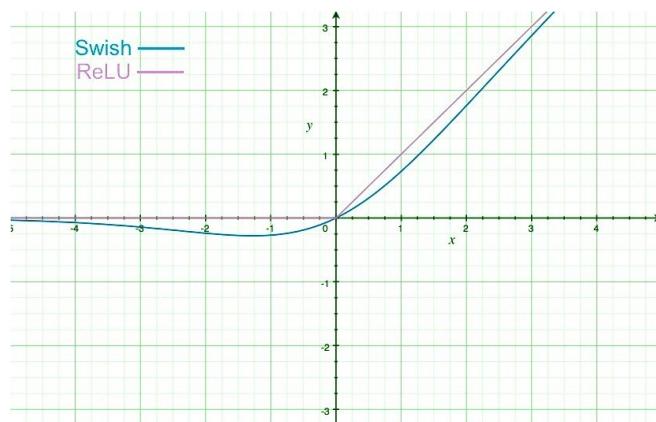
podem ser usados em muitas aplicações. Esta versão, inspirada em MobileNet-V2, foi projetada automaticamente por “neural architecture search” que procurou o modelo que melhor atendia as especificações fornecidas pelos autores. Depois, esta rede pequena foi redimensionada para chegar a outras 7 versões.

*Compound scaling:* A ideia principal do artigo é como redimensionar EfficientNetB0 para chegar a outros 7 modelos maiores. Temos visto até agora que a acurácia de CNN melhora quando se aumenta o tamanho da rede: colocando mais camadas, usando mais mapas de atributos ou aumentando a resolução da imagem de entrada. Só que aumentar o tamanho da rede prejudica o desempenho computacional. O que o artigo propõe é um método para aumentar o tamanho da rede de forma eficiente em largura (width – número de mapas de atributos), profundidade (depth – quantidade de camadas) e resolução (resolution – largura e altura da imagem de entrada e dos atributos) de forma “otimizada”, procurando minimizar o aumento no número de parâmetros.

Ao contrário da prática convencional que dimensiona arbitrariamente esses fatores, o método de redimensionamento EfficientNet dimensiona uniformemente a largura, a profundidade e a resolução da rede com um conjunto de coeficientes de dimensionamento fixos. Por exemplo, se quisermos usar  $2^N$  vezes mais recursos computacionais, podemos simplesmente aumentar a profundidade da rede em  $\alpha^N$ , a largura em  $\beta^N$ , e o tamanho da imagem em  $\gamma^N$ , onde  $\alpha$ ,  $\beta$  e  $\gamma$  são coeficientes constantes determinados por uma pesquisa de grade no modelo pequeno original. [<https://paperswithcode.com/method/efficientnet>]. O artigo original escolhe:  $\alpha=1.2$ ,  $\beta=1.1$  e  $\gamma=1.15$ .

*Swish activation:* EfficientNet utiliza Swish activation em vez de ReLU. Parece que trocar ReLU por Swish em alguns modelos aumenta em 0.6% a taxa de acerto em ImageNet.

$$\text{Swish}(x) = x \cdot \text{sigmoid}(x)$$



*Exercício:* Troque ReLU por Swish em uma das 3 redes com taxa de acerto 92% vistas nesta apostila: VGG (programa 8a ou 8b), Inception (programa 9) e ResNet (programa 10). Verifique se a taxa de acerto aumenta.

*Convolução em profundidade (depth-wise convolution):* Convolução em profundidade calcula convoluções independentes em cada banda (ou cada mapa de atributos). Os sites abaixo explicam bem a diferença entre convolução “normal” e “depth-wise”.

<https://medium.com/@zurister/depth-wise-convolution-and-depth-wise-separable-convolution-37346565d4ec>  
<https://eli.thegreenplace.net/2018/depthwise-separable-convolutions-for-machine-learning/>

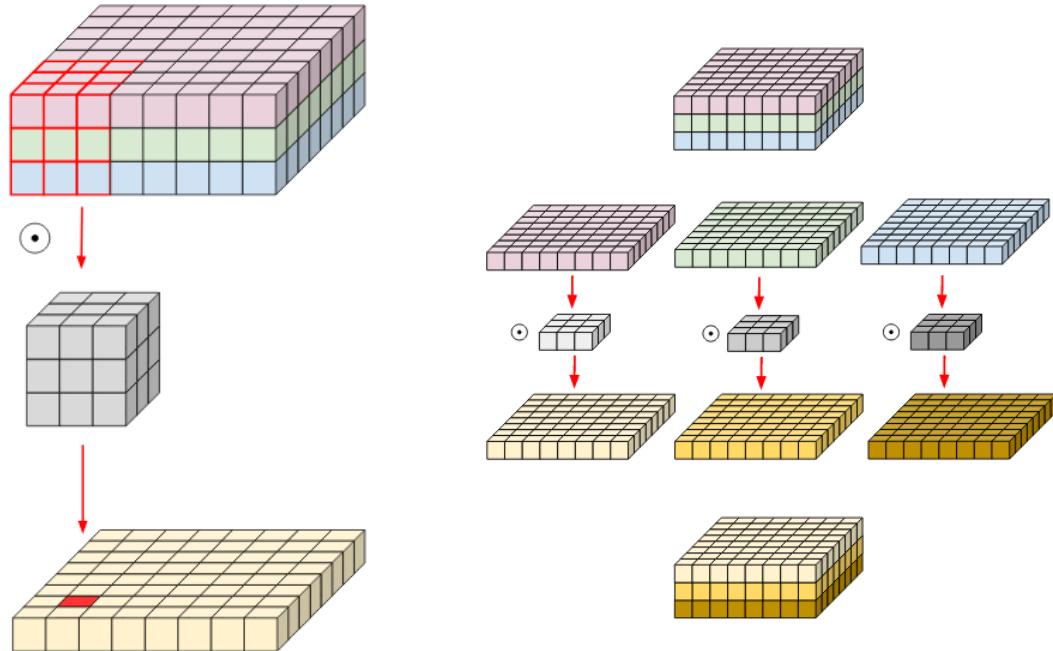


Figura: Convolução normal (esquerda) e depthwise (direita).  
[<https://eli.thegreenplace.net/2018/depthwise-separable-convolutions-for-machine-learning/> ]

*Bloco residual invertido:* O bloco residual invertido (figura B) consiste em:

- (1) Os mapas de ativação de entrada são expandidos primeiro usando convoluções  $1 \times 1$  para aumentar a profundidade dos mapas de atributos.
- (2) Isso é seguido por convoluções de profundidade (depth-wise)  $3 \times 3$ .
- (3) Por fim, convoluções de pontos (point-wise) reduzem o número de canais no mapa de atributos de saída.

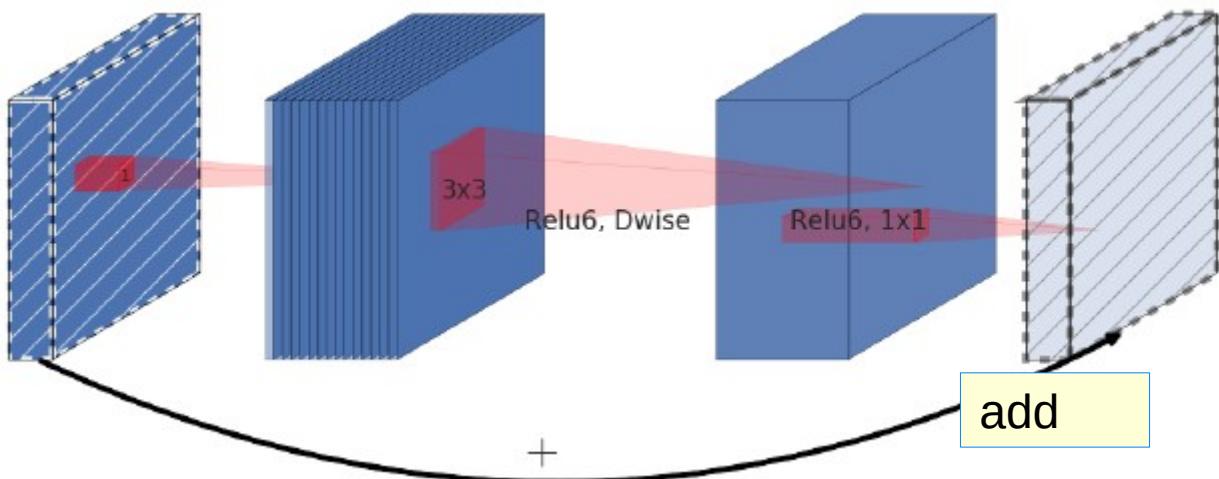


Figura B: Bloco residual invertido.

<https://datamonje.medium.com/image-classification-with-efficientnet-better-performance-with-computational-efficiency-f480fdb00ac6>

O código Keras deste bloco é:

```
from keras.layers import Conv2D, DepthwiseConv2D, Add
def inverted_residual_block(x, expand=64, squeeze=16):
    block = Conv2D(expand, (1,1), activation='relu')(x)
    block = DepthwiseConv2D((3,3), activation='relu')(block)
    block = Conv2D(squeeze, (1,1), activation='relu')(block)
    return Add()([block, x])
```

[PSI3472-2023. Aula 5. Fim.]

### Squeeze and excitation (SENets)

<https://towardsdatascience.com/squeeze-and-excitation-networks-9ef5e71eacd7>

Squeeze and excitation consegue aumentar substancialmente o desempenho de praticamente qualquer rede. A ideia é muito simples: calcular o peso de cada canal de um bloco convolucional para que a rede possa ajustar de forma adaptativa a ponderação de cada canal no mapa de atributos.

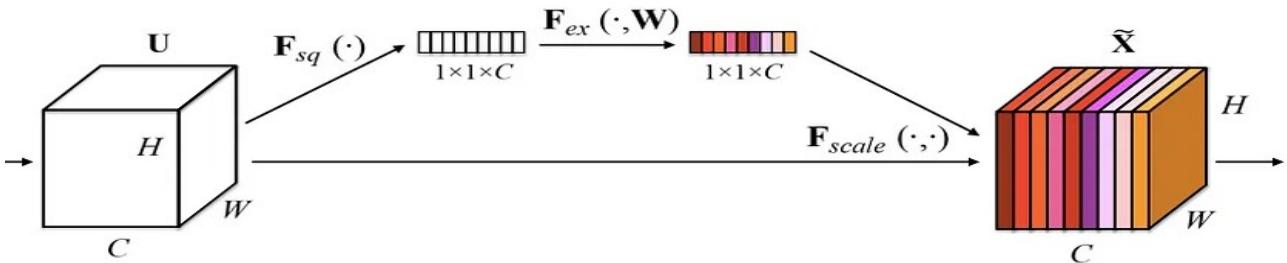


Figura: Retirado de <https://towardsdatascience.com/squeeze-and-excitation-networks-9ef5e71eacd7>.

Para calcular os pesos de cada canal, primeiro calcula-se global average pooling do tensor de entrada, resultando num vetor com  $ch$  elementos. Este vetor passa pela primeira camada densa com  $ch/ratio$  neurônios (é a etapa de apertar – squeeze). Depois, passa por uma segunda camada densa com  $ch$  neurônios. As saídas desta camada passarão pela ativação sigmoid, para resultar em  $ch$  números entre 0 e 1 que serão os pesos que multiplicarão cada canal

```
def se_block(in_block, ch, ratio=16):
    x = GlobalAveragePooling2D()(in_block)
    x = Dense(ch//ratio, activation='relu')(x) # ch//ratio pode resultar zero e causar erro.
    x = Dense(ch, activation='sigmoid')(x)
    return multiply([in_block, x]) # in_block e x nao tem o mesmo shape e pode gerar erro.
```

Programa: Trecho retirado de <https://towardsdatascience.com/squeeze-and-excitation-networks-9ef5e71eacd7>. Provavelmente tem erros, mas ilustra os conceitos de squeeze and excitation.

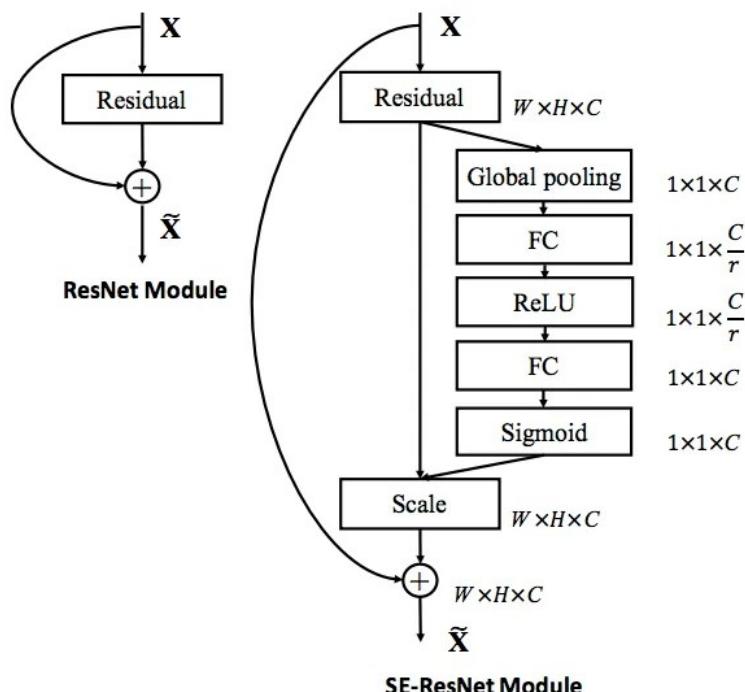


Figura: Módulo ResNet (esquerda) e o módulo alterado com com squeeze and excitation (direita).

## **Bloco MBConv de EfficientNet**

EfficientNet usa blocos MBConv, que utilizam todas as ideias expostas acima.

Veja <https://datamonje.medium.com/image-classification-with-efficientnet-better-performance-with-computational-efficiency-f480fdb00ac6>

[Falta fazer uma implementação tipo EfficientNet para classificar Cifar10.]

## 10. Vision Transformer

Muitas arquiteturas recentes usam a técnica “vision transformer”.

<https://viso.ai/deep-learning/vision-transformer-vit/>

<https://machinelearningmastery.com/the-vision-transformer-model/>

<https://semiengineering.com/achieving-greater-accuracy-in-real-time-vision-processing-with-transformers/>

[https://keras.io/examples/vision/image\\_classification\\_with\\_vision\\_transformer/](https://keras.io/examples/vision/image_classification_with_vision_transformer/)

Apesar destas arquiteturas funcionarem bem com quantidade de dados muito grande, costumam ser pior que CNN quando tem poucos dados.

[PSI3472-2023. Aulas 5/6. Lição de casa extra (vale +2 pontos).] Na apostila convkeras-ead, conseguimos classificar MNIST com taxa de erro de teste de 0,37% (taxa de acerto de teste de 99,63%). Use qualquer técnica ou combinação das técnicas vistas nesta apostila para chegar a taxa de erro menor que 0,3% para classificar MNIST.

*Nota:* Não resolvi este exercício. Não sei se é possível resolvê-la.

Possíveis técnicas:

- a) Usar rede inspirada nas ideias de VGG, Inception, ResNet ou EfficientNet.
- b) Usar data augmentation mais sofisticada.
- c) Trocar convoluções maiores por sequências de convoluções 3x3.
- d) Usar módulo Inception (convolução 1x1, 3x3, 5x5, e maxpooling 3x3 com stride 1) com convoluções 1x1.
- e) Usar conexão-identidade como no ResNet.
- f) Usar bloco residual invertido como no EfficientNet.
- g) Usar “squeeze and excitation” como no EfficientNet.
- h) Usar batch normalization.
- i) Usar regularização L1 ou L2.
- j) Usar dropout.
- k) Usar função callback para diminuir learning rate quando o desempenho da rede para de melhorar.
- l) Usar TTA (test time augmentation).
- m) Usar ensemble.
- n) Usar ativação Swish.

[PSI3472-2023. Aula 6. Fim.]

## Referências

[Krizhevsky2012] KRIZHEVSKY, Alex; SUTSKEVER, Ilya; HINTON, Geoffrey E. Imagenet classification with deep convolutional neural networks. Advances in neural information processing systems, v. 25, p. 1097-1105, 2012.

[Krizhevsky2017] Krizhevsky, Alex; Sutskever, Ilya; Hinton, Geoffrey E. (2017-05-24). "ImageNet classification with deep convolutional neural networks" (PDF). Communications of the ACM. 60 (6): 84–90.

[AlexNet] <https://towardsdatascience.com/alexnet-the-architecture-that-challenged-cnns-e406d5297951>

[Wiki-ImageNet] <https://en.wikipedia.org/wiki/ImageNet>

[Wiki-AlexNet] <https://en.wikipedia.org/wiki/AlexNet>

[Das2017] Siddharth Das, Architectures: LeNet, AlexNet, VGG, GoogLeNet, ResNet and more... <https://medium.com/analytics-vidhya/cnns-architectures-lenet-alexnet-vgg-googlenet-resnet-and-more-666091488df5>

[Simonyan2014] Karen Simonyan and Andrew Zisserman. "Very deep convolutional networks for large-scale image recognition." *arXiv:1409.1556* (2014).

[Ioffe2015] Ioffe, Sergey, and Christian Szegedy. "Batch normalization: Accelerating deep network training by reducing internal covariate shift." arXiv preprint arXiv:1502.03167 (2015). <https://arxiv.org/pdf/1502.03167v3.pdf>

[He2015] K. He, X. Zhang, S. Ren, and J. Sun. Deep residual learning for image recognition. arXiv preprint arXiv:1512.03385, 2015.

[Tsang2018] <https://medium.com/coinmonks/paper-review-of-googlenet-inception-v1-winner-of-ilsvrc-2014-image-classification-c2b3565a64e7>

[Szegedy2015] Szegedy, C., Liu, W., Jia, Y., Sermanet, P., Reed, S., Anguelov, D., ... & Rabinovich, A. (2015). Going deeper with convolutions. In Proceedings of the IEEE conference on computer vision and pattern recognition (pp. 1-9).

[Zhang2016] He, K., Zhang, X., Ren, S., & Sun, J. (2016). Deep residual learning for image recognition. In Proceedings of the IEEE conference on computer vision and pattern recognition (pp. 770-778).

[Tan2019] Tan, M., & Le, Q. (2019, May). Efficientnet: Rethinking model scaling for convolutional neural networks. In International conference on machine learning (pp. 6105-6114). PMLR.

[Liu2022] Liu, Z., Mao, H., Wu, C. Y., Feichtenhofer, C., Darrell, T., & Xie, S. (2022). A convnet for the 2020s. In Proceedings of the IEEE/CVF Conference on Computer Vision and Pattern Recognition (pp. 11976-11986).

Site com as taxas de acertos das principais redes: <https://github.com/keras-team/keras-applications>

Manual de Keras com as principais redes: <https://keras.io/api/applications/>

## Anexo A: Estrutura de VGG16

```
Model: "vgg16"
Layer (type)          Output Shape         Param #
=================================================================
input_2 (InputLayer)   [(None, 224, 224, 3)]  0
block1_conv1 (Conv2D)  (None, 224, 224, 64)   1792
block1_conv2 (Conv2D)  (None, 224, 224, 64)   36928
block1_pool (MaxPooling2D) (None, 112, 112, 64) 0
block2_conv1 (Conv2D)  (None, 112, 112, 128)  73856
block2_conv2 (Conv2D)  (None, 112, 112, 128)  147584
block2_pool (MaxPooling2D) (None, 56, 56, 128) 0
block3_conv1 (Conv2D)  (None, 56, 56, 256)   295168
block3_conv2 (Conv2D)  (None, 56, 56, 256)   590080
block3_conv3 (Conv2D)  (None, 56, 56, 256)   590080
block3_pool (MaxPooling2D) (None, 28, 28, 256) 0
block4_conv1 (Conv2D)  (None, 28, 28, 512)   1180160
block4_conv2 (Conv2D)  (None, 28, 28, 512)   2359808
block4_conv3 (Conv2D)  (None, 28, 28, 512)   2359808
block4_pool (MaxPooling2D) (None, 14, 14, 512) 0
block5_conv1 (Conv2D)  (None, 14, 14, 512)   2359808
block5_conv2 (Conv2D)  (None, 14, 14, 512)   2359808
block5_conv3 (Conv2D)  (None, 14, 14, 512)   2359808
block5_pool (MaxPooling2D) (None, 7, 7, 512) 0
flatten (Flatten)      (None, 25088)        0
fc1 (Dense)           (None, 4096)        102764544
fc2 (Dense)           (None, 4096)        16781312
predictions (Dense)   (None, 1000)        4097000
=====
Total params: 138,357,544
Trainable params: 138,357,544
Non-trainable params: 0
```

## Anexo B: Estrutura de InceptionV3

Model: "inception_v3"		Layer (type)	Output Shape	Param #	Connected to
input_3 (InputLayer)			[None, 299, 299, 3]	0	
conv2d (Conv2D)			(None, 149, 149, 32)	864	input_3[0][0]
batch_normalization (BatchNorm)			(None, 149, 149, 32)	96	conv2d[0][0]
activation (Activation)			(None, 149, 149, 32)	0	batch_normalization[0][0]
conv2d_1 (Conv2D)			(None, 147, 147, 32)	9216	activation[0][0]
batch_normalization_1 (BatchNor)			(None, 147, 147, 32)	96	conv2d_1[0][0]
activation_1 (Activation)			(None, 147, 147, 32)	0	batch_normalization_1[0][0]
conv2d_2 (Conv2D)			(None, 147, 147, 64)	18432	activation_1[0][0]
batch_normalization_2 (BatchNor)			(None, 147, 147, 64)	192	conv2d_2[0][0]
activation_2 (Activation)			(None, 147, 147, 64)	0	batch_normalization_2[0][0]
max_pooling2d (MaxPooling2D)			(None, 73, 73, 64)	0	activation_2[0][0]
conv2d_3 (Conv2D)			(None, 73, 73, 80)	5120	max_pooling2d[0][0]
batch_normalization_3 (BatchNor)			(None, 73, 73, 80)	240	conv2d_3[0][0]
activation_3 (Activation)			(None, 73, 73, 80)	0	batch_normalization_3[0][0]
conv2d_4 (Conv2D)			(None, 71, 71, 192)	138240	activation_3[0][0]
batch_normalization_4 (BatchNor)			(None, 71, 71, 192)	576	conv2d_4[0][0]
activation_4 (Activation)			(None, 71, 71, 192)	0	batch_normalization_4[0][0]
max_pooling2d_1 (MaxPooling2D)			(None, 35, 35, 192)	0	activation_4[0][0]
conv2d_8 (Conv2D)			(None, 35, 35, 64)	12288	max_pooling2d_1[0][0]
batch_normalization_8 (BatchNor)			(None, 35, 35, 64)	192	conv2d_8[0][0]
activation_8 (Activation)			(None, 35, 35, 64)	0	batch_normalization_8[0][0]
conv2d_6 (Conv2D)			(None, 35, 35, 48)	9216	max_pooling2d_1[0][0]
conv2d_9 (Conv2D)			(None, 35, 35, 96)	55296	activation_8[0][0]
batch_normalization_6 (BatchNor)			(None, 35, 35, 48)	144	conv2d_6[0][0]
batch_normalization_9 (BatchNor)			(None, 35, 35, 96)	288	conv2d_9[0][0]
activation_6 (Activation)			(None, 35, 35, 48)	0	batch_normalization_6[0][0]
activation_9 (Activation)			(None, 35, 35, 96)	0	batch_normalization_9[0][0]
average_pooling2d (AveragePooli			(None, 35, 35, 192)	0	max_pooling2d_1[0][0]
conv2d_5 (Conv2D)			(None, 35, 35, 64)	12288	max_pooling2d_1[0][0]
conv2d_7 (Conv2D)			(None, 35, 35, 64)	76800	activation_6[0][0]
conv2d_10 (Conv2D)			(None, 35, 35, 96)	82944	activation_9[0][0]
conv2d_11 (Conv2D)			(None, 35, 35, 32)	6144	average_pooling2d[0][0]
batch_normalization_5 (BatchNor)			(None, 35, 35, 64)	192	conv2d_5[0][0]
batch_normalization_7 (BatchNor)			(None, 35, 35, 64)	192	conv2d_7[0][0]
batch_normalization_10 (BatchNo			(None, 35, 35, 96)	288	conv2d_10[0][0]
batch_normalization_11 (BatchNo			(None, 35, 35, 32)	96	conv2d_11[0][0]
activation_5 (Activation)			(None, 35, 35, 64)	0	batch_normalization_5[0][0]
activation_7 (Activation)			(None, 35, 35, 64)	0	batch_normalization_7[0][0]
activation_10 (Activation)			(None, 35, 35, 96)	0	batch_normalization_10[0][0]
activation_11 (Activation)			(None, 35, 35, 32)	0	batch_normalization_11[0][0]
mixed0 (Concatenate)			(None, 35, 35, 256)	0	activation_5[0][0]
					activation_7[0][0]
					activation_10[0][0]
					activation_11[0][0]
					mixed0[0][0]
conv2d_15 (Conv2D)			(None, 35, 35, 64)	16384	conv2d_15[0][0]
batch_normalization_15 (BatchNo			(None, 35, 35, 64)	192	batch_normalization_15[0][0]
activation_15 (Activation)			(None, 35, 35, 64)	0	mixed0[0][0]
conv2d_13 (Conv2D)			(None, 35, 35, 48)	12288	activation_15[0][0]
conv2d_16 (Conv2D)			(None, 35, 35, 96)	55296	conv2d_13[0][0]
batch_normalization_13 (BatchNo			(None, 35, 35, 48)	144	conv2d_16[0][0]
batch_normalization_16 (BatchNo			(None, 35, 35, 96)	288	batch_normalization_13[0][0]
activation_13 (Activation)			(None, 35, 35, 48)	0	batch_normalization_16[0][0]
activation_16 (Activation)			(None, 35, 35, 96)	0	mixed0[0][0]
average_pooling2d_1 (AveragePoo			(None, 35, 35, 256)	0	mixed0[0][0]
conv2d_12 (Conv2D)			(None, 35, 35, 64)	16384	activation_13[0][0]
conv2d_14 (Conv2D)			(None, 35, 35, 64)	76800	activation_16[0][0]
conv2d_17 (Conv2D)			(None, 35, 35, 96)	82944	average_pooling2d_1[0][0]
conv2d_18 (Conv2D)			(None, 35, 35, 64)	16384	conv2d_12[0][0]
batch_normalization_12 (BatchNo			(None, 35, 35, 64)	192	conv2d_14[0][0]
batch_normalization_14 (BatchNo			(None, 35, 35, 64)	192	conv2d_17[0][0]
batch_normalization_17 (BatchNo			(None, 35, 35, 96)	288	conv2d_18[0][0]
batch_normalization_18 (BatchNo			(None, 35, 35, 64)	192	batch_normalization_12[0][0]
activation_12 (Activation)			(None, 35, 35, 64)	0	batch_normalization_14[0][0]
activation_14 (Activation)			(None, 35, 35, 64)	0	batch_normalization_17[0][0]
activation_17 (Activation)			(None, 35, 35, 96)	0	batch_normalization_18[0][0]
activation_18 (Activation)			(None, 35, 35, 64)	0	activation_12[0][0]
mixed1 (Concatenate)			(None, 35, 35, 288)	0	activation_14[0][0]
					activation_17[0][0]
					activation_18[0][0]
					mixed1[0][0]
conv2d_22 (Conv2D)			(None, 35, 35, 64)	18432	conv2d_22[0][0]
batch_normalization_22 (BatchNo			(None, 35, 35, 64)	192	batch_normalization_22[0][0]
activation_22 (Activation)			(None, 35, 35, 64)	0	mixed1[0][0]
conv2d_20 (Conv2D)			(None, 35, 35, 48)	13824	activation_22[0][0]
conv2d_23 (Conv2D)			(None, 35, 35, 96)	55296	conv2d_20[0][0]
batch_normalization_20 (BatchNo			(None, 35, 35, 48)	144	conv2d_23[0][0]
batch_normalization_23 (BatchNo			(None, 35, 35, 96)	288	batch_normalization_20[0][0]
activation_20 (Activation)			(None, 35, 35, 48)	0	batch_normalization_23[0][0]
activation_23 (Activation)			(None, 35, 35, 96)	0	mixed1[0][0]
average_pooling2d_2 (AveragePoo			(None, 35, 35, 288)	0	mixed1[0][0]
conv2d_19 (Conv2D)			(None, 35, 35, 64)	18432	activation_20[0][0]
conv2d_21 (Conv2D)			(None, 35, 35, 64)	76800	activation_23[0][0]
conv2d_24 (Conv2D)			(None, 35, 35, 96)	82944	average_pooling2d_2[0][0]
conv2d_25 (Conv2D)			(None, 35, 35, 64)	18432	conv2d_19[0][0]
batch_normalization_19 (BatchNo			(None, 35, 35, 64)	192	conv2d_21[0][0]
batch_normalization_21 (BatchNo			(None, 35, 35, 64)	192	conv2d_24[0][0]
batch_normalization_24 (BatchNo			(None, 35, 35, 96)	288	conv2d_25[0][0]
batch_normalization_25 (BatchNo			(None, 35, 35, 64)	192	batch_normalization_19[0][0]
activation_19 (Activation)			(None, 35, 35, 64)	0	batch_normalization_21[0][0]
activation_21 (Activation)			(None, 35, 35, 64)	0	batch_normalization_24[0][0]
activation_24 (Activation)			(None, 35, 35, 96)	0	batch_normalization_25[0][0]
activation_25 (Activation)			(None, 35, 35, 64)	0	activation_19[0][0]
mixed2 (Concatenate)			(None, 35, 35, 288)	0	activation_21[0][0]
					activation_24[0][0]
					activation_25[0][0]
					mixed2[0][0]
conv2d_27 (Conv2D)			(None, 35, 35, 64)	18432	conv2d_27[0][0]
batch_normalization_27 (BatchNo			(None, 35, 35, 64)	192	batch_normalization_27[0][0]
activation_27 (Activation)			(None, 35, 35, 64)	0	activation_27[0][0]
conv2d_28 (Conv2D)			(None, 35, 35, 96)	55296	

batch_normalization_28 (BatchNo)	(None, 35, 35, 96)	288	conv2d_28[0][0]
activation_28 (Activation)	(None, 35, 35, 96)	0	batch_normalization_28[0][0]
conv2d_26 (Conv2D)	(None, 17, 17, 384)	995328	mixed2[0][0]
conv2d_29 (Conv2D)	(None, 17, 17, 96)	82944	activation_28[0][0]
batch_normalization_26 (BatchNo)	(None, 17, 17, 384)	1152	conv2d_26[0][0]
batch_normalization_29 (BatchNo)	(None, 17, 17, 96)	288	conv2d_29[0][0]
activation_26 (Activation)	(None, 17, 17, 384)	0	batch_normalization_26[0][0]
activation_29 (Activation)	(None, 17, 17, 96)	0	batch_normalization_29[0][0]
max_pooling2d_2 (MaxPooling2D)	(None, 17, 17, 288)	0	mixed2[0][0]
mixed3 (Concatenate)	(None, 17, 17, 768)	0	activation_26[0][0]
activation_29[0][0]			activation_29[0][0]
max_pooling2d_2[0][0]			max_pooling2d_2[0][0]
mixed3[0][0]			mixed3[0][0]
conv2d_34 (Conv2D)	(None, 17, 17, 128)	98304	conv2d_34[0][0]
batch_normalization_34 (BatchNo)	(None, 17, 17, 128)	384	batch_normalization_34[0][0]
activation_34 (Activation)	(None, 17, 17, 128)	0	activation_34[0][0]
conv2d_35 (Conv2D)	(None, 17, 17, 128)	114688	conv2d_35[0][0]
batch_normalization_35 (BatchNo)	(None, 17, 17, 128)	384	batch_normalization_35[0][0]
activation_35 (Activation)	(None, 17, 17, 128)	0	mixed3[0][0]
conv2d_31 (Conv2D)	(None, 17, 17, 128)	98304	activation_35[0][0]
conv2d_36 (Conv2D)	(None, 17, 17, 128)	114688	conv2d_31[0][0]
batch_normalization_31 (BatchNo)	(None, 17, 17, 128)	384	conv2d_36[0][0]
batch_normalization_36 (BatchNo)	(None, 17, 17, 128)	384	batch_normalization_31[0][0]
activation_31 (Activation)	(None, 17, 17, 128)	0	batch_normalization_36[0][0]
activation_36 (Activation)	(None, 17, 17, 128)	0	activation_31[0][0]
conv2d_32 (Conv2D)	(None, 17, 17, 128)	114688	activation_36[0][0]
conv2d_37 (Conv2D)	(None, 17, 17, 128)	114688	conv2d_32[0][0]
batch_normalization_32 (BatchNo)	(None, 17, 17, 128)	384	conv2d_37[0][0]
batch_normalization_37 (BatchNo)	(None, 17, 17, 128)	384	batch_normalization_32[0][0]
activation_32 (Activation)	(None, 17, 17, 128)	0	batch_normalization_37[0][0]
activation_37 (Activation)	(None, 17, 17, 128)	0	mixed3[0][0]
average_pooling2d_3 (AveragePool)	(None, 17, 17, 768)	0	mixed3[0][0]
conv2d_30 (Conv2D)	(None, 17, 17, 192)	147456	activation_32[0][0]
conv2d_33 (Conv2D)	(None, 17, 17, 192)	172032	activation_37[0][0]
conv2d_38 (Conv2D)	(None, 17, 17, 192)	172032	average_pooling2d_3[0][0]
conv2d_39 (Conv2D)	(None, 17, 17, 192)	147456	conv2d_30[0][0]
batch_normalization_30 (BatchNo)	(None, 17, 17, 192)	576	conv2d_33[0][0]
batch_normalization_33 (BatchNo)	(None, 17, 17, 192)	576	conv2d_38[0][0]
batch_normalization_38 (BatchNo)	(None, 17, 17, 192)	576	conv2d_39[0][0]
batch_normalization_39 (BatchNo)	(None, 17, 17, 192)	576	batch_normalization_30[0][0]
activation_30 (Activation)	(None, 17, 17, 192)	0	batch_normalization_33[0][0]
activation_33 (Activation)	(None, 17, 17, 192)	0	batch_normalization_38[0][0]
activation_38 (Activation)	(None, 17, 17, 192)	0	batch_normalization_39[0][0]
activation_39 (Activation)	(None, 17, 17, 192)	0	activation_30[0][0]
mixed4 (Concatenate)	(None, 17, 17, 768)	0	activation_33[0][0]
activation_38[0][0]			activation_39[0][0]
activation_39[0][0]			mixed4[0][0]
conv2d_44 (Conv2D)	(None, 17, 17, 160)	122880	conv2d_44[0][0]
batch_normalization_44 (BatchNo)	(None, 17, 17, 160)	480	batch_normalization_44[0][0]
activation_44 (Activation)	(None, 17, 17, 160)	0	activation_44[0][0]
conv2d_45 (Conv2D)	(None, 17, 17, 160)	179200	conv2d_45[0][0]
batch_normalization_45 (BatchNo)	(None, 17, 17, 160)	480	batch_normalization_45[0][0]
activation_45 (Activation)	(None, 17, 17, 160)	0	mixed4[0][0]
conv2d_41 (Conv2D)	(None, 17, 17, 160)	122880	activation_45[0][0]
conv2d_46 (Conv2D)	(None, 17, 17, 160)	179200	conv2d_41[0][0]
batch_normalization_41 (BatchNo)	(None, 17, 17, 160)	480	conv2d_46[0][0]
batch_normalization_46 (BatchNo)	(None, 17, 17, 160)	480	batch_normalization_41[0][0]
activation_41 (Activation)	(None, 17, 17, 160)	0	batch_normalization_46[0][0]
activation_46 (Activation)	(None, 17, 17, 160)	0	activation_41[0][0]
conv2d_42 (Conv2D)	(None, 17, 17, 160)	179200	activation_46[0][0]
conv2d_47 (Conv2D)	(None, 17, 17, 160)	179200	conv2d_42[0][0]
batch_normalization_42 (BatchNo)	(None, 17, 17, 160)	480	conv2d_47[0][0]
batch_normalization_47 (BatchNo)	(None, 17, 17, 160)	480	batch_normalization_42[0][0]
activation_42 (Activation)	(None, 17, 17, 160)	0	batch_normalization_47[0][0]
activation_47 (Activation)	(None, 17, 17, 160)	0	mixed4[0][0]
average_pooling2d_4 (AveragePool)	(None, 17, 17, 768)	0	activation_42[0][0]
conv2d_40 (Conv2D)	(None, 17, 17, 192)	147456	activation_47[0][0]
conv2d_43 (Conv2D)	(None, 17, 17, 192)	215040	average_pooling2d_4[0][0]
conv2d_48 (Conv2D)	(None, 17, 17, 192)	215040	conv2d_40[0][0]
conv2d_49 (Conv2D)	(None, 17, 17, 192)	147456	conv2d_43[0][0]
batch_normalization_40 (BatchNo)	(None, 17, 17, 192)	576	conv2d_48[0][0]
batch_normalization_43 (BatchNo)	(None, 17, 17, 192)	576	conv2d_49[0][0]
batch_normalization_48 (BatchNo)	(None, 17, 17, 192)	576	batch_normalization_40[0][0]
batch_normalization_49 (BatchNo)	(None, 17, 17, 192)	576	batch_normalization_43[0][0]
activation_40 (Activation)	(None, 17, 17, 192)	0	batch_normalization_48[0][0]
activation_43 (Activation)	(None, 17, 17, 192)	0	batch_normalization_49[0][0]
activation_48 (Activation)	(None, 17, 17, 192)	0	activation_40[0][0]
activation_49 (Activation)	(None, 17, 17, 192)	0	activation_43[0][0]
mixed5 (Concatenate)	(None, 17, 17, 768)	0	activation_48[0][0]
activation_49[0][0]			activation_49[0][0]
mixed5[0][0]			mixed5[0][0]
conv2d_54 (Conv2D)	(None, 17, 17, 160)	122880	conv2d_54[0][0]
batch_normalization_54 (BatchNo)	(None, 17, 17, 160)	480	batch_normalization_54[0][0]
activation_54 (Activation)	(None, 17, 17, 160)	0	activation_54[0][0]
conv2d_55 (Conv2D)	(None, 17, 17, 160)	179200	conv2d_55[0][0]
batch_normalization_55 (BatchNo)	(None, 17, 17, 160)	480	batch_normalization_55[0][0]
activation_55 (Activation)	(None, 17, 17, 160)	0	mixed5[0][0]
conv2d_51 (Conv2D)	(None, 17, 17, 160)	122880	activation_55[0][0]
conv2d_56 (Conv2D)	(None, 17, 17, 160)	179200	conv2d_51[0][0]
batch_normalization_51 (BatchNo)	(None, 17, 17, 160)	480	conv2d_56[0][0]
batch_normalization_56 (BatchNo)	(None, 17, 17, 160)	480	batch_normalization_51[0][0]
activation_51 (Activation)	(None, 17, 17, 160)	0	batch_normalization_56[0][0]
activation_56 (Activation)	(None, 17, 17, 160)	0	activation_51[0][0]
conv2d_52 (Conv2D)	(None, 17, 17, 160)	179200	activation_56[0][0]
conv2d_57 (Conv2D)	(None, 17, 17, 160)	179200	conv2d_52[0][0]
batch_normalization_52 (BatchNo)	(None, 17, 17, 160)	480	conv2d_57[0][0]
batch_normalization_57 (BatchNo)	(None, 17, 17, 160)	480	batch_normalization_52[0][0]
activation_52 (Activation)	(None, 17, 17, 160)	0	batch_normalization_57[0][0]
activation_57 (Activation)	(None, 17, 17, 160)	0	mixed5[0][0]
average_pooling2d_5 (AveragePool)	(None, 17, 17, 768)	0	mixed5[0][0]
conv2d_50 (Conv2D)	(None, 17, 17, 192)	147456	activation_52[0][0]
conv2d_53 (Conv2D)	(None, 17, 17, 192)	215040	activation_57[0][0]
conv2d_58 (Conv2D)	(None, 17, 17, 192)	215040	average_pooling2d_5[0][0]
conv2d_59 (Conv2D)	(None, 17, 17, 192)	147456	conv2d_50[0][0]
batch_normalization_50 (BatchNo)	(None, 17, 17, 192)	576	conv2d_53[0][0]
batch_normalization_53 (BatchNo)	(None, 17, 17, 192)	576	

batch_normalization_58 (BatchNorm)	(None, 17, 17, 192)	576	conv2d_58[0][0]
batch_normalization_59 (BatchNorm)	(None, 17, 17, 192)	576	conv2d_59[0][0]
activation_50 (Activation)	(None, 17, 17, 192)	0	batch_normalization_50[0][0]
activation_53 (Activation)	(None, 17, 17, 192)	0	batch_normalization_53[0][0]
activation_58 (Activation)	(None, 17, 17, 192)	0	batch_normalization_58[0][0]
activation_59 (Activation)	(None, 17, 17, 192)	0	batch_normalization_59[0][0]
mixed6 (Concatenate)	(None, 17, 17, 768)	0	activation_50[0][0]
activation_53[0][0]			activation_58[0][0]
activation_59[0][0]			activation_50[0][0]
conv2d_64 (Conv2D)	(None, 17, 17, 192)	147456	mixed6[0][0]
batch_normalization_64 (BatchNorm)	(None, 17, 17, 192)	576	conv2d_64[0][0]
activation_64 (Activation)	(None, 17, 17, 192)	0	batch_normalization_64[0][0]
conv2d_65 (Conv2D)	(None, 17, 17, 192)	258048	activation_64[0][0]
batch_normalization_65 (BatchNorm)	(None, 17, 17, 192)	576	conv2d_65[0][0]
activation_65 (Activation)	(None, 17, 17, 192)	0	batch_normalization_65[0][0]
conv2d_61 (Conv2D)	(None, 17, 17, 192)	147456	mixed6[0][0]
conv2d_66 (Conv2D)	(None, 17, 17, 192)	258048	activation_65[0][0]
batch_normalization_61 (BatchNorm)	(None, 17, 17, 192)	576	conv2d_61[0][0]
batch_normalization_66 (BatchNorm)	(None, 17, 17, 192)	576	conv2d_66[0][0]
activation_61 (Activation)	(None, 17, 17, 192)	0	batch_normalization_61[0][0]
activation_66 (Activation)	(None, 17, 17, 192)	0	batch_normalization_66[0][0]
conv2d_62 (Conv2D)	(None, 17, 17, 192)	258048	activation_61[0][0]
conv2d_67 (Conv2D)	(None, 17, 17, 192)	258048	activation_66[0][0]
batch_normalization_62 (BatchNorm)	(None, 17, 17, 192)	576	conv2d_62[0][0]
batch_normalization_67 (BatchNorm)	(None, 17, 17, 192)	576	conv2d_67[0][0]
activation_62 (Activation)	(None, 17, 17, 192)	0	batch_normalization_62[0][0]
activation_67 (Activation)	(None, 17, 17, 192)	0	batch_normalization_67[0][0]
average_pooling2d_6 (AveragePooling2D)	(None, 17, 17, 768)	0	mixed6[0][0]
conv2d_60 (Conv2D)	(None, 17, 17, 192)	147456	mixed6[0][0]
conv2d_63 (Conv2D)	(None, 17, 17, 192)	258048	activation_62[0][0]
conv2d_68 (Conv2D)	(None, 17, 17, 192)	258048	activation_67[0][0]
conv2d_69 (Conv2D)	(None, 17, 17, 192)	147456	average_pooling2d_6[0][0]
batch_normalization_60 (BatchNorm)	(None, 17, 17, 192)	576	conv2d_60[0][0]
batch_normalization_63 (BatchNorm)	(None, 17, 17, 192)	576	conv2d_63[0][0]
batch_normalization_68 (BatchNorm)	(None, 17, 17, 192)	576	conv2d_68[0][0]
batch_normalization_69 (BatchNorm)	(None, 17, 17, 192)	576	conv2d_69[0][0]
activation_60 (Activation)	(None, 17, 17, 192)	0	batch_normalization_60[0][0]
activation_63 (Activation)	(None, 17, 17, 192)	0	batch_normalization_63[0][0]
activation_68 (Activation)	(None, 17, 17, 192)	0	batch_normalization_68[0][0]
activation_69 (Activation)	(None, 17, 17, 192)	0	batch_normalization_69[0][0]
mixed7 (Concatenate)	(None, 17, 17, 768)	0	activation_60[0][0]
activation_63[0][0]			activation_68[0][0]
activation_69[0][0]			activation_69[0][0]
conv2d_72 (Conv2D)	(None, 17, 17, 192)	147456	mixed7[0][0]
batch_normalization_72 (BatchNorm)	(None, 17, 17, 192)	576	conv2d_72[0][0]
activation_72 (Activation)	(None, 17, 17, 192)	0	batch_normalization_72[0][0]
conv2d_73 (Conv2D)	(None, 17, 17, 192)	258048	activation_72[0][0]
batch_normalization_73 (BatchNorm)	(None, 17, 17, 192)	576	conv2d_73[0][0]
activation_73 (Activation)	(None, 17, 17, 192)	0	batch_normalization_73[0][0]
conv2d_70 (Conv2D)	(None, 17, 17, 192)	147456	mixed7[0][0]
conv2d_74 (Conv2D)	(None, 17, 17, 192)	258048	activation_73[0][0]
batch_normalization_70 (BatchNorm)	(None, 17, 17, 192)	576	conv2d_70[0][0]
batch_normalization_74 (BatchNorm)	(None, 17, 17, 192)	576	conv2d_74[0][0]
activation_70 (Activation)	(None, 17, 17, 192)	0	batch_normalization_70[0][0]
activation_74 (Activation)	(None, 17, 17, 192)	0	batch_normalization_74[0][0]
conv2d_71 (Conv2D)	(None, 8, 8, 320)	552960	activation_70[0][0]
conv2d_75 (Conv2D)	(None, 8, 8, 192)	331776	activation_74[0][0]
batch_normalization_71 (BatchNorm)	(None, 8, 8, 320)	960	conv2d_71[0][0]
batch_normalization_75 (BatchNorm)	(None, 8, 8, 192)	576	conv2d_75[0][0]
activation_71 (Activation)	(None, 8, 8, 320)	0	batch_normalization_71[0][0]
activation_75 (Activation)	(None, 8, 8, 192)	0	batch_normalization_75[0][0]
max_pooling2d_3 (MaxPooling2D)	(None, 8, 8, 768)	0	mixed7[0][0]
mixed8 (Concatenate)	(None, 8, 8, 1280)	0	activation_71[0][0]
activation_75[0][0]			activation_75[0][0]
max_pooling2d_3[0][0]			max_pooling2d_3[0][0]
conv2d_80 (Conv2D)	(None, 8, 8, 448)	573440	mixed8[0][0]
batch_normalization_80 (BatchNorm)	(None, 8, 8, 448)	1344	conv2d_80[0][0]
activation_80 (Activation)	(None, 8, 8, 448)	0	batch_normalization_80[0][0]
conv2d_77 (Conv2D)	(None, 8, 8, 384)	491520	mixed8[0][0]
conv2d_81 (Conv2D)	(None, 8, 8, 384)	1548288	activation_80[0][0]
batch_normalization_77 (BatchNorm)	(None, 8, 8, 384)	1152	conv2d_77[0][0]
batch_normalization_81 (BatchNorm)	(None, 8, 8, 384)	1152	conv2d_81[0][0]
activation_77 (Activation)	(None, 8, 8, 384)	0	batch_normalization_77[0][0]
activation_81 (Activation)	(None, 8, 8, 384)	0	batch_normalization_81[0][0]
conv2d_78 (Conv2D)	(None, 8, 8, 384)	442368	activation_77[0][0]
conv2d_79 (Conv2D)	(None, 8, 8, 384)	442368	activation_77[0][0]
conv2d_82 (Conv2D)	(None, 8, 8, 384)	442368	activation_81[0][0]
conv2d_83 (Conv2D)	(None, 8, 8, 384)	442368	activation_81[0][0]
average_pooling2d_7 (AveragePooling2D)	(None, 8, 8, 1280)	0	mixed8[0][0]
conv2d_76 (Conv2D)	(None, 8, 8, 320)	409600	mixed8[0][0]
batch_normalization_78 (BatchNorm)	(None, 8, 8, 384)	1152	conv2d_78[0][0]
batch_normalization_79 (BatchNorm)	(None, 8, 8, 384)	1152	conv2d_79[0][0]
batch_normalization_82 (BatchNorm)	(None, 8, 8, 384)	1152	conv2d_82[0][0]
batch_normalization_83 (BatchNorm)	(None, 8, 8, 384)	1152	conv2d_83[0][0]
conv2d_84 (Conv2D)	(None, 8, 8, 192)	245760	average_pooling2d_7[0][0]
batch_normalization_76 (BatchNorm)	(None, 8, 8, 320)	960	conv2d_76[0][0]
activation_78 (Activation)	(None, 8, 8, 384)	0	batch_normalization_78[0][0]
activation_79 (Activation)	(None, 8, 8, 384)	0	batch_normalization_79[0][0]
activation_82 (Activation)	(None, 8, 8, 384)	0	batch_normalization_82[0][0]
activation_83 (Activation)	(None, 8, 8, 384)	0	batch_normalization_83[0][0]
batch_normalization_84 (BatchNorm)	(None, 8, 8, 192)	576	conv2d_84[0][0]
activation_76 (Activation)	(None, 8, 8, 320)	0	batch_normalization_76[0][0]
mixed9_0 (Concatenate)	(None, 8, 8, 768)	0	activation_78[0][0]
concatenate (Concatenate)	(None, 8, 8, 768)	0	activation_79[0][0]
activation_82[0][0]			activation_82[0][0]
activation_83[0][0]			activation_83[0][0]
batch_normalization_84[0][0]			batch_normalization_84[0][0]
activation_76[0][0]			activation_76[0][0]
mixed9_0[0][0]			mixed9_0[0][0]
concatenate[0][0]			concatenate[0][0]
activation_84[0][0]			activation_84[0][0]
mixed9[0][0]			mixed9[0][0]
conv2d_89 (Conv2D)	(None, 8, 8, 448)	917504	conv2d_89[0][0]
batch_normalization_89 (BatchNorm)	(None, 8, 8, 448)	1344	batch_normalization_89[0][0]
activation_89 (Activation)	(None, 8, 8, 448)	0	batch_normalization_89[0][0]
mixed9 (Concatenate)	(None, 8, 8, 2048)	0	mixed9[0][0]

conv2d_90 (Conv2D)	(None, 8, 8, 384)	1548288	activation_89[0][0]
batch_normalization_86 (BatchNo	(None, 8, 8, 384)	1152	conv2d_86[0][0]
batch_normalization_90 (BatchNo	(None, 8, 8, 384)	1152	conv2d_90[0][0]
activation_86 (Activation)	(None, 8, 8, 384)	0	batch_normalization_86[0][0]
activation_90 (Activation)	(None, 8, 8, 384)	0	batch_normalization_90[0][0]
conv2d_87 (Conv2D)	(None, 8, 8, 384)	442368	activation_86[0][0]
conv2d_88 (Conv2D)	(None, 8, 8, 384)	442368	activation_86[0][0]
conv2d_91 (Conv2D)	(None, 8, 8, 384)	442368	activation_90[0][0]
conv2d_92 (Conv2D)	(None, 8, 8, 384)	442368	activation_90[0][0]
average_pooling2d_8 (AveragePoo	(None, 8, 8, 2048)	0	mixed9[0][0]
conv2d_85 (Conv2D)	(None, 8, 8, 320)	655360	mixed9[0][0]
batch_normalization_87 (BatchNo	(None, 8, 8, 384)	1152	conv2d_87[0][0]
batch_normalization_88 (BatchNo	(None, 8, 8, 384)	1152	conv2d_88[0][0]
batch_normalization_91 (BatchNo	(None, 8, 8, 384)	1152	conv2d_91[0][0]
batch_normalization_92 (BatchNo	(None, 8, 8, 384)	1152	conv2d_92[0][0]
conv2d_93 (Conv2D)	(None, 8, 8, 192)	393216	average_pooling2d_8[0][0]
batch_normalization_85 (BatchNo	(None, 8, 8, 320)	960	conv2d_85[0][0]
activation_87 (Activation)	(None, 8, 8, 384)	0	batch_normalization_87[0][0]
activation_88 (Activation)	(None, 8, 8, 384)	0	batch_normalization_88[0][0]
activation_91 (Activation)	(None, 8, 8, 384)	0	batch_normalization_91[0][0]
activation_92 (Activation)	(None, 8, 8, 384)	0	batch_normalization_92[0][0]
batch_normalization_93 (BatchNo	(None, 8, 8, 192)	576	conv2d_93[0][0]
activation_85 (Activation)	(None, 8, 8, 320)	0	batch_normalization_85[0][0]
mixed9_1 (Concatenate)	(None, 8, 8, 768)	0	activation_87[0][0]
concatenate_1 (Concatenate)	(None, 8, 8, 768)	0	activation_88[0][0]
activation_93 (Activation)	(None, 8, 8, 192)	0	activation_91[0][0]
mixed10 (Concatenate)	(None, 8, 8, 2048)	0	activation_92[0][0]
avg_pool (GlobalAveragePooling2	(None, 2048)	0	batch_normalization_93[0][0]
predictions (Dense)	(None, 1000)	2049000	activation_85[0][0]
			mixed9_1[0][0]
			concatenate_1[0][0]
			activation_93[0][0]
			mixed10[0][0]
			avg_pool[0][0]

---

Total params: 23,851,784  
Trainable params: 23,817,352  
Non-trainable params: 34,432

## Anexo C: Estrutura de ResNet50 (v1)

Model:	"resnet50"			
Layer (type)		Output Shape	Param #	Connected to
input_1 (InputLayer)		[None, 224, 224, 3] 0		
conv1_pad (ZeroPadding2D)		(None, 230, 230, 3) 0		input_1[0][0]
conv1_conv (Conv2D)		(None, 112, 112, 64) 9472		conv1_pad[0][0]
conv1_bn (BatchNormalization)		(None, 112, 112, 64) 256		conv1_conv[0][0]
conv1_relu (Activation)		(None, 112, 112, 64) 0		conv1_bn[0][0]
pool1_pad (ZeroPadding2D)		(None, 114, 114, 64) 0		conv1_relu[0][0]
pool1_pool (MaxPooling2D)		(None, 56, 56, 64) 0		pool1_pad[0][0]
conv2_block1_1_conv (Conv2D)		(None, 56, 56, 64) 4160		pool1_pool[0][0]
conv2_block1_1_bn (BatchNormali		(None, 56, 56, 64) 256		conv2_block1_1_conv[0][0]
conv2_block1_1_relu (Activati		(None, 56, 56, 64) 0		conv2_block1_1_bn[0][0]
conv2_block1_2_conv (Conv2D)		(None, 56, 56, 64) 36928		conv2_block1_1_relu[0][0]
conv2_block1_2_bn (BatchNormali		(None, 56, 56, 64) 256		conv2_block1_2_conv[0][0]
conv2_block1_2_relu (Activati		(None, 56, 56, 64) 0		conv2_block1_2_bn[0][0]
conv2_block1_0_conv (Conv2D)		(None, 56, 56, 256) 16640		pool1_pool[0][0]
conv2_block1_3_conv (Conv2D)		(None, 56, 56, 256) 16640		conv2_block1_2_relu[0][0]
conv2_block1_0_bn (BatchNormali		(None, 56, 56, 256) 1024		conv2_block1_0_conv[0][0]
conv2_block1_3_bn (BatchNormali		(None, 56, 56, 256) 1024		conv2_block1_3_conv[0][0]
conv2_block1_add (Add)		(None, 56, 56, 256) 0		conv2_block1_0_bn[0][0]
conv2_block1_out (Activation)		(None, 56, 56, 256) 0		conv2_block1_3_bn[0][0]
conv2_block2_1_conv (Conv2D)		(None, 56, 56, 64) 16448		conv2_block1_add[0][0]
conv2_block2_1_bn (BatchNormali		(None, 56, 56, 64) 256		conv2_block1_out[0][0]
conv2_block2_1_relu (Activati		(None, 56, 56, 64) 0		conv2_block2_1_conv[0][0]
conv2_block2_2_conv (Conv2D)		(None, 56, 56, 64) 36928		conv2_block2_1_bn[0][0]
conv2_block2_2_bn (BatchNormali		(None, 56, 56, 64) 256		conv2_block2_1_relu[0][0]
conv2_block2_2_relu (Activati		(None, 56, 56, 64) 0		conv2_block2_2_conv[0][0]
conv2_block2_3_conv (Conv2D)		(None, 56, 56, 256) 16640		conv2_block2_2_bn[0][0]
conv2_block2_3_bn (BatchNormali		(None, 56, 56, 256) 1024		conv2_block2_2_relu[0][0]
conv2_block2_add (Add)		(None, 56, 56, 256) 0		conv2_block2_3_conv[0][0]
conv2_block2_out (Activation)		(None, 56, 56, 256) 0		conv2_block2_out[0][0]
conv2_block3_1_conv (Conv2D)		(None, 56, 56, 64) 16448		conv2_block2_3_bn[0][0]
conv2_block3_1_bn (BatchNormali		(None, 56, 56, 64) 256		conv2_block2_add[0][0]
conv2_block3_1_relu (Activati		(None, 56, 56, 64) 0		conv2_block2_out[0][0]
conv2_block3_2_conv (Conv2D)		(None, 56, 56, 64) 36928		conv2_block3_1_conv[0][0]
conv2_block3_2_bn (BatchNormali		(None, 56, 56, 64) 256		conv2_block3_1_bn[0][0]
conv2_block3_2_relu (Activati		(None, 56, 56, 64) 0		conv2_block3_1_relu[0][0]
conv2_block3_3_conv (Conv2D)		(None, 56, 56, 256) 16640		conv2_block3_2_conv[0][0]
conv2_block3_3_bn (BatchNormali		(None, 56, 56, 256) 1024		conv2_block3_2_bn[0][0]
conv2_block3_add (Add)		(None, 56, 56, 256) 0		conv2_block3_2_relu[0][0]
conv2_block3_out (Activation)		(None, 56, 56, 256) 0		conv2_block3_3_conv[0][0]
conv3_block1_1_conv (Conv2D)		(None, 28, 28, 128) 32896		conv2_block3_out[0][0]
conv3_block1_1_bn (BatchNormali		(None, 28, 28, 128) 512		conv3_block1_1_conv[0][0]
conv3_block1_1_relu (Activati		(None, 28, 28, 128) 0		conv3_block1_1_bn[0][0]
conv3_block1_2_conv (Conv2D)		(None, 28, 28, 128) 147584		conv3_block1_1_relu[0][0]
conv3_block1_2_bn (BatchNormali		(None, 28, 28, 128) 512		conv3_block1_2_conv[0][0]
conv3_block1_2_relu (Activati		(None, 28, 28, 128) 0		conv3_block1_2_bn[0][0]
conv3_block1_0_conv (Conv2D)		(None, 28, 28, 512) 131584		conv3_block1_2_out[0][0]
conv3_block1_3_conv (Conv2D)		(None, 28, 28, 512) 66048		conv3_block1_2_relu[0][0]
conv3_block1_0_bn (BatchNormali		(None, 28, 28, 512) 2048		conv3_block1_0_conv[0][0]
conv3_block1_3_bn (BatchNormali		(None, 28, 28, 512) 2048		conv3_block1_3_conv[0][0]
conv3_block1_add (Add)		(None, 28, 28, 512) 0		conv3_block1_0_bn[0][0]
conv2_block3_out (Activation)		(None, 28, 28, 512) 0		conv3_block1_3_bn[0][0]
conv3_block2_1_conv (Conv2D)		(None, 28, 28, 128) 65664		conv3_block1_2_add[0][0]
conv3_block2_1_bn (BatchNormali		(None, 28, 28, 128) 512		conv3_block1_out[0][0]
conv3_block2_1_relu (Activati		(None, 28, 28, 128) 0		conv3_block2_1_conv[0][0]
conv3_block2_2_conv (Conv2D)		(None, 28, 28, 128) 147584		conv3_block2_1_bn[0][0]
conv3_block2_2_bn (BatchNormali		(None, 28, 28, 128) 512		conv3_block2_1_relu[0][0]
conv3_block2_2_relu (Activati		(None, 28, 28, 128) 0		conv3_block2_2_conv[0][0]
conv3_block2_3_conv (Conv2D)		(None, 28, 28, 512) 66048		conv3_block2_2_bn[0][0]
conv3_block2_3_bn (BatchNormali		(None, 28, 28, 512) 2048		conv3_block2_2_relu[0][0]
conv3_block2_add (Add)		(None, 28, 28, 512) 0		conv3_block2_3_conv[0][0]
conv3_block2_out (Activation)		(None, 28, 28, 512) 0		conv3_block2_3_out[0][0]
conv3_block3_1_conv (Conv2D)		(None, 28, 28, 128) 65664		conv3_block2_2_add[0][0]
conv3_block3_1_bn (BatchNormali		(None, 28, 28, 128) 512		conv3_block2_out[0][0]
conv3_block3_1_relu (Activati		(None, 28, 28, 128) 0		conv3_block3_1_conv[0][0]
conv3_block3_2_conv (Conv2D)		(None, 28, 28, 128) 147584		conv3_block3_1_bn[0][0]
conv3_block3_2_bn (BatchNormali		(None, 28, 28, 128) 512		conv3_block3_1_relu[0][0]
conv3_block3_2_relu (Activati		(None, 28, 28, 128) 0		conv3_block3_2_conv[0][0]
conv3_block3_3_conv (Conv2D)		(None, 28, 28, 512) 66048		conv3_block3_2_bn[0][0]
conv3_block3_3_bn (BatchNormali		(None, 28, 28, 512) 2048		conv3_block3_2_relu[0][0]
conv3_block3_add (Add)		(None, 28, 28, 512) 0		conv3_block3_3_conv[0][0]
conv3_block3_out (Activation)		(None, 28, 28, 512) 0		conv3_block3_out[0][0]
conv3_block4_1_conv (Conv2D)		(None, 28, 28, 128) 65664		conv3_block3_3_bn[0][0]
conv3_block4_1_bn (BatchNormali		(None, 28, 28, 128) 512		conv3_block3_add[0][0]
conv3_block4_1_relu (Activati		(None, 28, 28, 128) 0		conv3_block3_out[0][0]
conv3_block4_2_conv (Conv2D)		(None, 28, 28, 128) 147584		conv3_block4_1_conv[0][0]
conv3_block4_2_bn (BatchNormali		(None, 28, 28, 128) 512		conv3_block4_1_bn[0][0]
conv3_block4_2_relu (Activati		(None, 28, 28, 128) 0		conv3_block4_1_relu[0][0]
conv3_block4_3_conv (Conv2D)		(None, 28, 28, 512) 66048		conv3_block4_2_conv[0][0]
conv3_block4_3_bn (BatchNormali		(None, 28, 28, 512) 2048		conv3_block4_2_bn[0][0]
conv3_block4_add (Add)		(None, 28, 28, 512) 0		conv3_block4_2_relu[0][0]
conv3_block4_out (Activation)		(None, 28, 28, 512) 0		conv3_block4_3_conv[0][0]
conv4_block1_1_conv (Conv2D)		(None, 14, 14, 256) 131328		conv3_block4_out[0][0]
conv4_block1_1_bn (BatchNormali		(None, 14, 14, 256) 1024		conv4_block1_1_conv[0][0]
conv4_block1_1_relu (Activati		(None, 14, 14, 256) 0		conv4_block1_1_bn[0][0]
conv4_block1_2_conv (Conv2D)		(None, 14, 14, 256) 590080		conv4_block1_1_relu[0][0]
conv4_block1_2_bn (BatchNormali		(None, 14, 14, 256) 1024		conv4_block1_2_conv[0][0]
conv4_block1_2_relu (Activati		(None, 14, 14, 256) 0		conv4_block1_2_bn[0][0]
conv4_block1_0_conv (Conv2D)		(None, 14, 14, 1024) 525312		conv4_block1_2_relu[0][0]
conv4_block1_3_conv (Conv2D)		(None, 14, 14, 1024) 263168		conv4_block1_0_conv[0][0]
conv4_block1_0_bn (BatchNormali		(None, 14, 14, 1024) 4096		conv4_block1_3_conv[0][0]
conv4_block1_3_bn (BatchNormali		(None, 14, 14, 1024) 4096		conv4_block1_0_bn[0][0]
conv4_block1_add (Add)		(None, 14, 14, 1024) 0		conv4_block1_3_bn[0][0]

```

conv4_block1_out (Activation) (None, 14, 14, 1024) 0
conv4_block2_1_conv (Conv2D) (None, 14, 14, 256) 262400
conv4_block2_1_bn (BatchNormali (None, 14, 14, 256) 1024
conv4_block2_1_relu (Activation (None, 14, 14, 256) 0
conv4_block2_2_conv (Conv2D) (None, 14, 14, 256) 590080
conv4_block2_2_bn (BatchNormali (None, 14, 14, 256) 1024
conv4_block2_2_relu (Activation (None, 14, 14, 256) 0
conv4_block2_3_conv (Conv2D) (None, 14, 14, 1024) 263168
conv4_block2_3_bn (BatchNormali (None, 14, 14, 1024) 4096
conv4_block2_add (Add) (None, 14, 14, 1024) 0
conv4_block2_out (Activation) (None, 14, 14, 1024) 0
conv4_block3_1_conv (Conv2D) (None, 14, 14, 256) 262400
conv4_block3_1_bn (BatchNormali (None, 14, 14, 256) 1024
conv4_block3_1_relu (Activation (None, 14, 14, 256) 0
conv4_block3_2_conv (Conv2D) (None, 14, 14, 256) 590080
conv4_block3_2_bn (BatchNormali (None, 14, 14, 256) 1024
conv4_block3_2_relu (Activation (None, 14, 14, 256) 0
conv4_block3_3_conv (Conv2D) (None, 14, 14, 1024) 263168
conv4_block3_3_bn (BatchNormali (None, 14, 14, 1024) 4096
conv4_block3_add (Add) (None, 14, 14, 1024) 0
conv4_block3_out (Activation) (None, 14, 14, 1024) 0
conv4_block4_1_conv (Conv2D) (None, 14, 14, 256) 262400
conv4_block4_1_bn (BatchNormali (None, 14, 14, 256) 1024
conv4_block4_1_relu (Activation (None, 14, 14, 256) 0
conv4_block4_2_conv (Conv2D) (None, 14, 14, 256) 590080
conv4_block4_2_bn (BatchNormali (None, 14, 14, 256) 1024
conv4_block4_2_relu (Activation (None, 14, 14, 256) 0
conv4_block4_3_conv (Conv2D) (None, 14, 14, 1024) 263168
conv4_block4_3_bn (BatchNormali (None, 14, 14, 1024) 4096
conv4_block4_add (Add) (None, 14, 14, 1024) 0
conv4_block4_out (Activation) (None, 14, 14, 1024) 0
conv4_block5_1_conv (Conv2D) (None, 14, 14, 256) 262400
conv4_block5_1_bn (BatchNormali (None, 14, 14, 256) 1024
conv4_block5_1_relu (Activation (None, 14, 14, 256) 0
conv4_block5_2_conv (Conv2D) (None, 14, 14, 256) 590080
conv4_block5_2_bn (BatchNormali (None, 14, 14, 256) 1024
conv4_block5_2_relu (Activation (None, 14, 14, 256) 0
conv4_block5_3_conv (Conv2D) (None, 14, 14, 1024) 263168
conv4_block5_3_bn (BatchNormali (None, 14, 14, 1024) 4096
conv4_block5_add (Add) (None, 14, 14, 1024) 0
conv4_block5_out (Activation) (None, 14, 14, 1024) 0
conv4_block6_1_conv (Conv2D) (None, 14, 14, 256) 262400
conv4_block6_1_bn (BatchNormali (None, 14, 14, 256) 1024
conv4_block6_1_relu (Activation (None, 14, 14, 256) 0
conv4_block6_2_conv (Conv2D) (None, 14, 14, 256) 590080
conv4_block6_2_bn (BatchNormali (None, 14, 14, 256) 1024
conv4_block6_2_relu (Activation (None, 14, 14, 256) 0
conv4_block6_3_conv (Conv2D) (None, 14, 14, 1024) 263168
conv4_block6_3_bn (BatchNormali (None, 14, 14, 1024) 4096
conv4_block6_add (Add) (None, 14, 14, 1024) 0
conv4_block6_out (Activation) (None, 14, 14, 1024) 0
conv5_block1_1_conv (Conv2D) (None, 7, 7, 512) 524800
conv5_block1_1_bn (BatchNormali (None, 7, 7, 512) 2048
conv5_block1_1_relu (Activation (None, 7, 7, 512) 0
conv5_block1_2_conv (Conv2D) (None, 7, 7, 512) 2359808
conv5_block1_2_bn (BatchNormali (None, 7, 7, 512) 2048
conv5_block1_2_relu (Activation (None, 7, 7, 512) 0
conv5_block1_0_conv (Conv2D) (None, 7, 7, 2048) 2099200
conv5_block1_3_conv (Conv2D) (None, 7, 7, 2048) 1050624
conv5_block1_0_bn (BatchNormali (None, 7, 7, 2048) 8192
conv5_block1_3_bn (BatchNormali (None, 7, 7, 2048) 8192
conv5_block1_add (Add) (None, 7, 7, 2048) 0
conv5_block2_out (Activation) (None, 7, 7, 2048) 0
conv5_block2_1_conv (Conv2D) (None, 7, 7, 512) 1049088
conv5_block2_1_bn (BatchNormali (None, 7, 7, 512) 2048
conv5_block2_1_relu (Activation (None, 7, 7, 512) 0
conv5_block2_2_conv (Conv2D) (None, 7, 7, 512) 2359808
conv5_block2_2_bn (BatchNormali (None, 7, 7, 512) 2048
conv5_block2_2_relu (Activation (None, 7, 7, 512) 0
conv5_block2_3_conv (Conv2D) (None, 7, 7, 2048) 1050624
conv5_block2_3_bn (BatchNormali (None, 7, 7, 2048) 8192
conv5_block2_add (Add) (None, 7, 7, 2048) 0
conv5_block3_out (Activation) (None, 7, 7, 2048) 0
avg_pool (GlobalAveragePooling2 (None, 2048) 0
predictions (Dense) (None, 1000) 2049000
=====

Total params: 25,636,712
Trainable params: 25,583,592
Non-trainable params: 53,120

```

## Anexo D: EfficientNetB0

Model: "efficientnetb0"				
Layer (type)	Output Shape	Param #	Connected to	
input_7 (InputLayer)	[None, 224, 224, 3]	0		
rescaling_3 (Rescaling)	[None, 224, 224, 3]	0	input_7[0][0]	
normalization_3 (Normalization)	[None, 224, 224, 3]	7	rescaling_3[0][0]	
stem_conv_pad (ZeroPadding2D)	[None, 225, 225, 3]	0	normalization_3[0][0]	
stem_conv (Conv2D)	[None, 112, 112, 32]	864	stem_conv_pad[0][0]	
stem_bn (BatchNormalization)	[None, 112, 112, 32]	128	stem_conv[0][0]	
stem_activation (Activation)	[None, 112, 112, 32]	0	stem_bn[0][0]	
block1a_dwconv (DepthwiseConv2D)	[None, 112, 112, 32]	288	stem_activation[0][0]	
block1a_bn (BatchNormalization)	[None, 112, 112, 32]	128	block1a_dwconv[0][0]	
block1a_activation (Activation)	[None, 112, 112, 32]	0	block1a_bn[0][0]	
block1a_se_squeeze (GlobalAvera	[None, 32]	0	block1a_activation[0][0]	
block1a_se_reshape (Reshape)	[None, 1, 1, 32]	0	block1a_se_squeeze[0][0]	
block1a_se_reduce (Conv2D)	[None, 1, 1, 8]	264	block1a_se_reshape[0][0]	
block1a_se_expand (Conv2D)	[None, 1, 1, 32]	288	block1a_se_reduce[0][0]	
block1a_se_excite (Multiply)	[None, 112, 112, 32]	0	block1a_se_expand[0][0]	
block1a_project_conv (Conv2D)	[None, 112, 112, 16]	512	block1a_se_excite[0][0]	
block1a_project_bn (BatchNormal	[None, 112, 112, 16]	64	block1a_project_conv[0][0]	
block2a_expand_conv (Conv2D)	[None, 112, 112, 96]	1536	block1a_project_bn[0][0]	
block2a_expand_bn (BatchNormali	[None, 112, 112, 96]	384	block2a_expand_conv[0][0]	
block2a_expand_activation (Acti	[None, 112, 112, 96]	0	block2a_expand_bn[0][0]	
block2a_dwconv_pad (ZeroPadding	[None, 113, 113, 96]	0	block2a_expand_activation[0][0]	
block2a_dwconv (DepthwiseConv2D	[None, 56, 56, 96]	864	block2a_dwconv[0][0]	
block2a_bn (BatchNormalization)	[None, 56, 56, 96]	384	block2a_bn[0][0]	
block2a_activation (Activation)	[None, 56, 56, 96]	0	block2a_activation[0][0]	
block2a_se_squeeze (GlobalAvera	[None, 96]	0	block2a_se_squeeze[0][0]	
block2a_se_reshape (Reshape)	[None, 1, 1, 96]	0	block2a_se_reshape[0][0]	
block2a_se_reduce (Conv2D)	[None, 1, 1, 4]	388	block2a_se_reduce[0][0]	
block2a_se_expand (Conv2D)	[None, 1, 1, 96]	480	block2a_se_reduce[0][0]	
block2a_se_excite (Multiply)	[None, 56, 56, 96]	0	block2a_se_expand[0][0]	
block2a_project_conv (Conv2D)	[None, 56, 56, 24]	2304	block2a_se_excite[0][0]	
block2a_project_bn (BatchNormal	[None, 56, 56, 24]	96	block2a_project_conv[0][0]	
block2b_expand_conv (Conv2D)	[None, 56, 56, 144]	3456	block2a_project_bn[0][0]	
block2b_expand_bn (BatchNormali	[None, 56, 56, 144]	576	block2b_expand_conv[0][0]	
block2b_expand_activation (Acti	[None, 56, 56, 144]	0	block2b_expand_bn[0][0]	
block2b_dwconv (DepthwiseConv2D	[None, 56, 56, 144]	1296	block2b_expand_activation[0][0]	
block2b_bn (BatchNormalization)	[None, 56, 56, 144]	576	block2b_dwconv[0][0]	
block2b_activation (Activation)	[None, 56, 56, 144]	0	block2b_bn[0][0]	
block2b_se_squeeze (GlobalAvera	[None, 144]	0	block2b_activation[0][0]	
block2b_se_reshape (Reshape)	[None, 1, 1, 144]	0	block2b_se_squeeze[0][0]	
block2b_se_reduce (Conv2D)	[None, 1, 1, 6]	870	block2b_se_reshape[0][0]	
block2b_se_expand (Conv2D)	[None, 1, 1, 144]	1008	block2b_se_reduce[0][0]	
block2b_se_excite (Multiply)	[None, 56, 56, 144]	0	block2b_activation[0][0]	
block2b_project_conv (Conv2D)	[None, 56, 56, 24]	3456	block2b_se_expand[0][0]	
block2b_project_bn (BatchNormal	[None, 56, 56, 24]	96	block2b_se_excite[0][0]	
block2b_drop (Dropout)	[None, 56, 56, 24]	0	block2b_project_conv[0][0]	
block2b_add (Add)	[None, 56, 56, 24]	0	block2b_project_bn[0][0]	
block3a_expand_conv (Conv2D)	[None, 56, 56, 144]	3456	block2b_drop[0][0]	
block3a_expand_bn (BatchNormali	[None, 56, 56, 144]	576	block2b_add[0][0]	
block3a_expand_activation (Acti	[None, 56, 56, 144]	0	block3a_expand_conv[0][0]	
block3a_dwconv_pad (ZeroPadding	[None, 59, 59, 144]	0	block3a_expand_bn[0][0]	
block3a_dwconv (DepthwiseConv2D	[None, 28, 28, 144]	3600	block3a_expand_activation[0][0]	
block3a_bn (BatchNormalization)	[None, 28, 28, 144]	576	block3a_dwconv[0][0]	
block3a_activation (Activation)	[None, 28, 28, 144]	0	block3a_bn[0][0]	
block3a_se_squeeze (GlobalAvera	[None, 144]	0	block3a_activation[0][0]	
block3a_se_reshape (Reshape)	[None, 1, 1, 144]	0	block3a_se_squeeze[0][0]	
block3a_se_reduce (Conv2D)	[None, 1, 1, 6]	870	block3a_se_reshape[0][0]	
block3a_se_expand (Conv2D)	[None, 1, 1, 144]	1008	block3a_se_reduce[0][0]	
block3a_se_excite (Multiply)	[None, 28, 28, 144]	0	block3a_activation[0][0]	
block3a_project_conv (Conv2D)	[None, 28, 28, 40]	5760	block3a_se_expand[0][0]	
block3a_project_bn (BatchNormal	[None, 28, 28, 40]	160	block3a_se_excite[0][0]	
block3b_expand_conv (Conv2D)	[None, 28, 28, 240]	9600	block3a_project_conv[0][0]	
block3b_expand_bn (BatchNormali	[None, 28, 28, 240]	960	block3a_project_bn[0][0]	
block3b_expand_activation (Acti	[None, 28, 28, 240]	0	block3b_expand_conv[0][0]	
block3b_dwconv (DepthwiseConv2D	[None, 28, 28, 240]	6000	block3b_expand_bn[0][0]	
block3b_bn (BatchNormalization)	[None, 28, 28, 240]	960	block3b_expand_activation[0][0]	
block3b_activation (Activation)	[None, 28, 28, 240]	0	block3b_dwconv[0][0]	
block3b_se_squeeze (GlobalAvera	[None, 240]	0	block3b_bn[0][0]	
block3b_se_reshape (Reshape)	[None, 1, 1, 240]	0	block3b_activation[0][0]	
block3b_se_reduce (Conv2D)	[None, 1, 1, 10]	2410	block3b_se_squeeze[0][0]	
block3b_se_expand (Conv2D)	[None, 1, 1, 240]	2640	block3b_se_reshape[0][0]	
block3b_se_excite (Multiply)	[None, 28, 28, 240]	0	block3b_se_reduce[0][0]	
block3b_project_conv (Conv2D)	[None, 28, 28, 40]	9600	block3b_activation[0][0]	
block3b_project_bn (BatchNormal	[None, 28, 28, 40]	160	block3b_se_expand[0][0]	
block3b_drop (Dropout)	[None, 28, 28, 40]	0	block3b_se_excite[0][0]	
block3b_add (Add)	[None, 28, 28, 40]	0	block3b_project_conv[0][0]	
block3b_project_bn (BatchNormali	[None, 28, 28, 40]	160	block3b_project_bn[0][0]	
block3b_drop (Dropout)	[None, 28, 28, 40]	0	block3b_drop[0][0]	
block3b_add (Add)	[None, 28, 28, 40]	0	block3a_project_bn[0][0]	
block4a_expand_conv (Conv2D)	[None, 28, 28, 240]	9600	block3a_project_bn[0][0]	
block4a_expand_bn (BatchNormali	[None, 28, 28, 240]	960	block3b_add[0][0]	
block4a_expand_activation (Acti	[None, 28, 28, 240]	0	block4a_expand_conv[0][0]	
block4a_dwconv_pad (ZeroPadding	[None, 29, 29, 240]	0	block4a_expand_bn[0][0]	
block4a_dwconv (DepthwiseConv2D	[None, 14, 14, 240]	2160	block4a_expand_activation[0][0]	
block4a_bn (BatchNormalization)	[None, 14, 14, 240]	960	block4a_dwconv[0][0]	
block4a_activation (Activation)	[None, 14, 14, 240]	0	block4a_bn[0][0]	
block4a_se_squeeze (GlobalAvera	[None, 240]	0	block4a_activation[0][0]	
block4a_se_reshape (Reshape)	[None, 1, 1, 240]	0	block4a_se_squeeze[0][0]	
block4a_se_reduce (Conv2D)	[None, 1, 1, 10]	2410	block4a_se_reshape[0][0]	
block4a_se_expand (Conv2D)	[None, 1, 1, 240]	2640	block4a_se_reduce[0][0]	
block4a_se_excite (Multiply)	[None, 14, 14, 240]	0	block4a_activation[0][0]	
block4a_project_conv (Conv2D)	[None, 14, 14, 80]	19200	block4a_se_expand[0][0]	
block4a_project_bn (BatchNormal	[None, 14, 14, 80]	320	block4a_se_excite[0][0]	
block4b_expand_conv (Conv2D)	[None, 14, 14, 480]	38400	block4a_project_conv[0][0]	
block4b_expand_bn (BatchNormali	[None, 14, 14, 480]	1920	block4a_project_bn[0][0]	
block4b_expand_activation (Acti	[None, 14, 14, 480]	0	block4b_expand_conv[0][0]	
block4b_dwconv (DepthwiseConv2D	[None, 14, 14, 480]	4320	block4b_expand_bn[0][0]	

block4b_bn (BatchNormalization) (None, 14, 14, 480)	1920	block4b_dwconv[0][0]
block4b_activation (Activation) (None, 14, 14, 480)	0	block4b_bn[0][0]
block4b_se_squeeze (GlobalAvera (None, 480))	0	block4b_activation[0][0]
block4b_se_reshape (Reshape) (None, 1, 1, 480)	0	block4b_se_squeeze[0][0]
block4b_se_reduce (Conv2D) (None, 1, 1, 20)	9620	block4b_se_reshape[0][0]
block4b_se_expand (Conv2D) (None, 1, 1, 480)	10080	block4b_se_reduce[0][0]
block4b_se_excite (Multiply) (None, 14, 14, 480)	0	block4b_activation[0][0]
block4b_project_conv (Conv2D) (None, 14, 14, 80)	38400	block4b_se_expand[0][0]
block4b_project_bn (BatchNormal (None, 14, 14, 80))	320	block4b_se_excite[0][0]
block4b_drop (Dropout) (None, 14, 14, 80)	0	block4b_project_conv[0][0]
block4b_add (Add) (None, 14, 14, 80)	0	block4b_project_bn[0][0]
block4c_expand_conv (Conv2D) (None, 14, 14, 480)	38400	block4b_drop[0][0]
block4c_expand_bn (BatchNormali (None, 14, 14, 480))	1920	block4a_project_bn[0][0]
block4c_expand_activation (Acti (None, 14, 14, 480))	0	block4c_add[0][0]
block4c_dwconv (DepthwiseConv2D (None, 14, 14, 480))	4320	block4c_expand_conv[0][0]
block4c_bn (BatchNormalization) (None, 14, 14, 480)	1920	block4c_expand_bn[0][0]
block4c_activation (Activation) (None, 14, 14, 480)	0	block4c_expand_activation[0][0]
block4c_se_squeeze (GlobalAvera (None, 480))	0	block4c_dwconv[0][0]
block4c_se_reshape (Reshape) (None, 1, 1, 480)	0	block4c_bn[0][0]
block4c_se_reduce (Conv2D) (None, 1, 1, 20)	9620	block4c_se_squeeze[0][0]
block4c_se_expand (Conv2D) (None, 1, 1, 480)	10080	block4c_se_reshape[0][0]
block4c_se_excite (Multiply) (None, 14, 14, 480)	0	block4c_se_reduce[0][0]
block4c_project_conv (Conv2D) (None, 14, 14, 80)	38400	block4c_activation[0][0]
block4c_project_bn (BatchNormal (None, 14, 14, 80))	320	block4c_se_expand[0][0]
block4c_drop (Dropout) (None, 14, 14, 80)	0	block4c_se_excite[0][0]
block4c_add (Add) (None, 14, 14, 80)	0	block4c_project_conv[0][0]
block5a_expand_conv (Conv2D) (None, 14, 14, 480)	38400	block4c_project_bn[0][0]
block5a_expand_bn (BatchNormali (None, 14, 14, 480))	1920	block4c_drop[0][0]
block5a_expand_activation (Acti (None, 14, 14, 480))	0	block4b_add[0][0]
block5a_dwconv (DepthwiseConv2D (None, 14, 14, 480))	12000	block4c_add[0][0]
block5a_bn (BatchNormalization) (None, 14, 14, 480)	1920	block5a_expand_conv[0][0]
block5a_activation (Activation) (None, 14, 14, 480)	0	block5a_expand_bn[0][0]
block5a_se_squeeze (GlobalAvera (None, 480))	0	block5a_expand_activation[0][0]
block5a_se_reshape (Reshape) (None, 1, 1, 480)	0	block5a_dwconv[0][0]
block5a_se_reduce (Conv2D) (None, 1, 1, 20)	9620	block5a_bn[0][0]
block5a_se_expand (Conv2D) (None, 1, 1, 480)	10080	block5a_activation[0][0]
block5a_se_excite (Multiply) (None, 14, 14, 480)	0	block5a_se_expand[0][0]
block5a_project_conv (Conv2D) (None, 14, 14, 112)	53760	block5a_se_excite[0][0]
block5a_project_bn (BatchNormal (None, 14, 14, 112))	448	block5a_project_conv[0][0]
block5b_expand_conv (Conv2D) (None, 14, 14, 672)	75264	block5a_project_bn[0][0]
block5b_expand_bn (BatchNormali (None, 14, 14, 672))	2688	block5b_expand_conv[0][0]
block5b_expand_activation (Acti (None, 14, 14, 672))	0	block5b_expand_bn[0][0]
block5b_dwconv (DepthwiseConv2D (None, 14, 14, 672))	16800	block5b_expand_activation[0][0]
block5b_bn (BatchNormalization) (None, 14, 14, 672)	2688	block5b_dwconv[0][0]
block5b_activation (Activation) (None, 14, 14, 672)	0	block5a_bn[0][0]
block5b_se_squeeze (GlobalAvera (None, 672))	0	block5b_activation[0][0]
block5b_se_reshape (Reshape) (None, 1, 1, 672)	0	block5a_se_squeeze[0][0]
block5b_se_reduce (Conv2D) (None, 1, 1, 28)	18844	block5a_se_reshape[0][0]
block5b_se_expand (Conv2D) (None, 1, 1, 672)	19488	block5a_se_reduce[0][0]
block5b_se_excite (Multiply) (None, 14, 14, 672)	0	block5a_activation[0][0]
block5b_project_conv (Conv2D) (None, 14, 14, 112)	75264	block5b_se_expand[0][0]
block5b_project_bn (BatchNormal (None, 14, 14, 112))	448	block5b_se_excite[0][0]
block5b_drop (Dropout) (None, 14, 14, 112)	0	block5b_project_conv[0][0]
block5b_add (Add) (None, 14, 14, 112)	0	block5b_project_bn[0][0]
block5c_expand_conv (Conv2D) (None, 14, 14, 672)	75264	block5b_drop[0][0]
block5c_expand_bn (BatchNormali (None, 14, 14, 672))	2688	block5a_project_bn[0][0]
block5c_expand_activation (Acti (None, 14, 14, 672))	0	block5b_add[0][0]
block5c_dwconv (DepthwiseConv2D (None, 14, 14, 672))	16800	block5c_expand_conv[0][0]
block5c_bn (BatchNormalization) (None, 14, 14, 672)	2688	block5c_expand_bn[0][0]
block5c_activation (Activation) (None, 14, 14, 672)	0	block5c_expand_activation[0][0]
block5c_se_squeeze (GlobalAvera (None, 672))	0	block5c_dwconv[0][0]
block5c_se_reshape (Reshape) (None, 1, 1, 672)	0	block5c_bn[0][0]
block5c_se_reduce (Conv2D) (None, 1, 1, 28)	18844	block5c_activation[0][0]
block5c_se_expand (Conv2D) (None, 1, 1, 672)	19488	block5c_se_squeeze[0][0]
block5c_se_excite (Multiply) (None, 14, 14, 672)	0	block5c_se_reshape[0][0]
block5c_project_conv (Conv2D) (None, 14, 14, 112)	75264	block5c_se_reduce[0][0]
block5c_project_bn (BatchNormal (None, 14, 14, 112))	448	block5c_activation[0][0]
block5c_drop (Dropout) (None, 14, 14, 112)	0	block5c_se_expand[0][0]
block5c_add (Add) (None, 14, 14, 112)	0	block5c_se_excite[0][0]
block6a_expand_conv (Conv2D) (None, 14, 14, 672)	75264	block5c_project_conv[0][0]
block6a_expand_bn (BatchNormali (None, 14, 14, 672))	2688	block5c_project_bn[0][0]
block6a_expand_activation (Acti (None, 14, 14, 672))	0	block5c_drop[0][0]
block6a_dwconv_pad (ZeroPadding (None, 17, 17, 672))	0	block5b_add[0][0]
block6a_dwconv (DepthwiseConv2D (None, 7, 7, 672))	16800	block5c_add[0][0]
block6a_bn (BatchNormalization) (None, 7, 7, 672)	2688	block6a_expand_conv[0][0]
block6a_activation (Activation) (None, 7, 7, 672)	0	block6a_expand_bn[0][0]
block6a_se_squeeze (GlobalAvera (None, 672))	0	block6a_expand_activation[0][0]
block6a_se_reshape (Reshape) (None, 1, 1, 672)	0	block6a_dwconv[0][0]
block6a_se_reduce (Conv2D) (None, 1, 1, 28)	18844	block6a_bn[0][0]
block6a_se_expand (Conv2D) (None, 1, 1, 672)	19488	block6a_activation[0][0]
block6a_se_excite (Multiply) (None, 7, 7, 672)	0	block6a_se_squeeze[0][0]
block6a_project_conv (Conv2D) (None, 7, 7, 192)	129024	block6a_se_reshape[0][0]
block6a_project_bn (BatchNormal (None, 7, 7, 192))	768	block6a_se_reduce[0][0]
block6b_expand_conv (Conv2D) (None, 7, 7, 1152)	221184	block6a_activation[0][0]
block6b_expand_bn (BatchNormali (None, 7, 7, 1152))	4608	block6a_se_expand[0][0]
block6b_expand_activation (Acti (None, 7, 7, 1152))	0	block6b_project_conv[0][0]
block6b_dwconv (DepthwiseConv2D (None, 7, 7, 1152))	28800	block6b_project_bn[0][0]
block6b_bn (BatchNormalization) (None, 7, 7, 1152)	4608	block6b_expand_activation[0][0]
block6b_activation (Activation) (None, 7, 7, 1152)	0	block6b_dwconv[0][0]
block6b_se_squeeze (GlobalAvera (None, 1152))	0	block6b_bn[0][0]
block6b_se_reshape (Reshape) (None, 1, 1, 1152)	0	block6b_activation[0][0]
block6b_se_reduce (Conv2D) (None, 1, 1, 48)	55344	block6b_se_squeeze[0][0]
block6b_se_expand (Conv2D) (None, 1, 1, 1152)	56448	block6b_se_reshape[0][0]
block6b_se_excite (Multiply) (None, 7, 7, 1152)	0	block6b_se_reduce[0][0]
block6b_project_conv (Conv2D) (None, 7, 7, 192)	221184	block6b_activation[0][0]
block6b_project_bn (BatchNormal (None, 7, 7, 192))	768	block6b_se_expand[0][0]
block6b_drop (Dropout) (None, 7, 7, 192)	0	block6b_se_excite[0][0]
block6b_add (Add) (None, 7, 7, 192)	0	block6b_project_conv[0][0]

block6b_drop (Dropout)	(None, 7, 7, 192)	0	block6b_project_bn[0][0]
block6b_add (Add)	(None, 7, 7, 192)	0	block6b_drop[0][0]
block6c_expand_conv (Conv2D)	(None, 7, 7, 1152)	221184	block6a_project_bn[0][0]
block6c_expand_bn (BatchNormali	(None, 7, 7, 1152)	4608	block6b_add[0][0]
block6c_expand_activation (Acti	(None, 7, 7, 1152)	0	block6c_expand_conv[0][0]
block6c_dwconv (DepthwiseConv2D	(None, 7, 7, 1152)	28800	block6c_expand_bn[0][0]
block6c_bn (BatchNormalization)	(None, 7, 7, 1152)	4608	block6c_expand_activation[0][0]
block6c_activation (Activation)	(None, 7, 7, 1152)	0	block6c_dwconv[0][0]
block6c_se_squeeze (GlobalAvera	(None, 1152)	0	block6c_bn[0][0]
block6c_se_reshape (Reshape)	(None, 1, 1152)	0	block6c_activation[0][0]
block6c_se_reduce (Conv2D)	(None, 1, 1, 48)	55344	block6c_se_squeeze[0][0]
block6c_se_expand (Conv2D)	(None, 1, 1, 1152)	56448	block6c_se_reshape[0][0]
block6c_se_excite (Multiply)	(None, 7, 1152)	0	block6c_se_reduce[0][0]
block6c_project_conv (Conv2D)	(None, 7, 7, 192)	221184	block6c_activation[0][0]
block6c_project_bn (BatchNormal	(None, 7, 7, 192)	768	block6c_se_expand[0][0]
block6c_drop (Dropout)	(None, 7, 7, 192)	0	block6c_se_excite[0][0]
block6c_add (Add)	(None, 7, 7, 192)	0	block6c_project_conv[0][0]
block6d_expand_conv (Conv2D)	(None, 7, 7, 1152)	221184	block6c_project_bn[0][0]
block6d_expand_bn (BatchNormali	(None, 7, 7, 1152)	4608	block6c_drop[0][0]
block6d_expand_activation (Acti	(None, 7, 7, 1152)	0	block6d_add[0][0]
block6d_dwconv (DepthwiseConv2D	(None, 7, 7, 1152)	28800	block6d_add[0][0]
block6d_bn (BatchNormalization)	(None, 7, 7, 1152)	4608	block6d_expand_conv[0][0]
block6d_activation (Activation)	(None, 7, 7, 1152)	0	block6d_expand_bn[0][0]
block6d_se_squeeze (GlobalAvera	(None, 1152)	0	block6d_expand_activation[0][0]
block6d_se_reshape (Reshape)	(None, 1, 1, 1152)	0	block6d_dwconv[0][0]
block6d_se_reduce (Conv2D)	(None, 1, 1, 48)	55344	block6d_bn[0][0]
block6d_se_expand (Conv2D)	(None, 1, 1, 1152)	56448	block6d_activation[0][0]
block6d_se_excite (Multiply)	(None, 7, 1152)	0	block6d_se reshape[0][0]
block6d_project_conv (Conv2D)	(None, 7, 7, 192)	221184	block6d_se_reduce[0][0]
block6d_project_bn (BatchNormal	(None, 7, 7, 192)	768	block6d_activation[0][0]
block6d_drop (Dropout)	(None, 7, 7, 192)	0	block6d_se expand[0][0]
block6d_add (Add)	(None, 7, 7, 192)	0	block6d_se excite[0][0]
block7a_expand_conv (Conv2D)	(None, 7, 7, 1152)	221184	block6d_project_conv[0][0]
block7a_expand_bn (BatchNormali	(None, 7, 7, 1152)	4608	block6d_project_bn[0][0]
block7a_expand_activation (Acti	(None, 7, 7, 1152)	0	block6d_drop[0][0]
block7a_dwconv (DepthwiseConv2D	(None, 7, 7, 1152)	10368	block6c_add[0][0]
block7a_bn (BatchNormalization)	(None, 7, 7, 1152)	4608	block6d_add[0][0]
block7a_activation (Activation)	(None, 7, 7, 1152)	0	block7a_expand_conv[0][0]
block7a_se_squeeze (GlobalAvera	(None, 1152)	0	block7a_expand_bn[0][0]
block7a_se_reshape (Reshape)	(None, 1, 1, 1152)	0	block7a_expand_activation[0][0]
block7a_se_reduce (Conv2D)	(None, 1, 1, 48)	55344	block7a_dwconv[0][0]
block7a_se_expand (Conv2D)	(None, 1, 1, 1152)	56448	block7a_bn[0][0]
block7a_se_excite (Multiply)	(None, 7, 1152)	0	block7a_activation[0][0]
block7a_project_conv (Conv2D)	(None, 7, 7, 320)	368640	block7a_se squeeze[0][0]
block7a_project_bn (BatchNormal	(None, 7, 7, 320)	1280	block7a_se reshape[0][0]
top_conv (Conv2D)	(None, 7, 7, 1280)	409600	block7a_se reduce[0][0]
top_bn (BatchNormalization)	(None, 7, 7, 1280)	5120	block7a_activation[0][0]
top_activation (Activation)	(None, 7, 7, 1280)	0	block7a_se expand[0][0]
avg_pool (GlobalAveragePooling2	(None, 1280)	0	block7a_se excite[0][0]
top_dropout (Dropout)	(None, 1280)	0	block7a_project_conv[0][0]
predictions (Dense)	(None, 1000)	1281000	block7a_project_bn[0][0]
<hr/>			
Total params:	5,330,571	top_conv[0][0] // Ultima camada que aparece com ou sem topo	
Trainable params:	5,288,548	top_bn[0][0] // Desta camada adiante, so aparece com topo	
Non-trainable params:	42,023	top_activation[0][0] avg_pool[0][0] top_dropout[0][0]	

## Anexo E: Regularização L1 e L2

A regularização L1 e L2 faz com que backpropagation dê preferência às redes com pesos pequenos em valor absoluto, fazendo a rede aprender modelos “simples”. Isto ajuda a diminuir “overfitting”. Seja uma rede neural com pesos  $w$  e vieses  $b$ . As normas L1 e L2 do vetor  $w$  são:

$$\|w\|_1 = |w_1| + |w_2| + \dots + |w_n| \quad \text{e} \quad \|w\|_2 = \sqrt{(|w_1|^2 + |w_2|^2 + \dots + |w_n|^2)}$$

A predição  $\hat{y}$  da entrada  $x$  pela rede neural é:

$$\hat{y} = w_1 x_1 + w_2 x_2 + \dots + w_n x_n + b$$

A função perda ou custo sem regularização é:

$$\text{Loss} = \text{Error}(y, \hat{y})$$

A função de perda com regularização L1 é:

$$\text{Loss} = \text{Error}(y, \hat{y}) + \lambda \sum_{i=1}^n |w_i|$$

A função de perda com regularização L2 é:

$$\text{Loss} = \text{Error}(y, \hat{y}) + \lambda \sum_{i=1}^n w_i^2$$

Na verdade, aqui está minimizando norma L2 ao quadrado.

Onde  $\lambda > 0$  é o parâmetro de regularização que deve ser escolhido manualmente. Isto faz com que retropropagação “prefira” redes com pesos com valores absolutos pequenos, pois a função perda será menor nessas redes.

Veja, por exemplo, [\[https://towardsdatascience.com/intuitions-on-l1-and-l2-regularisation-235f2db4c261\]](https://towardsdatascience.com/intuitions-on-l1-and-l2-regularisation-235f2db4c261) para maiores detalhes.